



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI SALERNO

Università di Salerno
Dipartimento di
Ingegneria Industriale
di
in

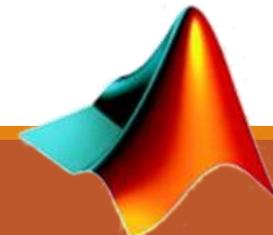


Fondamenti di Informatica

Array e Matrici in MATLAB: Esercitazione 2

Prof. Raffaele Pizzolante

A.A. 2016/17



MATLAB

Esempio 1

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla lunghezza di cinque strade e i corrispondenti tempi di percorrenza. Utilizzare questi valori per calcolare la velocità media richiesta per percorrere le singole strade. Trovare la strada che ha la velocità media più elevata.

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10,3	8,2	9,1	10,1	7,5

Esempio 1

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla lunghezza di cinque strade e i corrispondenti tempi di percorrenza. Utilizzare questi valori per calcolare la velocità media richiesta per percorrere le singole strade. Trovare la strada che ha la velocità media più elevata.

Strade →	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10,3	8,2	9,1	10,1	7,5

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

a. Rappresentare la tabella in MATLAB

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

a. Rappresentare la tabella in MATLAB

- Trasformare la tabella in due array riga
 - Uno che caratterizza la distanza (*Km*)
 - L'altro che caratterizza il tempo (*h*)

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

a. Rappresentare la tabella in MATLAB

- Trasformare la tabella in due array riga

```
>> d = [560, 440, 490, 530, 370];  
>> t = [10.3, 8.2, 9.1, 10.1, 7.5];
```

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

The table contains the following data:

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

b. Calcolare la velocità media richiesta per percorrere le singole strade

- Per trovare la velocità media di ogni strada basta dividere la distanza percorsa (in *km*) per la quantità di tempo impiegata (in *h*)

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

b. Calcolare la velocità media richiesta per percorrere le singole strade

- Per trovare la velocità media di ogni strada basta dividere la distanza percorsa (in *km*) per la quantità di tempo impiegata (in *h*)
- Quindi basta utilizzare la divisione (elemento per elemento) tra i due array

```
>> d = [560, 440, 490, 530, 370];
```

d →	560	440	490	530	370
-----	-----	-----	-----	-----	-----

```
>> t = [10.3, 8.2, 9.1, 10.1, 7.5];
```

t →	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5
-----	------	-----	-----	------	-----

```
>> speed = d./t;
```

d →	560	440	490	530	370
-----	-----	-----	-----	-----	-----

t →	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5
-----	------	-----	-----	------	-----

speed →	54.3689	53.6585	53.8462	52.4752	49.3333
---------	---------	---------	---------	---------	---------

./

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

b. Calcolare la velocità media richiesta per percorrere le singole strade

- Per trovare la velocità media di ogni strada basta dividere la distanza percorsa (in *km*) per la quantità di tempo impiegata (in *h*)
- Quindi basta utilizzare la divisione (elemento per elemento) tra i due array

```
>> d = [560, 440, 490, 530, 370];  
>> t = [10.3, 8.2, 9.1, 10.1, 7.5];  
>> speed = d./t  
speed =  
    54.3689    53.6585    53.8462    52.4752    49.3333
```

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

b. Calcolare la velocità media richiesta per percorrere le singole strade

- Per trovare la velocità media di ogni strada basta dividere la distanza percorsa (in *km*) per la quantità di tempo impiegata (in *h*)
- Quindi basta utilizzare la divisione (elemento per elemento) tra i due array

```
>> d = [560, 440, 490, 530, 370];  
>> t = [10.3, 8.2, 9.1, 10.1, 7.5];  
>> speed = d./t  
speed =  
54.3689  53.6585  53.8462  52.4752  49.3333
```

I risultati sono espressi in *km/h*

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

c. Trovare la strada che ha la velocità media più elevata

- Per trovare la strada che ha la velocità media più elevata è necessario individuare qual è l'indice corrispondente a tale strada

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

c. Trovare la strada che ha la velocità media più elevata

- Per trovare la strada che ha la velocità media più elevata è necessario individuare qual è l'indice corrispondente a tale strada

```
>> [max_speed, strada] = max(speed)
max_speed =
    54.3689
strada =
     1
```

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

c. Trovare la strada che ha la velocità media più elevata

- Per trovare la strada che ha la velocità media più elevata è necessario individuare qual è l'indice corrispondente a tale strada

Elemento di
valore massimo

```
>> [max_speed, strada] = max(speed)
max_speed =
    54.3689
strada =
     1
```

Indice corrispondente
all'elemento di valore
massimo

Maggiori informazioni
digitando il comando
help max

Il seguente prospetto fornisce i dati relativi alla **lunghezza di cinque strade** e i **corrispondenti tempi di percorrenza**

	1	2	3	4	5
Distanza (km)	560	440	490	530	370
Tempo (h)	10.3	8.2	9.1	10.1	7.5

c. Trovare la strada che ha la velocità media più elevata

- Per trovare la strada che ha la velocità media più elevata è necessario individuare qual è l'indice corrispondente a tale strada

```
>> [max_speed, strada] = max(speed)
max_speed =
    54.3689
strada =
     1
```

La prima strada è quella
con la velocità media
più alta

Esempio 2

La corrente i che attraversa un resistore cui è applicata una tensione v è data dalla legge di Ohm $i = v/R$, dove R è la resistenza. La potenza dissipata nel resistore è data da v^2/R . Il seguente prospetto fornisce i valori della resistenza e della tensione per cinque resistori. Utilizzare questi dati per calcolare a) la corrente e b) la potenza dissipata in ogni resistore.

	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	$3,5 \times 10^4$	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

Esempio 2

La corrente i che attraversa un resistore cui è applicata una tensione v è data dalla legge di Ohm $i = v/R$, dove R è la resistenza. La potenza dissipata nel resistore è data da v^2/R . Il seguente prospetto fornisce i valori della resistenza e della tensione per cinque resistori. Utilizzare questi dati per calcolare a) la corrente e b) la potenza dissipata in ogni resistore.

Resistori →	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	$3,5 \times 10^4$	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

- **Rappresentare la tabella in MATLAB**

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

- **Rappresentare la tabella in MATLAB**
 - Trasformare la tabella in due array riga

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

- **Rappresentare la tabella in MATLAB**
 - Trasformare la tabella in due array riga

```
>> R = [10000, 20000, 35000, 100000, 200000];  
>> v = [120, 80, 110, 200, 350];
```

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

a. **Calcolare la corrente i che attraversa un resistore cui è applicata una tensione v**

- Dalla *legge di Ohm* si ha che $i = v/R$, dove R è la resistenza

v

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

a. **Calcolare la corrente i che attraversa un resistore cui è applicata una tensione v**

- Dalla *legge di Ohm* si ha che $i = v/R$, dove R è la resistenza
- Per trovare la corrente i con MATLAB basta applicare la divisione (elemento per elemento) tra i due array

v

```
>> R = [10000, 20000, 35000, 100000, 200000];
```

R →	10000	20000	35000	100000	200000
-----	-------	-------	-------	--------	--------

```
>> v = [120, 80, 110, 200, 350];
```

v →	120	80	110	100000	200000
-----	-----	----	-----	--------	--------

```
>> corrente = v./R;
```

R →	10000	20000	35000	530	370
-----	-------	-------	-------	-----	-----

v →	120	80	110	200	350
-----	-----	----	-----	-----	-----

corrente →	0.0120	0.0040	0.0031	0.0020	0.0018
------------	--------	--------	--------	--------	--------

./

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

a. **Calcolare la corrente i che attraversa un resistore cui è applicata una tensione v**

- Dalla *legge di Ohm* si ha che $i = v/R$, dove R è la resistenza
- Per trovare la corrente i con MATLAB basta applicare la divisione (elemento per elemento) tra i due array

```
>> R = [10000, 20000, 35000, 100000, 200000];  
>> v = [120, 80, 110, 200, 350];  
>> corrente = v./R  
corrente =  
    0.0120    0.0040    0.0031    0.0020    0.0018
```

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
<i>R (ohm)</i>	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
<i>v (volt)</i>	120	80	110	200	350

- b.** Per trovare la potenza $P = v^2/R$ basta applicare l'elevazione a potenza e la divisione (elemento per elemento) tra i due array

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
<i>R (ohm)</i>	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
<i>v (volt)</i>	120	80	110	200	350

- b.** Per trovare la potenza $P = v^2/R$ basta applicare l'elevazione a potenza e la divisione (elemento per elemento) tra i due array

```
>> potenza = v.^2./R
potenza =
    1.4400    0.3200    0.3457    0.4000    0.6125
```

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
<i>R (ohm)</i>	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
<i>v (volt)</i>	120	80	110	200	350

- b.** Per trovare la potenza $P = v^2/R$ basta applicare l'elevazione a potenza e la divisione (elemento per elemento) tra i due array

```
>> potenza = v.^2./R
```

```
potenza =
```

```
1.4400 0.3200 0.3457 0.4000 0.6125
```

Questi numeri
rappresentano la potenza (in
watt) dissipata in ogni
resistore

Il seguente prospetto fornisce i **valori della resistenza e della tensione per cinque resistori**

	1	2	3	4	5
R (ohm)	10^4	2×10^4	3.5×10^4	10^5	2×10^5
v (volt)	120	80	110	200	350

- b. Per trovare la potenza $P = v^2/R$ basta applicare l'elevazione a potenza e la divisione (elemento per elemento) tra i due array

```
>> potenza = v.^2./R
potenza =
    1.4400    0.3200    0.3571    0.4000    0.6125
```

- Si noti che l'istruzione $v.^2./R$ è equivalente a $(v.^2)./R$
- Anche se in questo caso le regole di precedenza non sono ambigue, possiamo sempre racchiudere fra parentesi le quantità se non siamo sicuri di come MATLAB interpreterà i nostri comandi

Esempio 3 (Esempio 2.9 – Libro di testo)

La Tabella 2.5 elenca i costi associati a quattro prodotti. La Tabella 2.6 riporta i volumi di produzione per ogni trimestre. Utilizzate Matlab per trovare i costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto; i costi totali annuali per materiali, manodopera e trasporto e i costi totali trimestrali.

Tabella 2.5 Costi dei prodotti.

Prodotto	Costi unitari ($10^3 \times \$$)		
	Materiali	Manodopera	Trasporto
1	6	2	1
2	2	5	4
3	4	3	2
4	9	7	3

Tabella 2.6 Volumi trimestrali di produzione.

Prodotto	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre
1	10	12	13	15
2	8	7	6	4
3	12	10	13	9
4	6	4	11	5

Esempio 3

La Tabella 2.5 elenca i costi associati a quattro prodotti. La Tabella 2.6 riporta i volumi di produzione per ogni trimestre. Utilizzate Matlab per trovare **i costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto**; **i costi totali annuali per materiali, manodopera e trasporto** e **i costi totali trimestrali**

a)

b)

c)

Tabella 2.5 Costi dei prodotti.

Prodotto	Costi unitari ($10^3 \times \$$)		
	Materiali	Manodopera	Trasporto
1	6	2	1
2	2	5	4
3	4	3	2
4	9	7	3

Tabella 2.6 Volumi trimestrali di produzione.

Prodotto	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre
1	10	12	13	15
2	8	7	6	4
3	12	10	13	9
4	6	4	11	5

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- Definiamo 2 matrici: **U** contenente i costi unitari della Tabella 2.5 in migliaia di dollari; **P** contenente i volumi trimestrali di produzione elencati nella Tabella 2.6

Tabella 2.5
(Costi dei Prodotti)

Costi unitari (10 ³ dollari)			
Prodotto	Materiali	Manodopera	Trasporto
1	6	2	1
2	2	5	4
3	4	3	2
4	9	7	3

U

P

Prodotto	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre
1	10	12	13	15
2	8	7	6	4
3	12	10	13	9
4	6	4	11	5

Tabella 2.6
(Volumi trimestrali di produzione)

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- Definiamo 2 matrici: **U** contenente i **costi unitari** della **Tabella 2.5** in migliaia di dollari; **P** contenente i **volumi trimestrali di produzione** elencati nella **Tabella 2.6**

Costi unitari (103 × \$)			
Prodotto	Materiali	Manodopera	Trasporto
1	6	2	1
2	2	5	4
3	4	3	2
4	9	7	3

Matrice U
(4 righe, 3 colonne)

Prodotto	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre
1	10	12	13	15
2	8	7	6	4
3	12	10	13	9
4	6	4	11	5

Matrice P
(4 righe, 4 colonne)

a. **Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto**

- Definiamo 2 matrici: **U** contenente i **costi unitari** della **Tabella 2.5** in migliaia di dollari; **P** contenente i **volumi trimestrali di produzione** elencati nella **Tabella 2.6**

6	2	1
2	5	4
4	3	2
9	7	3

Matrice U
(4 righe, 3 colonne)

$$U = [6, 2, 1; 2, 5, 4; 4, 3, 2; 9, 7, 3];$$

10	12	13	15
8	7	6	4
12	10	13	9
6	4	11	5

Matrice P
(4 righe, 4 colonne)

$$P = [10, 12, 13, 15; 8, 7, 6, 4; 12, 10, 13, 9; 6, 4, 11, 5];$$

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Se consideriamo i costi unitari contenuti nella prima colonna di \mathbf{U} (materiali) ed i volumi contenuti nella prima colonna di \mathbf{P} , possiamo ricavare i costi totali dei materiali per il primo trimestre

6	2	1
2	5	4
4	3	2
9	7	3

U

Costo
materiali
per i 4
prodotti

10	12	13	15
8	7	6	4
12	10	13	9
6	4	11	5

P

Volumi di
produzione
nel
primo
trimestre
relativi
ai 4
prodotti

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Se consideriamo i costi unitari contenuti nella prima colonna di U (materiali) ed i volumi contenuti nella prima colonna di P , possiamo ricavare i costi totali dei materiali per il primo trimestre

6	2	1
2	5	4
4	3	2
9	7	3

} U

Costo
materiali
per i 4
prodotti

```
>> sum(U(:,1).*P(:,1))
```

```
ans =
```

```
178
```

Possibile soluzione

(Elementare: basata su moltiplicazione elemento per elemento e somma)

10	12	13	15
8	7	6	4
12	10	13	9
6	4	11	5

} P

Volumi di
produzione nel
primo trimestre relativi ai 4
prodotti

```
>> U(:,1)' * P(:,1)
```

```
ans =
```

```
178
```

Possibile soluzione

(Basata su moltiplicazione matriciale)

Come definito a
pagina 13 di "Cenni
e Richiami su
Matrici"

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Se consideriamo i costi unitari contenuti nella prima colonna di \mathbf{U} (materiali) ed i volumi contenuti nella seconda colonna di \mathbf{P} , possiamo ricavare i costi totali dei materiali per il secondo trimestre

6	2	1
2	5	4
4	3	2
9	7	3

}

U

Costo
materiali
per i 4
prodotti

10	12	13	15
8	7	6	4
12	10	13	9
6	4	11	5

}

P

Volumi di
produzione
nel
secondo
trimestre
relativi
ai 4
prodotti

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Se consideriamo i costi unitari contenuti nella prima colonna di U (materiali) ed i volumi contenuti nella seconda colonna di P , possiamo ricavare i costi totali dei materiali per il secondo trimestre

6	2	1
2	5	4
4	3	2
9	7	3

U

Costo materiali per i 4 prodotti

```
>> sum(U(:,1) .* P(:,2))
```

```
ans =
```

```
162
```

Possibile soluzione

(Elementare: basata su moltiplicazione elemento per elemento e somma)

10	12	13	15
8	7	6	4
12	10	13	9
6	4	11	5

P

Volumi di produzione nel secondo trimestre relativi ai 4 prodotti

```
>> U(:,1)' * P(:,2)
```

```
ans =
```

```
162
```

Possibile soluzione

(Basata su moltiplicazione matriciale)

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Se consideriamo i costi unitari contenuti nella seconda colonna di \mathbf{U} (manodopera) ed i volumi contenuti nella prima colonna di \mathbf{P} , possiamo ricavare i costi totali della manodopera per il primo trimestre
- E così via...

6	2	1
2	5	4
4	3	2
9	7	3

U

Costo
manodopera
per i 4
prodotti

10	12	13	15
8	7	6	4
12	10	13	9
6	4	11	5

P

Volumi di
produzione
nel
primo
trimestre
relativi
ai 4
prodotti

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Se consideriamo i costi unitari contenuti nella seconda colonna di \mathbf{U} (manodopera) ed i volumi contenuti nella prima colonna di \mathbf{P} , possiamo ricavare i costi totali della manodopera per il primo trimestre
- E così via...

6	2	1
2	5	4
4	3	2
9	7	3

} U

Costo
manodopera
per i 4
prodotti

```
>> sum(U(:,2) .* P(:,1))  
  
ans =  
  
138
```

Possibile soluzione
(Elementare: basata su moltiplicazione
elemento per elemento e somma)

10	12	13	15
8	7	6	4
12	10	13	9
6	4	11	5

} P

Volumi di
produzione
nel
primo
trimestre
relativi
ai 4
prodotti

```
>> U(:,2)' * P(:,1)  
  
ans =  
  
138
```

Possibile soluzione
(Basata su moltiplicazione matriciale)

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Generalizzando questo ragionamento, si può notare che bisogna moltiplicare la matrice **trasposta** di **U** per **P**
- Questa moltiplicazione genera la matrice dei costi **C**

6	2	1					
2	5	4					
4	3	2					
9	7	3					
				U			
				10	12	13	15
				8	7	6	4
				12	10	13	9
				6	4	11	5
				P			
Costo materiali per i 4 prodotti	Costo manodopera per i 4 prodotti	Costo trasporto per i 4 prodotti		Vol. prod. I Trimestre per i 4 prodotti	Vol. prod. II Trimestre per i 4 prodotti	Vol. prod. III Trimestre per i 4 prodotti	Vol. prod. IV Trimestre per i 4 prodotti

$$\gg C = U' * P$$

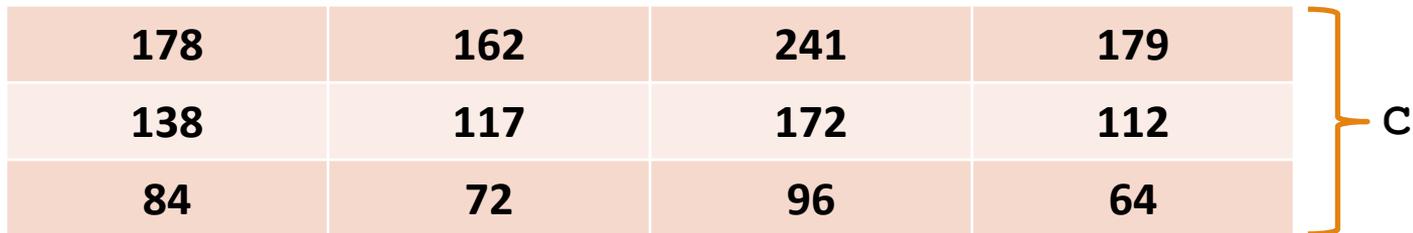
C =

178	162	241	179
138	117	172	112
84	72	96	64

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Generalizzando questo ragionamento, si può notare che bisogna moltiplicare la matrice **trasposta** di \mathbf{U} per \mathbf{P}
- Questa moltiplicazione genera la matrice dei costi \mathbf{C}

178	162	241	179
138	117	172	112
84	72	96	64



A 3x4 matrix of cost values. The values are: Row 1: 178, 162, 241, 179; Row 2: 138, 117, 172, 112; Row 3: 84, 72, 96, 64. A bracket on the right side of the matrix is labeled 'C'.

a. Costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto

- I costi si ottengono moltiplicando il costo unitario di un prodotto per il volume di produzione
- Generalizzando questo ragionamento, si può notare che bisogna moltiplicare la matrice **trasposta** di **U** per **P**
- Questa moltiplicazione genera la matrice dei costi **C**

Costo materiali	178	162	241	179
Costo manodopera	138	117	172	112
Costo trasporto	84	72	96	64

I Trimestre II Trimestre III Trimestre IV Trimestre

} C

✓ I costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporto sono i seguenti

- I Trimestre: 178000\$ (materiali), 138000\$ (manodopera), 84000\$ (trasporto)
- II Trimestre: 162000\$ (materiali), 117000\$ (manodopera), 72000\$ (trasporto)
- III Trimestre: 241000\$ (materiali), 172000\$ (manodopera), 96000\$ (trasporto)
- IV Trimestre: 179000\$ (materiali), 112000\$ (manodopera), 64000\$ (trasporto)

c. Costi totali trimestrali

- Il costo totale del I Trimestre è dato dalla somma degli elementi della prima colonna
- Il costo totale del II Trimestre è dato dalla somma degli elementi della seconda colonna
- E così via...

Costo materiali	178	162	241	179
Costo manodopera	138	117	172	112
Costo trasporto	84	72	96	64
	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre

Ogni colonna di C rappresenta un trimestre

c. Costi totali trimestrali

- Il costo totale del I Trimestre è dato dalla somma degli elementi della prima colonna
- Il costo totale del II Trimestre è dato dalla somma degli elementi della seconda colonna
- E così via...

Costo materiali	178	162	241	179
Costo manodopera	138	117	172	112
Costo trasporto	84	72	96	64
	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre

} C

Ogni colonna di C rappresenta un trimestre

- Poiché la funzione `sum` somma i valori delle colonne di una matrice, i costi trimestrali possono essere ottenuti mediante tale funzione

```
>> sum(C)

ans =

    400    351    509    355
```

c. Costi totali trimestrali

- Poiché la funzione sum somma i valori delle colonne di una matrice, i costi trimestrali possono essere ottenuti mediante tale funzione

```
>> sum(C)

ans =

    400    351    509    355
```

400	351	509	355
Costi Totali I Trimestre	Costi Totali II Trimestre	Costi Totali III Trimestre	Costi Totali IV Trimestre

✓ **Dunque, i costi totali di ogni trimestre sono**

- 400000\$ per il I Trimestre
- 351000\$ per il II Trimestre
- 509000\$ per il III Trimestre
- 355000\$ per il IV Trimestre

b. Costi totali annuali per materiali, manodopera e trasporto

- Gli elementi della prima riga di C sono i costi dei materiali per ogni trimestre
- Gli elementi della seconda riga di C sono i costi della manodopera per ogni trimestre
- Gli elementi della terza riga di C sono i costi di trasporto per ogni trimestre

Costo materiali	178	162	241	179	C
Costo manodopera	138	117	172	112	
Costo trasporto	84	72	96	64	
	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre	

b. Costi totali annuali per materiali, manodopera e trasporto

- Gli elementi della prima riga di C sono i costi dei materiali per ogni trimestre
- Gli elementi della seconda riga di C sono i costi della manodopera per ogni trimestre
- Gli elementi della terza riga di C sono i costi di trasporto per ogni trimestre

Costo materiali	178	162	241	179	C
Costo manodopera	138	117	172	112	
Costo trasporto	84	72	96	64	
	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre	

• Quindi

- Per trovare i costi totali annuali dei materiali bisogna sommare gli elementi della prima riga di C
- Per trovare i costi totali annuali della manodopera bisogna sommare gli elementi della seconda riga di C
- Per trovare i costi totali annuali di trasporto bisogna sommare gli elementi della terza riga di C

b. Costi totali annuali per materiali, manodopera e trasporto

Costo materiali	178	162	241	179
Costo manodopera	138	117	172	112
Costo trasporto	84	72	96	64

I Trimestre II Trimestre III Trimestre IV Trimestre

C

- **Quindi**

- Per trovare i costi totali annuali dei materiali bisogna sommare gli elementi della prima riga di C
- Per trovare i costi totali annuali della manodopera bisogna sommare gli elementi della seconda riga di C
- Per trovare i costi totali annuali di trasporto bisogna sommare gli elementi della terza riga di C

- **Osservazione**

- Poiché il comando **sum** somma gli elementi delle colonne
 1. Bisogna **trasporre** la matrice C e poi applicare il comando **sum**
 2. Applicare direttamente il comando **sum** con gli opportuni parametri

b. Costi totali annuali per materiali, manodopera e trasporto

Costo materiali	178	162	241	179
Costo manodopera	138	117	172	112
Costo trasporto	84	72	96	64

I Trimestre II Trimestre III Trimestre IV Trimestre

C

- **Osservazione**

- Poiché il comando **sum** somma gli elementi delle colonne
 1. Bisogna **trasporre** la matrice **C** e poi applicare il comando **sum**
 2. Applicare direttamente il comando **sum** con gli opportuni parametri

```
>> sum(C')  
  
ans =  
  
760 539 316
```

1.

```
>> sum(C,2)  
  
ans =  
  
760  
539  
316
```

2.

b. Costi totali annuali per materiali, manodopera e trasporto

- **Osservazione**

- Poiché il comando **sum** somma gli elementi delle colonne
 1. Bisogna **trasporre** la matrice **C** e poi applicare il comando **sum**
 2. Applicare direttamente il comando **sum** con gli opportuni parametri

```
>> sum(C')  
  
ans =  
  
    760    539    316
```

1.

```
>> sum(C,2)  
  
ans =  
  
    760  
    539  
    316
```

2.

760	539	316
Costi totali annuali per materiali	Costi totali annuali per manodopera	Costi totali annuali per trasporto

b. Costi totali annuali per materiali, manodopera e trasporto

✓ **I costi totali annuali sono pari a**

- 760000\$ per i materiali
- 539000\$ per la manodopera
- 316000\$ per il trasporto

Esercizio 1

Il seguente prospetto illustra la paga oraria, le ore lavorate e la produzione (numero di pezzi prodotti) settimanale di cinque operai.

	Operaio				
	1	2	3	4	5
Paga oraria (\$)	5	5,50	6,50	6	6,25
Ore lavorate	40	43	37	50	45
Produzione (pezzi)	1000	1100	1000	1200	1100

Utilizzare Matlab per rispondere alle seguenti domande:

- Quanto guadagna ogni operaio in una settimana?
- Qual è il salario settimanale totale di tutti gli operai?
- Quanti pezzi vengono prodotti?
- Qual è il costo medio per produrre un pezzo?
- Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?
- Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente? Qual è il meno efficiente?

Il seguente prospetto illustra la **paga oraria**, le **ore lavorate** e la **produzione (numero di prodotti)** settimanale di cinque operai

	Operaio 1	Operaio 2	Operaio 3	Operaio 4	Operaio 5
Paga Oraria (\$)	5	5.50	6.50	6	6.25
Ore Lavorative	40	43	37	50	45
Produzione (pezzi)	1000	1100	1000	1200	1100

- **Rappresentare la tabella in MATLAB**

Il seguente prospetto illustra la **paga oraria**, le **ore lavorate** e la **produzione (numero di prodotti) settimanale** di cinque operai

	Operaio 1	Operaio 2	Operaio 3	Operaio 4	Operaio 5
Paga Oraria (\$)	5	5.50	6.50	6	6.25
Ore Lavorative	40	43	37	50	45
Produzione (pezzi)	1000	1100	1000	1200	1100

- **Rappresentare la tabella in MATLAB**

- Trasformare la tabella in una matrice composta da 3 righe e 5 colonne

Il seguente prospetto illustra la **paga oraria**, le **ore lavorate** e la **produzione (numero di prodotti) settimanale** di cinque operai

	Operaio 1	Operaio 2	Operaio 3	Operaio 4	Operaio 5
Paga Oraria (\$)	5	5.50	6.50	6	6.25
Ore Lavorative	40	43	37	50	45
Produzione (pezzi)	1000	1100	1000	1200	1100

3 righe

5 colonne

- **Rappresentare la tabella in MATLAB**

- Trasformare la tabella in una matrice composta da 3 righe e 5 colonne

```
>> m = [ 5 5.50 6.50 6 6.25  
        40 43 37 50 45  
        1000 1100 1000 1200 1100 ];  
>>
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
<u>m</u>		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

a. Quanto guadagna ogni operaio in una settimana?

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

a. Quanto guadagna ogni operaio in una settimana?

- Il **guadagno settimanale** di un operaio si ottiene moltiplicando la **paga oraria** per il numero di **ore lavorative**

- Indici riga in **verde**
- Indici colonna in **ciano**

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

a. Quanto guadagna ogni operaio in una settimana?

- Il **guadagno settimanale** di un operaio si ottiene moltiplicando la **paga oraria** per il numero di **ore lavorative**
- **NOTE**
 - Tutte le **paghe orarie sono contenute** nella prima riga (**riga con indice 1**) della matrice m

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

a. Quanto guadagna ogni operaio in una settimana?

- Il **guadagno settimanale** di un operaio si ottiene moltiplicando la **paga oraria** per il numero di **ore lavorative**
- **NOTE**
 - Tutte le **paghe orarie sono contenute** nella prima riga (**riga con indice 1**) della matrice **m**

```
>> paghe_orarie = m(1, :);  
>>
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

a. Quanto guadagna ogni operaio in una settimana?

- Il **guadagno settimanale** di un operaio si ottiene moltiplicando la **paga oraria** per il numero di **ore lavorative**
- **NOTE**
 - Tutte le **paghe orarie** sono contenute nella prima riga (**riga con indice 1**) della matrice **m**
 - Tutte le **ore lavorative** sono contenute nella seconda riga (**riga con indice 2**) della matrice **m**

```
>> paghe_orarie = m(1, :);  
>>
```

- Indici riga in **verde**
- Indici colonna in **ciano**

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

a. Quanto guadagna ogni operaio in una settimana?

- Il **guadagno settimanale** di un operaio si ottiene moltiplicando la **paga oraria** per il numero di **ore lavorative**
- **NOTE**
 - Tutte le **paghe orarie** sono contenute nella prima riga (**riga con indice 1**) della matrice **m**
 - Tutte le **ore lavorative** sono contenute nella seconda riga (**riga con indice 2**) della matrice **m**

```
>> paghe_orarie = m(1, :);  
>> ore_lavorative = m(2, :);
```

- Indici riga in **verde**
- Indici colonna in **ciano**

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

a. Quanto guadagna ogni operaio in una settimana?

- Il **guadagno settimanale** di un operaio si ottiene moltiplicando la **paga oraria** per il numero di **ore lavorative**
- **NOTE**
 - Tutte le **paghe orarie** sono contenute nella prima riga (**riga con indice 1**) della matrice **m**
 - Tutte le **ore lavorative** sono contenute nella seconda riga (**riga con indice 2**) della matrice **m**
- **Moltiplicando** (elemento per elemento) le **paghe orarie** per le **ore lavorative** otterremo il **guadagno settimanale** di ogni operaio

```
>> paghe_orarie = m(1, :);  
>> ore_lavorative = m(2, :);  
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;
```

```
>> paghe_orarie = m(1,:);
```

```
>> ore_lavorative = m(2,:);
```

```
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;
```

```
>> paghe_orarie = m(1,:);
```

```
paghe_orarie → 

|   |      |      |   |      |
|---|------|------|---|------|
| 5 | 5.50 | 6.50 | 6 | 6.25 |
|---|------|------|---|------|


```

```
>> ore_lavorative = m(2,:);
```

```
ore_lavorative → 

|    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|
| 40 | 43 | 37 | 50 | 45 |
|----|----|----|----|----|


```

```
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;
```

```
paghe_orarie → 

|   |      |      |   |      |
|---|------|------|---|------|
| 5 | 5.50 | 6.50 | 6 | 6.25 |
|---|------|------|---|------|

 *
```

```
ore_lavorative → 

|    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|
| 40 | 43 | 37 | 50 | 45 |
|----|----|----|----|----|


```

```
guadagno_sett → 

|        |        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|--------|
| 200.00 | 236.50 | 240.50 | 300.00 | 281.25 |
|--------|--------|--------|--------|--------|


```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
<u>m</u>		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

b. Qual è il salario settimanale totale di tutti gli operai?

- Indici riga in **verde**
- Indici colonna in **ciano**

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

b. Qual è il salario settimanale totale di tutti gli operai?

- Per calcolare il **salario settimanale totale di tutti gli operai** è necessario calcolare **la somma dei salari (guadagno) di ogni operaio**

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

b. Qual è il salario settimanale totale di tutti gli operai?

- Per calcolare il **salario settimanale totale di tutti gli operai** è necessario calcolare **la somma dei salari (guadagno) di ogni operaio**
- **OSSERVAZIONE**
 - Il guadagno di ogni operaio lo abbiamo calcolato al punto precedente...

```
>> paghe_orarie = m(1,:);  
>> ore_lavorative = m(2,:);  
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

b. Qual è il salario settimanale totale di tutti gli operai?

- Per calcolare il **salario settimanale totale di tutti gli operai** è necessario calcolare **la somma dei salari (guadagno) di ogni operaio**
- **OSSERVAZIONE**
 - Il guadagno di ogni operaio lo abbiamo calcolato al punto precedente...
 - **Possiamo sommare gli elementi** dell'array contenente il guadagno di ogni operaio

```
>> paghe_orarie = m(1,:);  
>> ore_lavorative = m(2,:);  
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

b. Qual è il salario settimanale totale di tutti gli operai?

- Per calcolare il **salario settimanale totale di tutti gli operai** è necessario calcolare la **somma dei salari (guadagno) di ogni operaio**
- **OSSERVAZIONE**
 - Il guadagno di ogni operaio lo abbiamo calcolato al punto precedente...
 - **Possiamo sommare gli elementi** dell'array contenente il guadagno di ogni operaio

```
>> paghe_orarie = m(1,:);  
>> ore_lavorative = m(2,:);  
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;  
  
>> guadagno_totale_sett = sum(guadagno_sett);
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

b. Qual è il salario settimanale totale di tutti gli operai?

- Per calcolare il **salario settimanale totale di tutti gli operai** è necessario calcolare la **somma dei salari (guadagno) di ogni operaio**
- **OSSERVAZIONE**
 - Il guadagno di ogni operaio lo abbiamo calcolato al punto precedente...
 - **Possiamo sommare gli elementi** dell'array contenente il guadagno di ogni operaio

1258.25

```
>> paghe_orarie = m(1,:);  
>> ore_lavorative = m(2,:);  
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;  
>> guadagno_totale_sett = sum(guadagno_sett);
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
<u>m</u>		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

c. Quanti pezzi vengono prodotti (settimanalmente)?

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

c. Quanti pezzi vengono prodotti (settimanalmente)?

- Per calcolare il numero di pezzi prodotti, occorre **calcolare la somma di tutti gli elementi** che compongono la terza riga della matrice m (riga con indice 3)

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

c. Quanti pezzi vengono prodotti (settimanalmente)?

- Per calcolare il numero di pezzi prodotti, occorre **calcolare la somma di tutti gli elementi** che compongono la terza riga della matrice m (riga con indice 3)

Possibile Soluzione 1

```
>> pezzi_sett = m(3, :);  
>> pezzi_totali_sett = sum(pezzi_sett);
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
	m	1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

c. Quanti pezzi vengono prodotti (settimanalmente)?

- Per calcolare il numero di pezzi prodotti, occorre **calcolare la somma di tutti gli elementi** che compongono la terza riga della matrice m (riga con indice 3)

Possibile Soluzione 1

```
>> pezzi_sett = m(3, :);  
>> pezzi_totali_sett = sum(pezzi_sett);
```

Possibile Soluzione 2

```
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3, :));
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
	m	1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

c. Quanti pezzi vengono prodotti (settimanalmente)?

- Per calcolare il numero di pezzi prodotti, occorre **calcolare la somma di tutti gli elementi** che compongono la terza riga della matrice m (riga con indice 3)

Possibile Soluzione 1

```
>> pezzi_sett = m(3, :);  
>> pezzi_totali_sett = sum(pezzi_sett);
```

5400

Possibile Soluzione 2

```
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3, :));
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
<u>m</u>		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

d. Qual è il costo medio per produrre un pezzo?

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

d. Qual è il costo medio per produrre un pezzo?

- Per conoscere il costo medio per la produzione di un pezzo è necessario conoscere, in primo luogo, il **numero totale di pezzi prodotti** settimanalmente ed il **guadagno totale settimanale** degli operai

- Indici riga in **verde**
- Indici colonna in **ciano**

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

d. Qual è il costo medio per produrre un pezzo?

- Per conoscere il costo medio per la produzione di un pezzo è necessario conoscere, in primo luogo, il **numero totale di pezzi prodotti** settimanalmente ed il **guadagno totale settimanale** degli operai
- **OSSERVAZIONI**
 - Al punto **b.** abbiamo calcolato il **guadagno settimanale di tutti gli operai**

```
>> paghe_orarie = m(1,:);           dal punto b.  
>> ore_lavorative = m(2,:);  
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;  
  
>> guadagno_totale_sett = sum(guadagno_sett);
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

d. Qual è il costo medio per produrre un pezzo?

- Per conoscere il costo medio per la produzione di un pezzo è necessario conoscere, in primo luogo, il **numero totale di pezzi prodotti** settimanalmente ed il **guadagno totale settimanale** degli operai
- **OSSERVAZIONI**
 - Al punto **b.** abbiamo calcolato il **guadagno settimanale di tutti gli operai**
 - Al punto **c.** abbiamo ottenuto il **numero di pezzi prodotti settimanalmente**

```
>> paghe_orarie = m(1,:); dal punto b.  
>> ore_lavorative = m(2,:);  
>> guadagno_sett = paghe_orarie .* ore_lavorative;  
  
>> guadagno_totale_sett = sum(guadagno_sett);
```

```
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3,:)); dal punto c.
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
	m	1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

d. Qual è il costo medio per produrre un pezzo?

- Per conoscere il costo medio per la produzione di un pezzo è necessario conoscere, in primo luogo, il **numero totale di pezzi prodotti** settimanalmente ed il **guadagno totale settimanale** degli operai
- **OSSERVAZIONI**
 - Al punto **b.** abbiamo calcolato il **guadagno settimanale di tutti gli operai**
 - Al punto **c.** abbiamo ottenuto il **numero di pezzi prodotti settimanalmente**
 - Dividendo il guadagno settimanale di tutti gli operai per il **numero di pezzi prodotti settimanalmente** otteniamo il costo medio per produrre un pezzo

```
...
>> guadagno_totale_sett = sum(guadagno_sett); dal punto b.
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3,:)); dal punto c.
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
	m	1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

d. Qual è il costo medio per produrre un pezzo?

- Per conoscere il costo medio per la produzione di un pezzo è necessario conoscere, in primo luogo, il **numero totale di pezzi prodotti** settimanalmente ed il **guadagno totale settimanale** degli operai
- **OSSERVAZIONI**
 - Al punto **b.** abbiamo calcolato il **guadagno settimanale di tutti gli operai**
 - Al punto **c.** abbiamo ottenuto il **numero di pezzi prodotti settimanalmente**
 - Dividendo il guadagno settimanale di tutti gli operai per il numero di pezzi prodotti settimanalmente otteniamo il costo medio per produrre un pezzo

```

...
>> guadagno_totale_sett = sum(guadagno_sett); dal punto b.
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3,:)); dal punto c.

>> costo_medio = guadagno_totale_sett / pezzi_totali_sett;

```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
	m	1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

d. Qual è il costo medio per produrre un pezzo?

- Per conoscere il costo medio per la produzione di un pezzo è necessario conoscere, in primo luogo, il **numero totale di pezzi prodotti** settimanalmente ed il **guadagno totale settimanale** degli operai
- **OSSERVAZIONI**
 - Al punto **b.** abbiamo calcolato il **guadagno settimanale di tutti gli operai**
 - Al punto **c.** abbiamo ottenuto il **numero di pezzi prodotti settimanalmente**
 - Dividendo il guadagno settimanale di tutti gli operai per il numero di pezzi prodotti settimanalmente otteniamo il costo medio per produrre un pezzo

0.23

```

...
>> guadagno_totale_sett = sum(guadagno_sett); dal punto b.
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3,:)); dal punto c.
>> costo_medio = guadagno_totale_sett / pezzi_totali_sett;

```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
<u>m</u>		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

e. Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

e. Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?

- Per sapere quante ore occorrono in media per produrre un prodotto abbiamo bisogno di conoscere
 - 1. Totale delle ore** di lavoro settimanali, di tutti gli operai
 - Le **ore** sono riportate nella **riga con indice 2** della matrice **m**

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

e. Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?

- Per sapere quante ore occorrono in media per produrre un prodotto abbiamo bisogno di conoscere
 1. **Totale delle ore** di lavoro settimanali, di tutti gli operai
 - Le **ore** sono riportate nella **riga con indice 2** della matrice **m**

```
>> ore_totali_sett = sum(m(2,:));
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

e. Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?

- Per sapere quante ore occorrono in media per produrre un prodotto abbiamo bisogno di conoscere
 1. **Totale delle ore** di lavoro settimanali, di tutti gli operai
 - Le **ore** sono riportate nella **riga con indice 2** della matrice **m**
 2. **Totale dei pezzi prodotti** settimanalmente (ricavati al **punto c.**)

```
>> ore_totali_sett = sum(m(2,:));
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

e. Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?

- Per sapere quante ore occorrono in media per produrre un prodotto abbiamo bisogno di conoscere
 1. **Totale delle ore** di lavoro settimanali, di tutti gli operai
 - Le ore sono riportate nella **riga con indice 2** della matrice **m**
 2. **Totale dei pezzi prodotti** settimanalmente (ricavati al **punto c.**)

```
>> ore_totali_sett = sum(m(2,:));  
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3,:));
```

dal punto **c.**

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

e. **Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?**

- Per sapere quante ore occorrono in media per produrre un prodotto abbiamo bisogno di conoscere:
 1. **Totale delle ore** di lavoro settimanali, di tutti gli operai
 - Le ore sono riportate nella **riga con indice 2** della matrice m
 2. **Totale dei pezzi prodotti** settimanalmente (ricavati al **punto c.**)
- **Dividendo** il **totale delle ore** di lavoro settimanali per il numero **totale di pezzi prodotti** settimanalmente ottengo le ore medie per produrre un pezzo

```
>> ore_totali_sett = sum(m(2,:));
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3,:));
```

dal punto c.

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

e. **Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?**

- Per sapere quante ore occorrono in media per produrre un prodotto abbiamo bisogno di conoscere:
 1. **Totale delle ore** di lavoro settimanali, di tutti gli operai
 - Le ore sono riportate nella **riga con indice 2** della matrice m
 2. **Totale dei pezzi prodotti** settimanalmente (ricavati al **punto c.**)
- **Dividendo** il **totale delle ore** di lavoro settimanali per il numero **totale di pezzi prodotti** settimanalmente ottengo le ore medie per produrre un pezzo

```
>> ore_totali_sett = sum(m(2,:));
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3,:));
>> ore_media = ore_totali_sett / pezzi_totali_sett;
```

dal punto c.

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
	m	1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

e. Quante ore occorrono in media per produrre un pezzo?

- Per sapere quante ore occorrono in media per produrre un prodotto abbiamo bisogno di conoscere:
 - 1. Totale delle ore** di lavoro settimanali, di tutti gli operai
 - Le ore sono riportate nella **riga con indice 2** della matrice **m**
 - 2. Totale dei pezzi prodotti** settimanalmente (ricavati al **punto c.**)
- **Dividendo il totale delle ore** di lavoro settimanali per il numero **totale di pezzi prodotti** settimanalmente ottengo le ore medie per produrre un pezzo

0.04

```
>> ore_totali_sett = sum(m(2,:));
>> pezzi_totali_sett = sum(m(3,:));
>> ore_media = ore_totali_sett / pezzi_totali_sett;
```

dal punto **c.**

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

- f. Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente?

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

- f. Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente?
- Per identificare l'operaio più efficiente, bisogna prima individuare qual è, mediamente, il tempo impiegato per produrre un pezzo da parte di ogni operaio

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

f. Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente?

- Per identificare l'operaio più efficiente, bisogna prima individuare qual è, mediamente, il tempo impiegato per produrre un pezzo da parte di ogni operaio
- **OSSERVAZIONE:** Per identificare il tempo impiegato per produrre un pezzo da parte di un singolo operaio è necessario dividere il numero di ore settimanali per il numero di pezzi prodotti settimanalmente
- Possiamo utilizzare la **divisione elemento per elemento**, dividendo l'array costituito dalla **riga con indice 2** (ore lavorative) e l'array costituito dalla **riga con indice 3** (pezzi prodotti)

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

f. Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente?

- Per identificare l'operaio più efficiente, bisogna prima individuare qual è, mediamente, il tempo impiegato per produrre un pezzo da parte di ogni operaio
- **OSSERVAZIONE:** Per identificare il tempo impiegato per produrre un pezzo da parte di un singolo operaio è necessario dividere il numero di ore settimanali per il numero di pezzi prodotti settimanalmente
- Possiamo utilizzare la **divisione elemento per elemento**, dividendo l'array costituito dalla **riga con indice 2** (ore lavorative) e l'array costituito dalla **riga con indice 3** (pezzi prodotti)

```
>> tempo_medio_prodotto = m(2,:) ./ m(3,:);
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

f. Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente?

- In primo luogo, identifichiamo il tempo medio minimo per la produzione di un pezzo (dal momento che intendiamo identificare l'operaio più efficiente)

```
>> tempo_medio_prodotto = m(2,:) ./ m(3,:);
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
m		1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

f. **Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente?**

- In primo luogo, identifichiamo il tempo medio minimo per la produzione di un pezzo (dal momento che intendiamo identificare l'operaio più efficiente)

```
>> tempo_medio_prodotto = m(2,:) ./ m(3,:);  
>> min_tempo_medio = min(tempo_medio_prodotto);
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
	m	1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

f. Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente?

- In primo luogo, identifichiamo il tempo medio minimo per la produzione di un pezzo (dal momento che intendiamo identificare l'operaio più efficiente)
- Individuato il tempo medio minimo, dobbiamo individuare l'indice, associato all'operaio più efficiente (visto che nella traccia viene richiesto «qual è»)
- Possiamo utilizzare la funzione find di MATLAB

```
>> tempo_medio_prodotto = m(2,:) ./ m(3,:);
>> min_tempo_medio = min(tempo_medio_prodotto);
>> operaio_piu_efficiente = find(tempo_medio_prodotto == min_tempo_medio);
```

- Indici riga in verde
- Indici colonna in ciano

		(Operaio 1)	(Operaio 2)	(Operaio 3)	(Operaio 4)	(Operaio 5)
	m	1	2	3	4	5
(Paga Oraria)	1	5	5.50	6.50	6	6.25
(Ore Lavorative)	2	40	43	37	50	45
(Produzione (pezzi))	3	1000	1100	1000	1200	1100

f. Supponendo che i pezzi prodotti dai vari operai abbiano la stessa qualità, qual è l'operaio più efficiente?

- Esempio di esecuzione

```
>> tempo_medio_prodotto = m(2,:) ./ m(3,:)

tempo_medio_prodotto =

    0.0400    0.0391    0.0370    0.0417    0.0409
>> min_tempo_medio = min(tempo_medio_prodotto)

min_tempo_medio =

    0.0370
>> operaio_piu_efficiente = find(tempo_medio_prodotto == min_tempo_medio)

operaio_piu_efficiente =
```

Domanda

- Qual è l'operaio meno efficiente?



Esercizio 2 [Per Casa]

Il lavoro meccanico W svolto da una forza F per spostare un oggetto a una distanza D è dato da $W = FD$. Il seguente prospetto fornisce i dati sull'entità della forza utilizzata per far compiere all'oggetto l'intera distanza su cinque tratti di un determinato percorso. La forza varia a causa delle differenti proprietà di attrito della superficie.

	Tratti del percorso				
	1	2	3	4	5
Forza (N)	400	550	700	500	600
Distanza (m)	2	0,5	0,75	1,5	3

Utilizzare Matlab per trovare: (a) il lavoro svolto in ogni tratto del percorso; (b) il lavoro totale compiuto sull'intero percorso.

Esercizio 3 [Per Casa]

L'energia potenziale immagazzinata in una molla è $kx^2/2$, dove k è la costante della molla e x è la compressione. La forza richiesta per comprimere la molla è pari a kx . Il seguente prospetto fornisce i dati per cinque molle.

	Molla				
	1	2	3	4	5
Forza (N)	11	7	8	10	9
Costante k (N/m)	1000	800	900	1200	700

Utilizzare Matlab per trovare: (a) la compressione x di ogni molla; (b) l'energia potenziale immagazzinata in ogni molla.

Esercizio 4 [Per Casa]

Un'azienda acquista cinque tipi di materiali. Il seguente prospetto fornisce il prezzo per tonnellata di ogni materiale e le quantità acquistate nei mesi di maggio, giugno e luglio:

Materiale	Prezzo (\$/ton)	Quantità acquistate (tonnellate)		
		Maggio	Giugno	Luglio
1	300	5	4	6
2	550	3	2	4
3	400	6	5	3
4	250	3	5	4
5	500	2	4	3

Utilizzare Matlab per rispondere alle seguenti domande:

- Creare una matrice 5×3 che contiene le spese di ciascun materiale per ogni mese.
- Qual è la spesa totale nel mese di maggio? In giugno? In luglio?
- Qual è la spesa totale per ogni materiale nell'intero periodo maggio-giugno-luglio?
- Qual è la spesa totale per tutti i materiali nell'intero periodo?

Esercizio 5 [Per Casa]

I seguenti prospetti elencano i costi associati a un certo prodotto e i volumi di produzione per i quattro trimestri dell'anno. Utilizzare Matlab per trovare: (a) i costi trimestrali per materiali, manodopera e trasporti; (b) i costi annui totali per materiali, manodopera e trasporti; (c) i costi trimestrali totali.

Prodotto	Costi di produzione ($10^3 \times \$$)		
	Materiali	Manodopera	Trasporto
1	7	3	2
2	3	1	3
3	9	4	5
4	2	5	4
5	6	2	1

Prodotto	Volumi trimestrali di produzione			
	I Trimestre	II Trimestre	III Trimestre	IV Trimestre
1	16	14	10	12
2	12	15	11	13
3	8	9	7	11
4	14	13	15	17
5	13	16	12	18
