

Stream cipher

Alfredo De Santis

Dipartimento di Informatica ed Applicazioni
Università di Salerno

ads@dia.unisa.it

<http://www.dia.unisa.it/professori/ads>



Marzo 2012

Cifrari simmetrici

I cifrari simmetrici possono essere:

➤ **Cifrari a blocchi:**

➤ trasformazione di grandi blocchi del testo in chiaro

➤ **Stream Cipher:**

➤ trasformazione, dipendente dal tempo, di singoli caratteri del testo in chiaro

1

Stream cipher

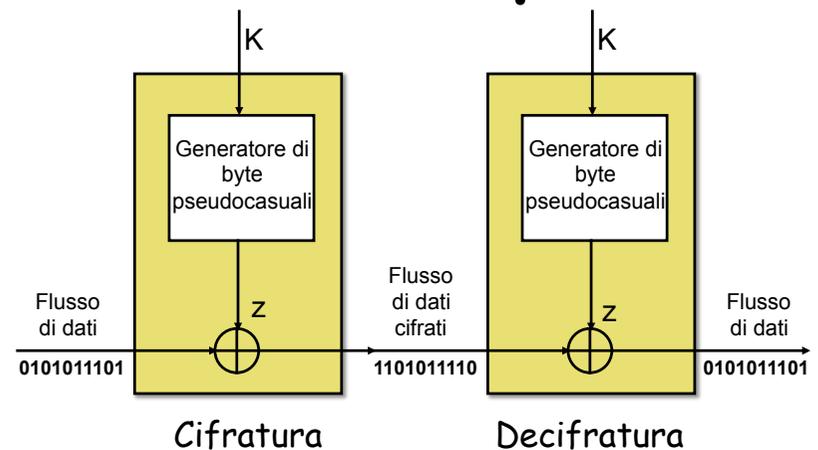
- Cifra il messaggio un byte (o bit) alla volta
- Utilizza una sequenza (keystream) pseudo-casuale generata a partire dalla chiave (e dal messaggio)
- Cifra il messaggio mediante la keystream

Testo in chiaro	$M_0 M_1 M_2 M_3 \dots M_i \dots$
Keystream	$Z_0 Z_1 Z_2 Z_3 \dots Z_i \dots$
Testo cifrato	$C_0 C_1 C_2 C_3 \dots C_i \dots$

Su alfabeto binario: $C_i = M_i \text{ XOR } z_i$

2

Stream cipher



3

Stream cipher

Molto più veloci dei cifrari a blocchi

- Poche linee di codice
- Operazioni semplici

Per complicare la crittoanalisi

- keystream con lungo periodo (più tardi inizia a ripetersi, meglio è)
- keystream con le stesse caratteristiche di una sequenza casuale. Ad esempio:
 - Dovrebbe avere lo stesso numero di 0 e di 1
 - Se vista come sequenza di byte, ciascuno dei 256 valori possibili dovrebbe apparire lo stesso numero di volte

4

Stream cipher

Descriveremo:

- Cifrario autokey
- LFSR (Linear Feedback Shift Register)
- RC4

5

Cifrario Autokey

Testo in chiaro lettere 0, 1, ..., 25

Keystream $z_0 = K, z_i = M_{i-1}$ per $i=1,2,\dots$

Testo cifrato $C_i = M_i + z_i \pmod{26}$

Esempio con chiave k=5

testo in chiaro: **CIAO** (2 8 0 14)

keystream: 5 2 8 0

cifrato: 7 10 8 14 → **HKIO**

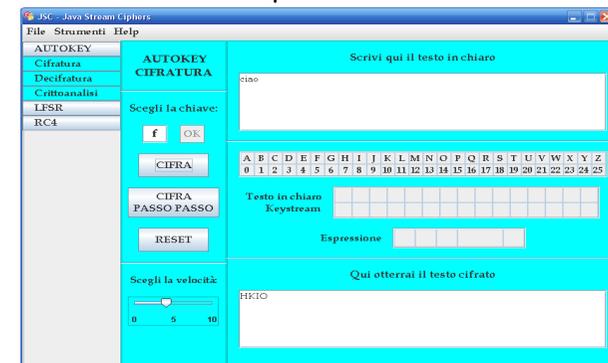
chiave

6

Cifrario Autokey

Proviamolo insieme, collegandoci al link

- <http://www.dia.unisa.it/professori/masucci/sicurezza0809/streamciphers/FrameIniziale.html>



7

Cifrario Autokey

Testo in chiaro lettere 0,1,..., 25

Keystream $z_0 = K, z_i = M_{i-1}$ per $i=1,2,\dots$

Testo cifrato $C_i = M_i + z_i \pmod{26}$



Quanto è sicuro?

Cifrario Autokey known ciphertext attack

Testo in chiaro $M_0 M_1 M_2 M_3 \dots M_i \dots$

Keystream $K M_0 M_1 M_2 \dots M_{i-1} \dots$

Testo cifrato $C_0 C_1 C_2 C_3 \dots C_i \dots$

$$C_0 = M_0 + K \pmod{26}$$

$$C_i = M_i + M_{i-1} \pmod{26}, \quad i=1,2,\dots$$

Cifrario Autokey known ciphertext attack

Testo in chiaro $M_0 M_1 M_2 M_3 \dots M_i \dots$

Keystream $K M_0 M_1 M_2 \dots M_{i-1} \dots$

Testo cifrato $C_0 C_1 C_2 C_3 \dots C_i \dots$

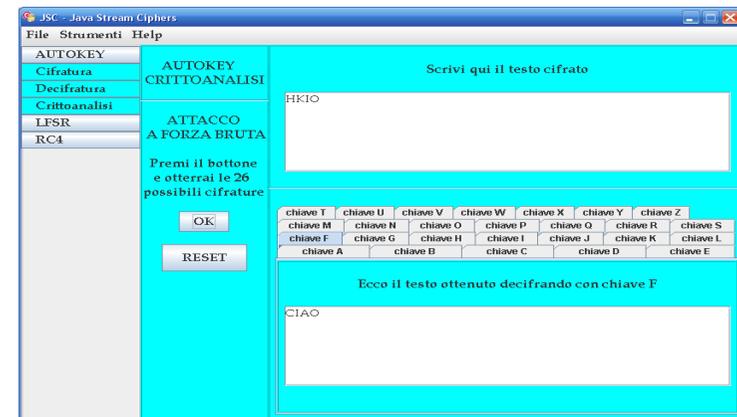
$$C_0 = M_0 + K \pmod{26}$$

$$C_i = M_i + M_{i-1} \pmod{26}$$

Solo 26 chiavi!



Cifrario Autokey known ciphertext attack



Linear Feedback Shift Register

$$z_{i+m} = \sum_{j=0}^{m-1} c_j z_{i+j} \pmod{2} \quad i = 0, 1, 2, \dots$$

- Ricorrenza lineare di grado m
- Coefficienti $c_0 c_1 \dots c_{m-1}$ (costanti binarie predeterminate)
- Inizializzazione: $z_0 = k_0 \dots, z_{m-1} = k_{m-1}$
- Implementazione hardware efficiente

Linear Feedback Shift Register

Fissati m coefficienti $c_0 c_1 \dots c_{m-1}$

$$z_{i+m} = \sum_{j=0}^{m-1} c_j z_{i+j} \pmod{2} \quad i = 0, 1, 2, \dots$$



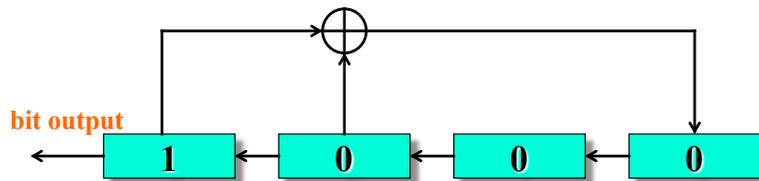
Chiave: i valori di inizializzazione $k_0 k_1 \dots k_{m-1}$
e i coefficienti $c_0 c_1 \dots c_{m-1}$

Testo in chiaro	M_0	M_1	M_2	M_3	M_4	...
Keystream	z_0	z_1	z_2	z_3	z_4	...
Testo cifrato	Y_0	Y_1	Y_2	Y_3	Y_4	...

Esempio
 $Y_i = M_i \oplus z_i$

Linear Feedback Shift Register

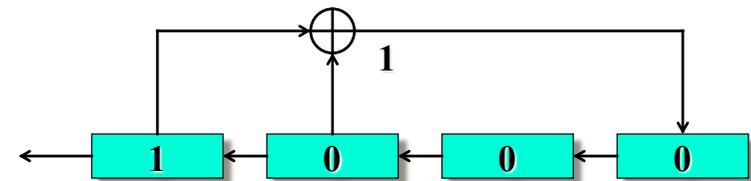
$m=4$
 $z_{i+4} = z_i + z_{i+1} \pmod{2} \quad i=0, 1, 2, \dots$



Inizializzazione: $z_0 = 1 \quad z_1 = 0 \quad z_2 = 0 \quad z_3 = 0$
Keystream: 1000100110

Linear Feedback Shift Register

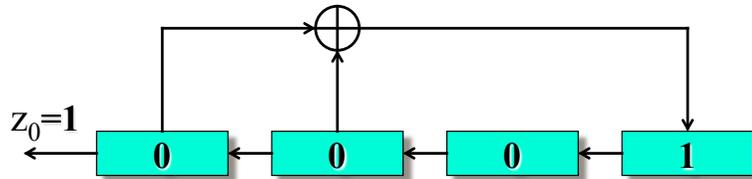
$z_{i+4} = z_i + z_{i+1} \pmod{2} \quad i=0, 1, 2, \dots$



Inizializzazione: $z_0 = 1 \quad z_1 = 0 \quad z_2 = 0 \quad z_3 = 0$

Linear Feedback Shift Register

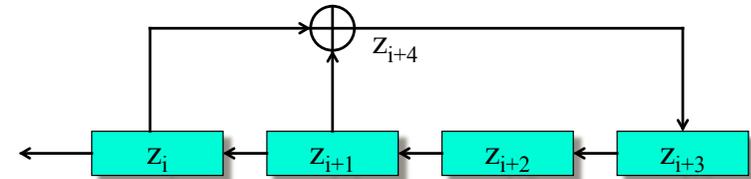
$$z_{i+4} = z_i + z_{i+1} \pmod{2} \quad i=0,1,2,\dots$$



Inizializzazione: $z_0 = 1, z_1 = 0, z_2 = 0, z_3 = 0$

Linear Feedback Shift Register

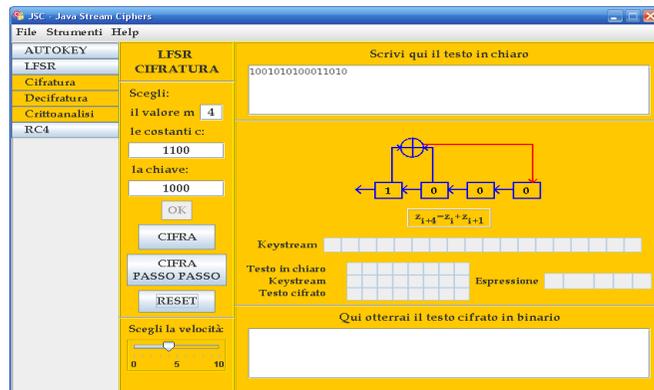
$$z_{i+4} = z_i + z_{i+1} \pmod{2} \quad i=0,1,2,\dots$$



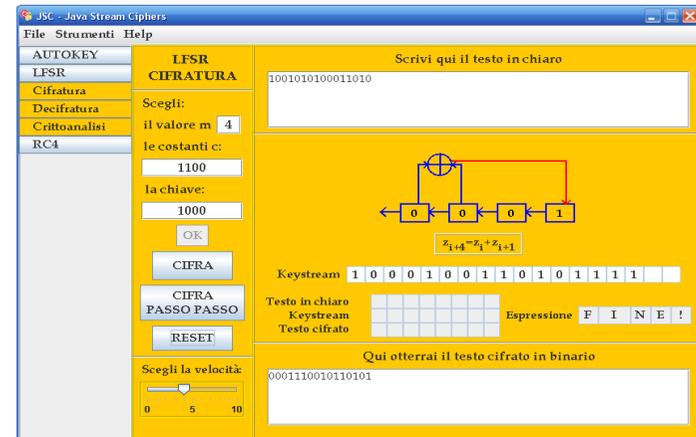
Inizializzazione: $z_0 = 1, z_1 = 0, z_2 = 0, z_3 = 0$
 Keystream di periodo 15: **100010011010111...**

Linear Feedback Shift Register

<http://www.dia.unisa.it/professori/masucci/sicurezza0809/streamciphers/FrameIniziale.html>



Linear Feedback Shift Register



LFMR: Crittoanalisi

Known Plaintext Attack

-  conosce
 - testo in chiaro: $M_0 \dots M_n$
 - testo cifrato: $Y_0 \dots Y_n$
- ...e può calcolare $z_0 \dots z_n$ ($z_i = M_i \oplus Y_i$)
- Se $n \geq 2m$ e conosce anche m , può computare i coefficienti c_0, c_1, \dots, c_{m-1} e quindi l'intera keystream

Tutte le operazioni sono lineari!

LFMR: Crittoanalisi

$$[z_{m+1}, z_{m+2}, \dots, z_{2m}] = [c_0, c_1, \dots, c_{m-1}] \begin{bmatrix} z_1 & z_2 & \dots & z_m \\ z_2 & z_3 & \dots & z_{m+1} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ z_m & z_{m+1} & \dots & z_{2m-1} \end{bmatrix}$$

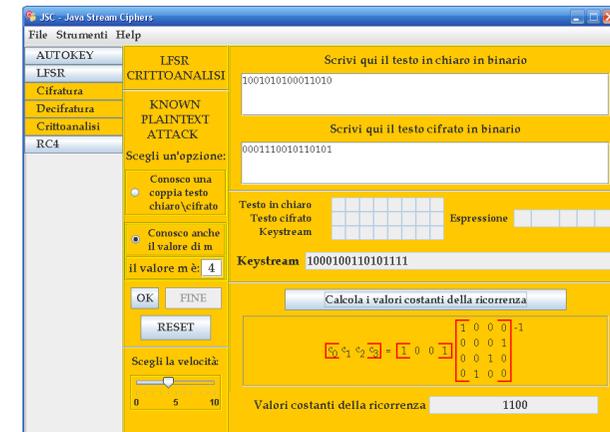
m equazioni lineari in m incognite $c_0 \dots c_{m-1}$

LFMR: Crittoanalisi

$$[z_{m+1}, z_{m+2}, \dots, z_{2m}] = [c_0, c_1, \dots, c_{m-1}] \begin{bmatrix} z_1 & z_2 & \dots & z_m \\ z_2 & z_3 & \dots & z_{m+1} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ z_m & z_{m+1} & \dots & z_{2m-1} \end{bmatrix}^{-1}$$

La matrice inversa esiste se il determinante è diverso da zero

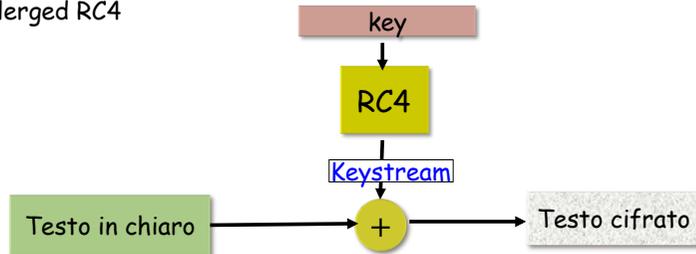
LFMR: Crittoanalisi



RC4



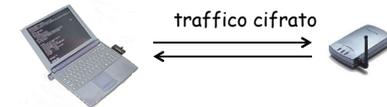
- Ideato da Ron Rivest nel 1987
- RC acronimo: "Rivest Cipher", "Ron's Code"
- Tenuto segreto, comparve in forma anonima nel 1994
 - mailing-list CypherPunks e newsgroup sci.crypt
 - Alleged RC4



24

RC4

- Caratteristiche:
 - Chiave: lunghezza variabile (da 1 a 256 byte)
 - Semplice da implementare e da analizzare
 - Genera una keystream con periodo maggiore di 10^{100}
 - Usa operazioni orientate ai byte
- Implementato in numerosi prodotti
 - SSL/TLS per la comunicazione sicura sul Web
 - IEEE 802.11 wireless LAN: WEP



25

RC4: la chiave

- $K[0] \dots K[h-1]$ vettore della chiave, di h byte
 - $1 \leq h \leq 256$



26

RC4

- Usa un vettore di byte S contenente una permutazione degli interi da 0 a 255
 - $S[0] \dots S[255]$
 - Inizializzazione $S[i]=i, i=0, \dots, 255$



for $i=0$ to 255 do
 $S[i]=i$

27

RC4: schedulazione chiave

- K è usata per aggiornare il vettore S
 - Produce una permutazione, scambiando ciascun S[i] con un S[j], dipendente da S[i] e K[i mod h]

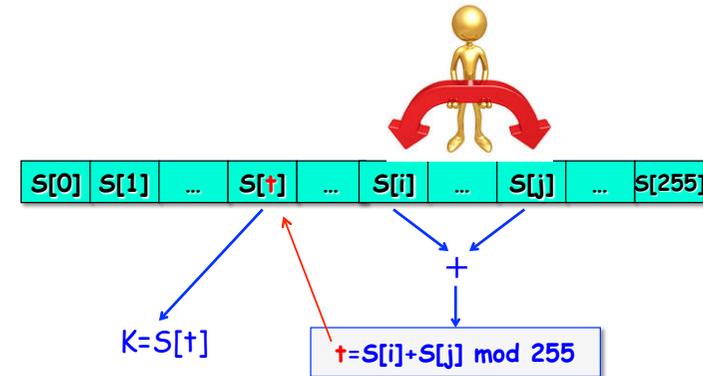
```

j=0
for i=0 to 255 do
    j=(j+S[i]+K[i mod h]) mod 256;
    Swap(S[i],S[j]);
    
```



RC4: la keystream

- Il vettore S è usato per generare la keystream

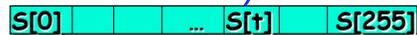


RC4: la keystream

- Il vettore S è usato per generare la keystream

```

i,j=0
while (true)
    i=i+1 mod 256;
    j=(j+S[i]) mod 256;
    Swap(S[i],S[j]);
    t=(S[i]+S[j]) mod 256;
    k=S[t]
    
```



- Effettua lo XOR del byte k con il prossimo byte del testo in chiaro

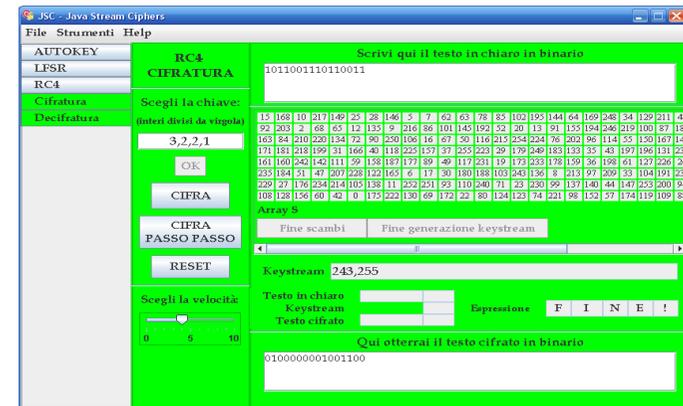
RC4



RC4



RC4



Wired Equivalent Privacy (WEP/WEP2)

- IEEE 802.11 wireless LAN
- Protocollo per garantire confidenzialità
- Usa una chiave key condivisa tra utenti e access point lunga 40/104 bit (WEP-40, WEP-104)

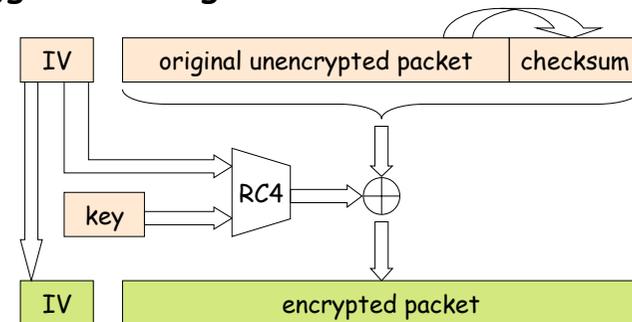


- WEP cifra un TCP/IP packet P con RC4
- IV "Initialization Vector" di 24 bit
- Chiave K di RC4: 8/16 byte



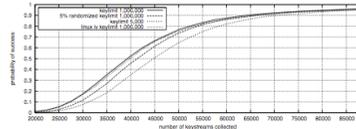
Wired Equivalent Privacy (WEP/WEP2)

Maggiori dettagli:



WEP: attacchi

- Fluhrer, Mantin, Shamir (2001)
 - Problema nella generazione della chiave in input a RC4
 - Il problema non dipende da RC4
 - Proposte modifiche a WEP per rendere vano l'attacco
- E. Tews, R. Weinmann, A. Pyshkin, Breaking 104-bit WEP in under a minute (2007)
 - 40.000 packet, probabilità successo 50%
 - 85.000 packet, probabilità successo 95%



36

WEP: implementazioni attacchi

Aircrack-ng

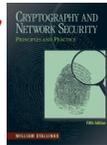
- network software suite
 - detector
 - packet sniffer
 - WEP e WPA cracker (implementazione attacco PTW)
 - tool di analisi
- incluso in BackTrack (rinominata backtrack-ng)



37

Bibliografia

- **Cryptography and Network Security** by W. Stallings, 2010
 - cap. 6 (RC4)
- **Cryptography: Theory and Practice** by D. Stinson (1995)
 - cap. 1 (autokey, LFSR)
- **Tesina di Sicurezza su reti**
 - Crittografia classica a.a. 1999-2000



38

Domande?



39