

Message Authentication Code

Alfredo De Santis

Dipartimento di Informatica
Università di Salerno

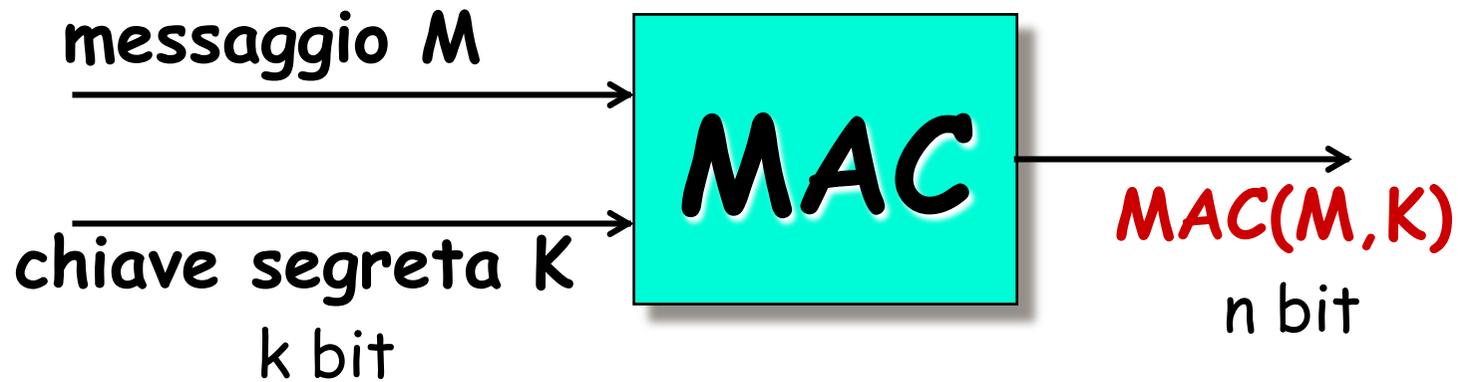
ads@unisa.it

<http://www.dia.unisa.it/professori/ads>



Maggio 2016

Message Authentication Code (MAC)



Applicazioni

- Autenticità del messaggio M
- Integrità del messaggio M

Utilizzo MAC

chiave privata K

messaggio M

$Y \leftarrow \text{MAC}(M, K)$



Alice

M, y



chiave privata K



Bob

$Y \stackrel{?}{=} \text{MAC}(M, K)$



MAC + confidenzialità

- MAC fornisce solo autenticazione ed integrità
- Se si vuole confidenzialità, si può cifrare prima/dopo con una **diversa** chiave condivisa K'



Alice

$E_{K'}(M), \text{MAC}(E_{K'}(M), K)$



$E_{K'}(M, \text{MAC}(M, K))$



Bob

MAC + confidenzialità

- MAC fornisce solo autenticazione ed integrità
- Se si vuole confidenzialità, si può cifrare prima/dopo con una **diversa** chiave condivisa K'



Alice

$E_{K'}(M), \text{MAC}(E_{K'}(M), K)$



$E_{K'}(M, \text{MAC}(M, K))$



Bob

Analizzeremo in seguito la confidenzialità insieme ad autenticazione ed integrità

Sicurezza

- Cosa si intende per **sicurezza** di uno schema di un MAC?
- Dobbiamo definire
 - Tipo di attacco
 - Scopo dell'attacco



Tipo di attacco

➤ *Known Message Attack*

- Oscar conosce una lista di messaggi ed i relativi MAC

➤ *Chosen Message Attack*

- Oscar sceglie dei messaggi e chiede ad Alice (o Bob) di computarne i MAC

➤ *Adaptive Chosen Message Attack*

- Come nel Chosen Message Attack, ma le scelte dipendono dalle risposte precedenti



Scopo dell'attacco

- **Total break**

- Determinare la chiave K

- **Selective forgery**

- Dato un messaggio M , determinare y tale che $y = \text{MAC}(M, K)$

- **Existential forgery**

- Determinare una coppia (M, y) tale che $y = \text{MAC}(M, K)$



Ricerca esaustiva sulla chiave

- Date le coppie (M_i, y_i) , con $y_i = \text{MAC}(M_i, K)$, determiniamo K
 - Supponiamo che sia $k > n$
 - Prova tutte le 2^k chiavi sulla coppia (M_1, y_1) : circa 2^{k-n} match
 - Prova le 2^{k-n} chiavi precedenti sulla coppia (M_2, y_2) : circa 2^{k-2n} match
 - ...
 - In generale, se $k = \beta \cdot n$, necessari circa β round
- Esempio: $k = 80$ bit, $n = 32$ bit
 - Round 1: circa 2^{48} match
 - Round 2: circa 2^{16} match
 - Round 3: 1 match



trovata!

Ricerca esaustiva sul valore del MAC

- Dato M determiniamo $y = \text{MAC}(M, K)$, senza conoscere K
 - Scegli a caso y , prob. successo: $1/2^n$
 - Ma come controlliamo che sia il valore giusto, senza avere K ?



Ricerca esaustiva

- Sforzo computazionale richiesto:
 $\min(2^k, 2^n)$
- Raccomandazioni: $\min(k, n) \geq 128$



MAC: Costruzioni

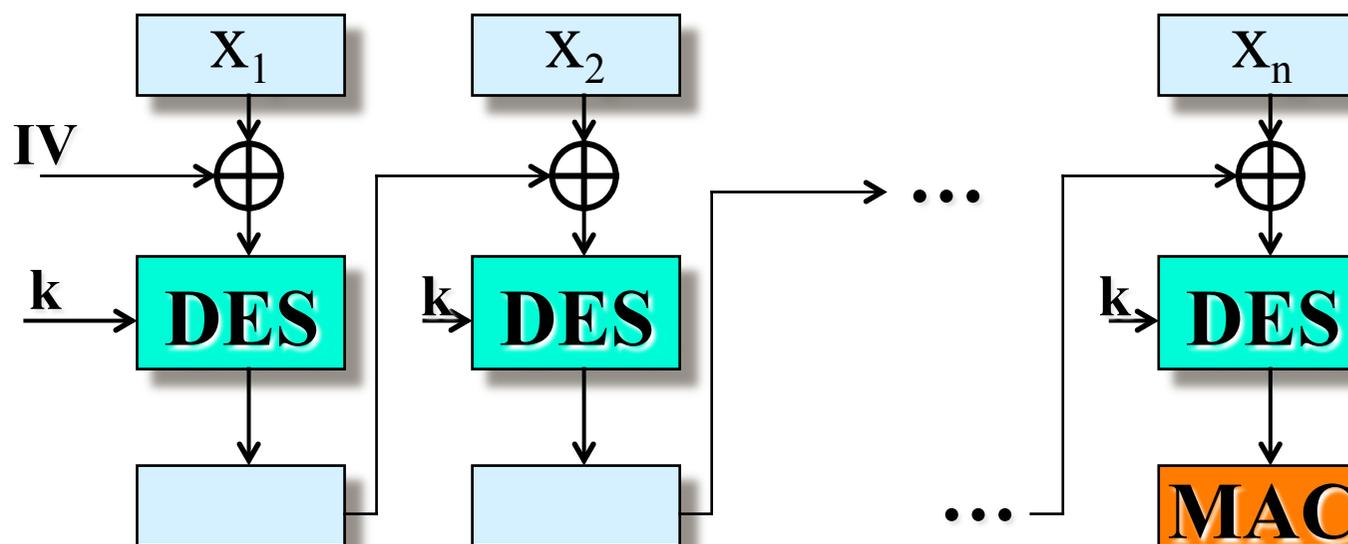
- MAC basati su cifrari a blocchi
 - Data Authentication Algorithm (DAA)
 - CBC-MAC
 - CMAC
- MAC basati su funzioni hash
 - HMAC

MAC: Costruzioni

- MAC basati su cifrari a blocchi
 - Data Authentication Algorithm (DAA)
 - CBC-MAC
 - CMAC
- MAC basati su funzioni hash
 - HMAC

CBC-MAC

- Cipher Block Chaining (con $IV=0$)
- E' stato molto usato (FIPS PUB 113 e ANSI X9.17)
- Testo $X = X_1 X_2 \dots X_n$ diviso in blocchi di 64 bit

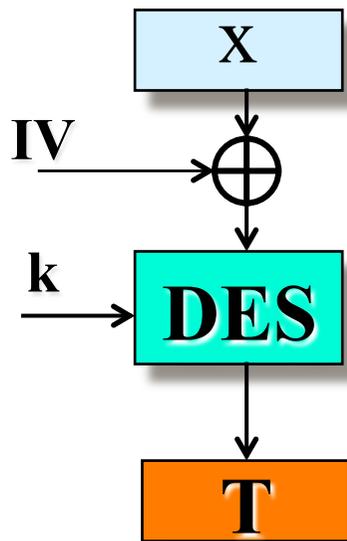


Valore troncato: da 16 a 64 bit più a sinistra

DAA: problemi di sicurezza

Vediamo un semplice esempio:

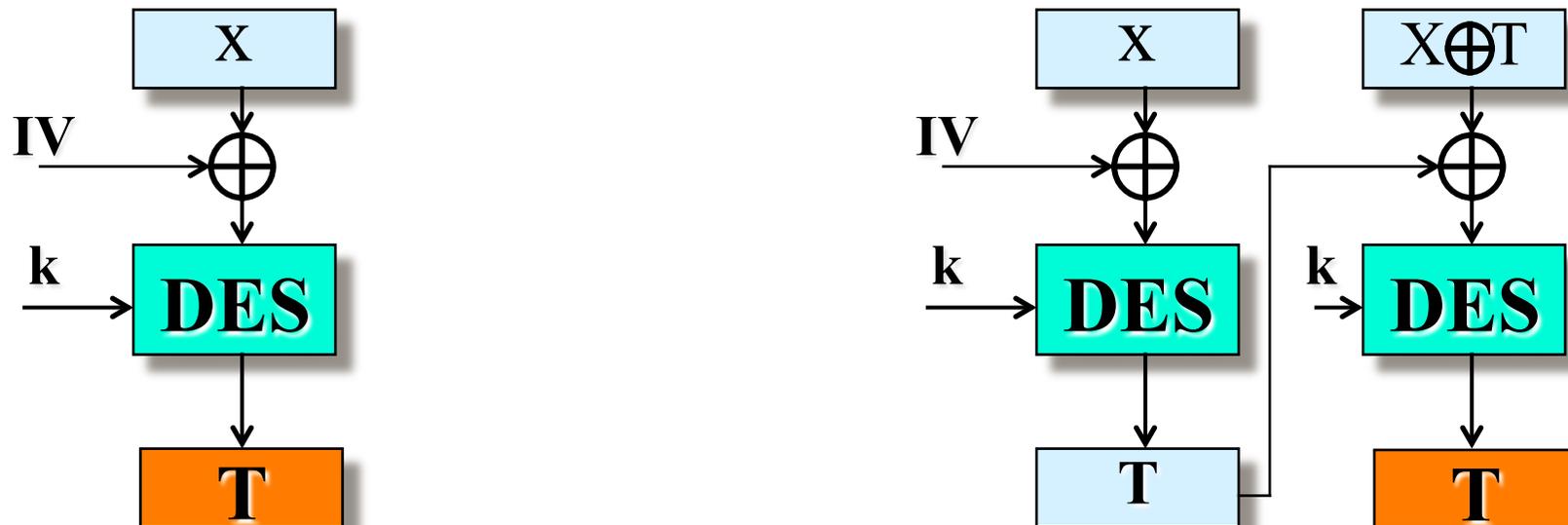
- Supponiamo che T sia il MAC di X



DAA: problemi di sicurezza

Vediamo un semplice esempio:

- Supponiamo che T sia il MAC di X
- Allora T è anche il MAC di $X || (X \oplus T)$



Dal DAA al CMAC

➤ Modifica del CBC-MAC

➤ Proposta al NIST:

- J. Black, P. Rogaway, *A Suggestion for Handling Arbitrary-Length Messages with the CBC MAC* [da paper in Crypto 2000]
- 3 chiavi

➤ Raffinamento

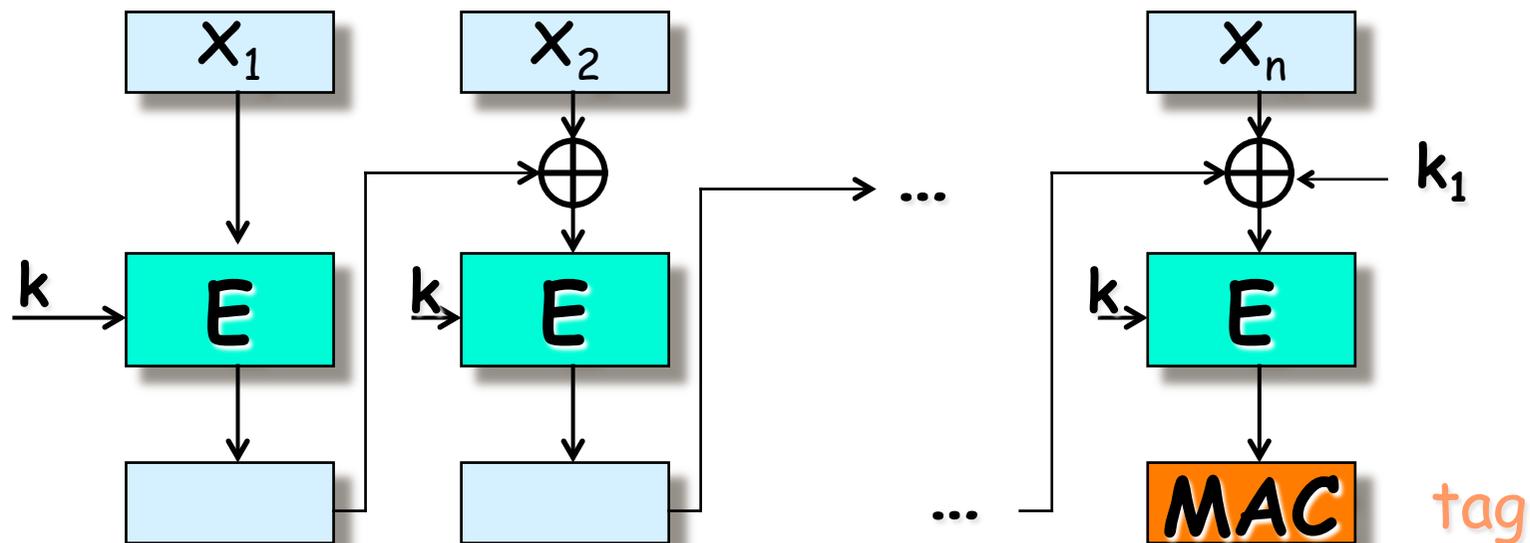
- T. Iwata, K. Kurosawa, *OMAC: One-key CBC MAC*, 2003
- Una sola chiave
- Cipher-based MAC (CMAC)

CMAC

- Cipher-based MAC (CMAC)
- NIST SP800-38B, "Recommendation for Block Cipher Modes of Operation: The CMAC Mode for Authentication", maggio 2005
- Utilizzabile con AES e Triplo DES
- Usa una sola chiave k , e 2 chiavi derivate k_0, k_1
- RFC 4493, The AES-CMAC Algorithm (giu 2006)
- RFC 4494, The AES-CMAC-96 Algorithm and its use with Ipsec (giu 2006)

CMAC

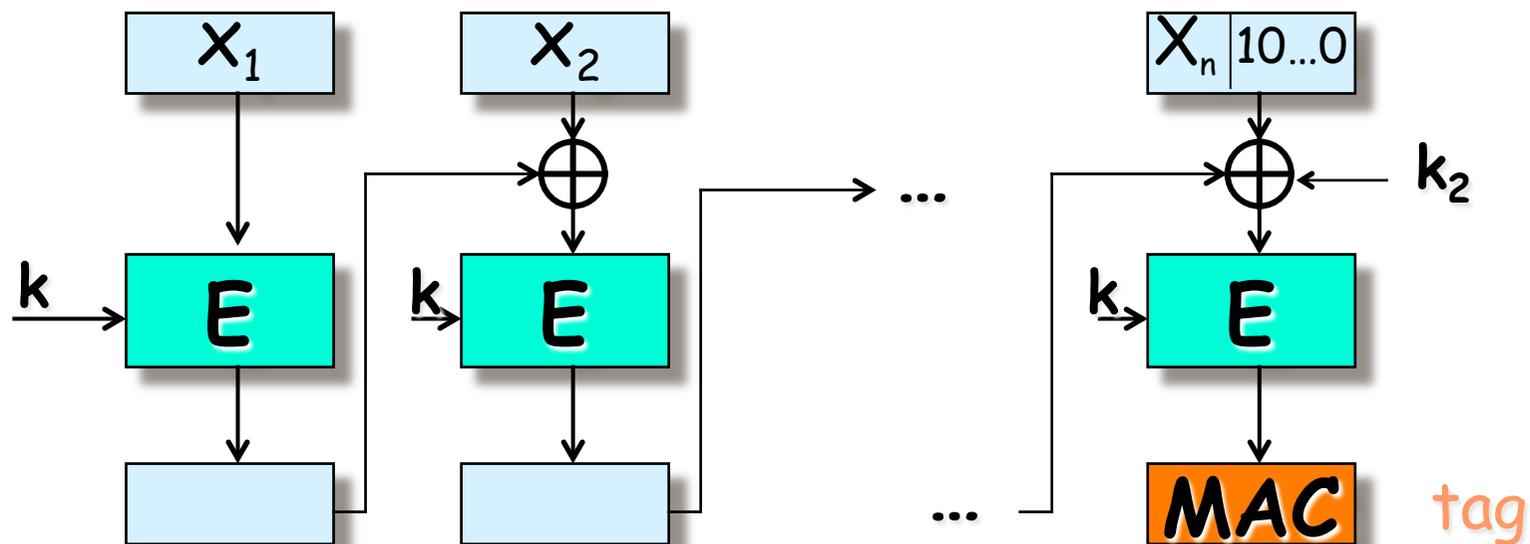
- Testo $X = X_1 X_2 \dots X_n$ diviso in blocchi uguali (128 AES, 64 TDEA)
- Lunghezza messaggio multipla della lunghezza blocco b
- k_1 dipende da k e da b



Valore troncato: s bit più a sinistra

CMAC

- Testo $X = X_1 X_2 \dots X_n$ diviso in blocchi uguali (128 AES, 64 TDEA)
- Lunghezza messaggio **non** multipla della lunghezza blocco b
- k_2 dipende da k e da b



Valore troncato: s bit più a sinistra

Chiavi k_1 e k_2

$$k_1 = E_k(0^b) \cdot x$$

$$k_2 = E_k(0^b) \cdot x^2 = (E_k(0^b) \cdot x) \cdot x$$

Moltiplicazione in $GF(2^b)$

Polinomi in $GF(2^b)$

Polinomi irriducibili

$0^{b-3}100$ e $0^{b-2}10$

➤ $b=64 \rightarrow x^{64}+x^4+x^3+x+1$

➤ $b=128 \rightarrow x^{128}+x^7+x^2+x+1$

MAC: Costruzioni

- MAC basati su cifrari a blocchi
 - Data Authentication Algorithm (DAA)
 - CBC-MAC
 - CMAC
- MAC basati su funzioni hash
 - HMAC

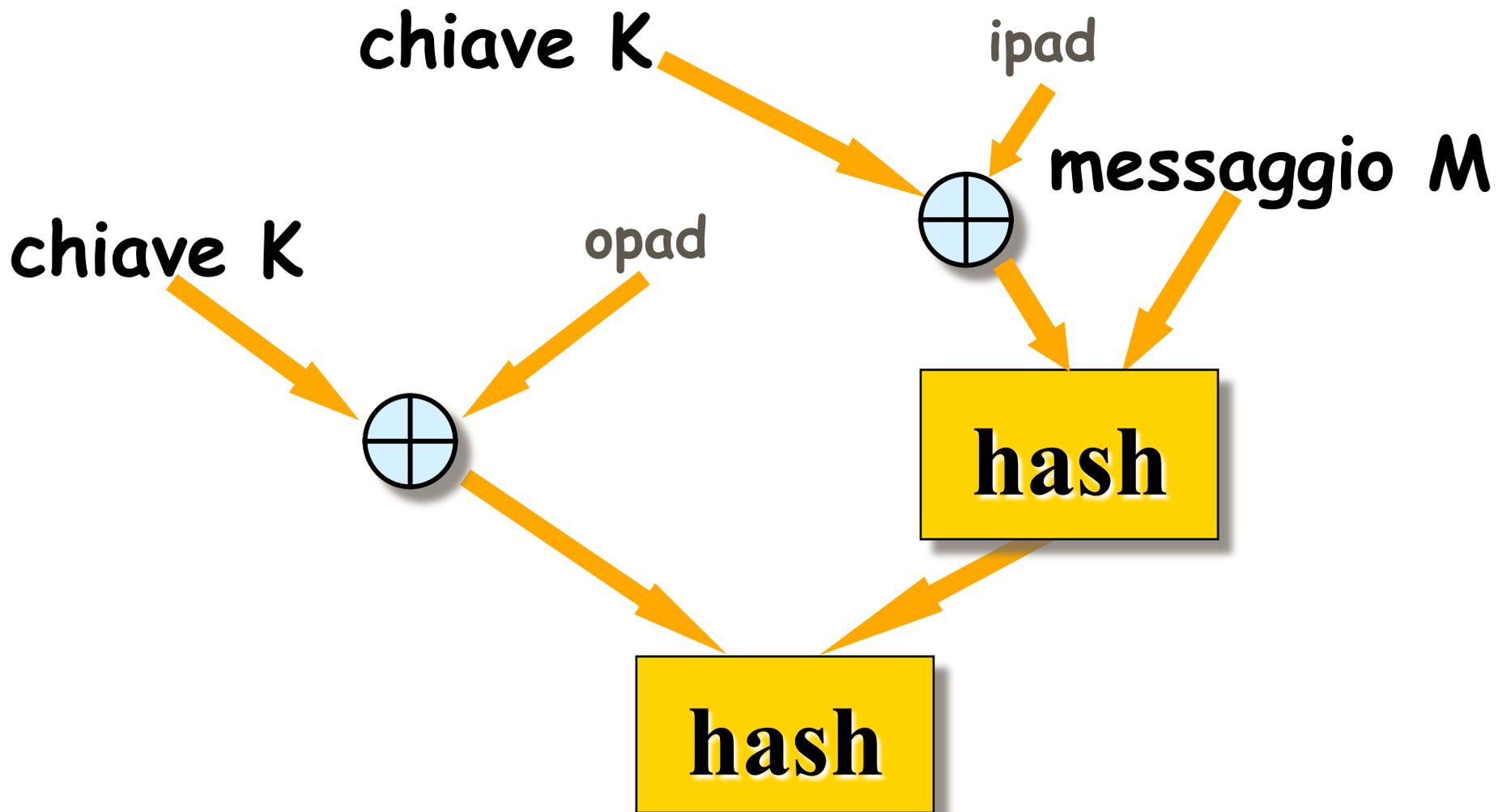
HMAC

- RFC 2104, *HMAC: Keyed-Hashing for Message Authentication*, Febbraio 1997
- ANSI X9.71 *Keyed Hash Message Authentication Code*, 2000
- FIPS 198, *The Keyed-Hash Message Authentication Code (HMAC)*, 6 marzo 2002
- FIPS 198-1, *The Keyed-Hash Message Authentication Code (HMAC)*, luglio 2008
- Funzioni Hash usate come black-box
 - Utilizzo delle funzioni hash senza modifiche
 - Facile cambio della funzione hash (più veloci e più sicure)
- Facile utilizzo e gestione di chiavi

HMAC

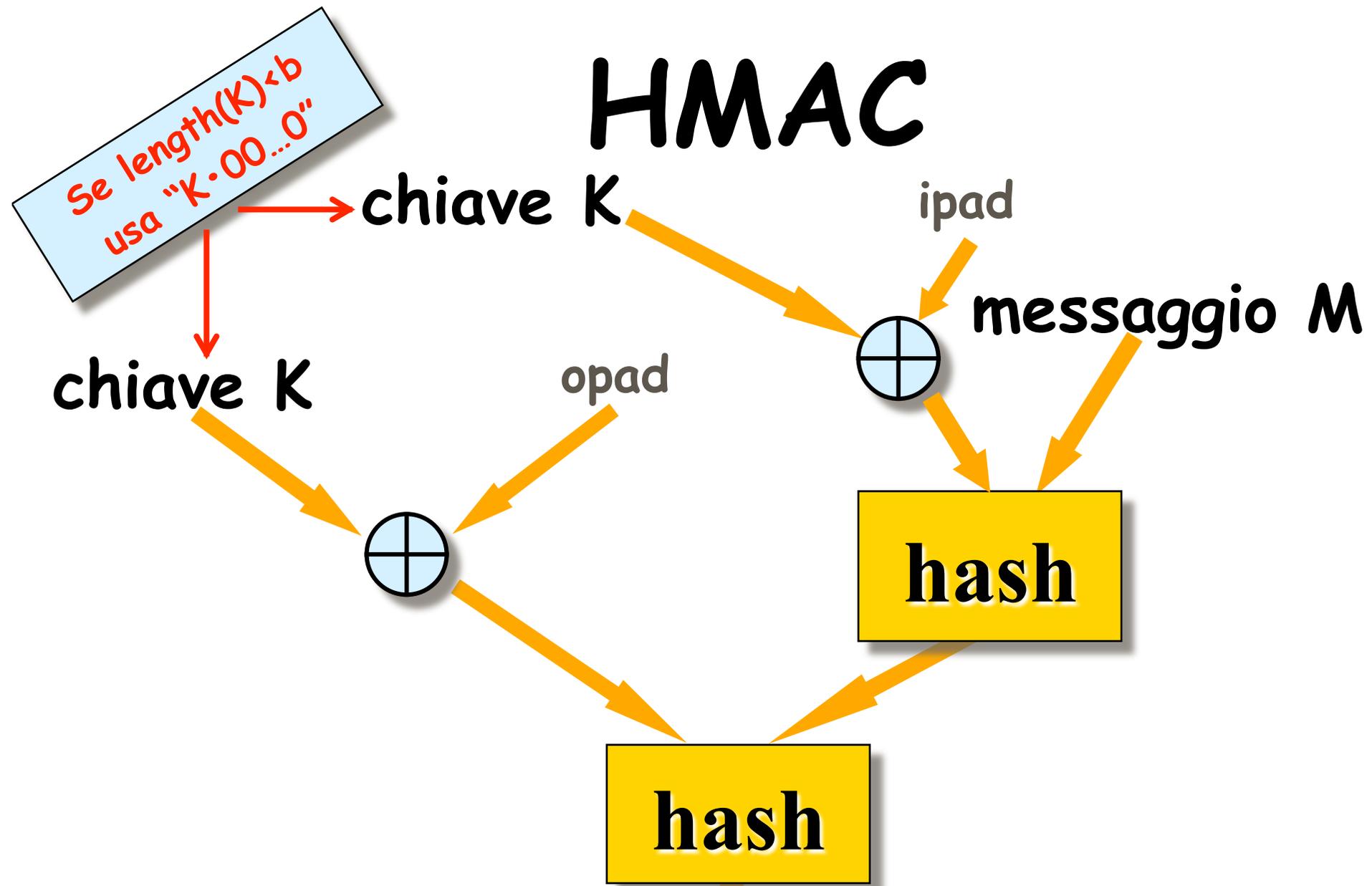
- H: funzione hash iterata con initialization vector IV
 - MD5, SHA-1, RIPEMD-160,...
- n: lunghezza del valore hash
 - n=128, 160,...
- M, suddiviso in L blocchi di $b > n$ bit ciascuno
 - b=512,...
- ipad = byte 00110110 (36 in esadecimale) ripetuto $b/8$ volte
- opad = byte 01011100 (5C in esadecimale) ripetuto $b/8$ volte
- K: chiave segreta
 - Se $\text{length}(K) < b$, fai padding con 0...0
 - Se $\text{length}(K) > b$, calcola $H(K)$ di n bit e fai padding con 0...0

HMAC



$$H (K \oplus opad, H(K \oplus ipad, M))$$

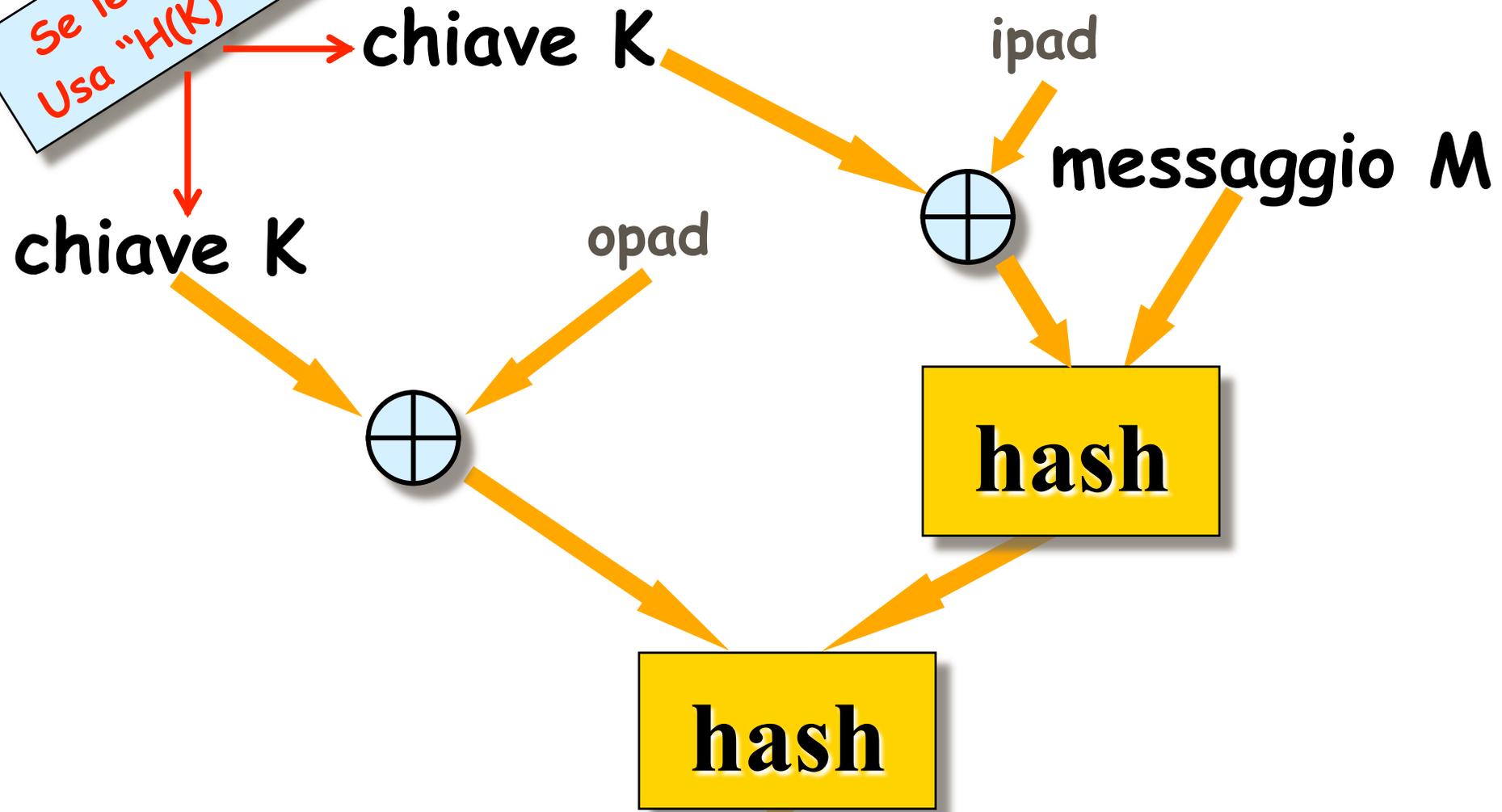
HMAC



$$H (K \oplus \text{opad}, H(K \oplus \text{ipad}, M))$$

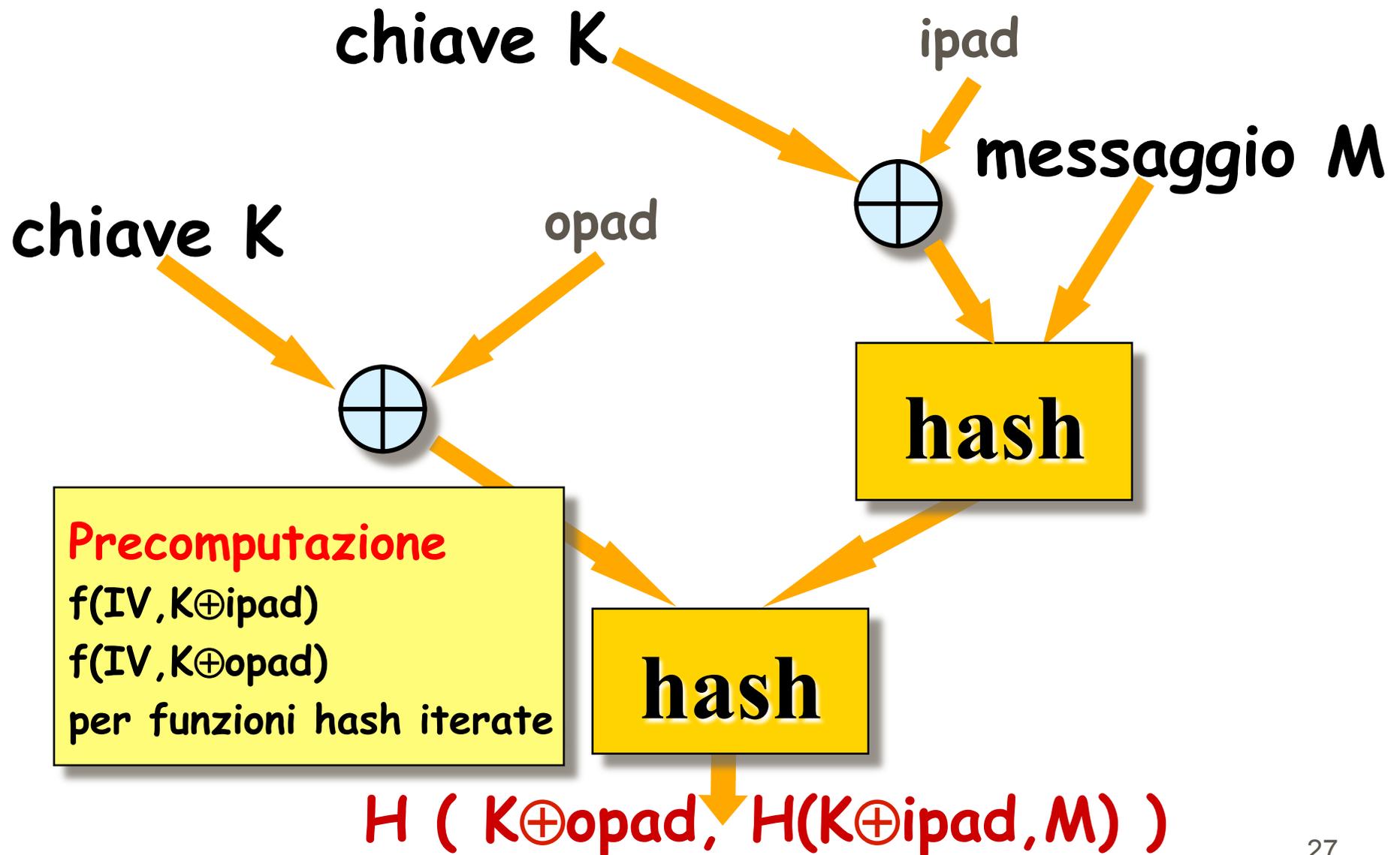
HMAC

Se $\text{length}(K) > b$
Usa "H(K)·00...0"



$$H (K \oplus opad, H(K \oplus ipad, M))$$

HMAC



Output troncato

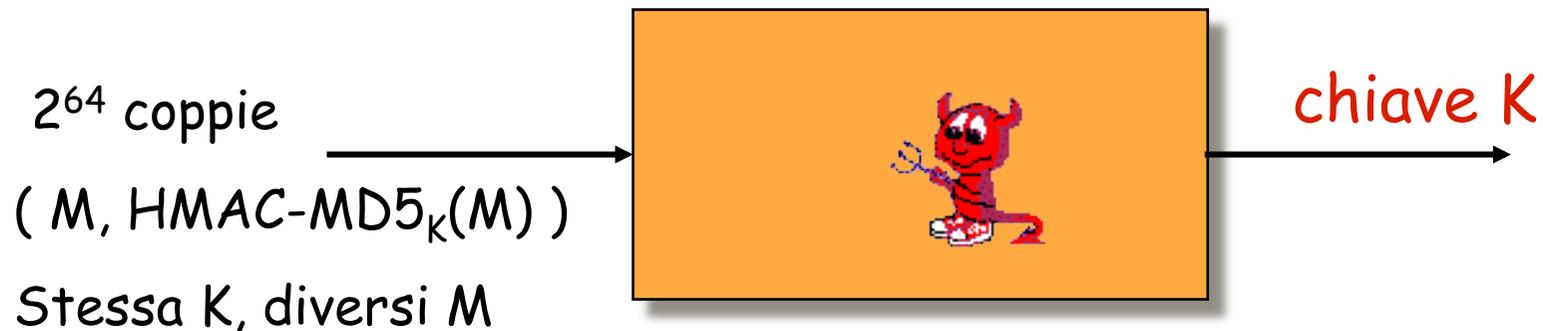
- Diverse volte si usano solo i primi t bit dell'hash
- Esempi:
 - HMAC-SHA1-80 (solo i primi 80 dei 160 bit)
 - HMAC-MD5 (tutti i 128 bit)
- **Raccomandazioni:**
 - $t \geq n/2$ per una funzione hash di n bit
 - Comunque, $t \geq 80$ (RFC 2104), $t \geq 32$ (FIPS 198)

Sicurezza HMAC

- Sicurezza dipende dalle proprietà della funzione hash usata da HMAC
- Se  ha successo in un attacco ad HMAC allora:
 - Può computare l'output della funzione di compressione anche quando IV è casuale e sconosciuto all'attaccante
 - Può computare collisioni nella funzione hash anche quando IV è casuale e sconosciuto all'attaccante

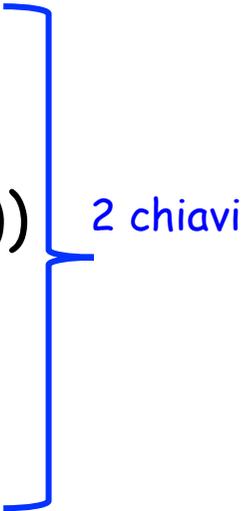
Attacchi ad HMAC

- Miglior attacco conosciuto [1995,1996] basato sul paradosso del compleanno
 - Occorrono $2^{|\text{hash}(\cdot)|/2}$ coppie $(M, \text{HMAC}_K(M))$
- Esempio:



Authenticated Encryption (AE)

Vogliamo garantire confidenzialità e autenticità/integrità

- **HtE: Hash-then-encrypt.** $E_k(M || h(M))$
 - **MtE: MAC-then-encrypt.** $E_{k2}(M || MAC_{k1}(M))$
 - Usato in SSL/TLS
 - **EtM: Encrypt-then-MAC.** $E_{k2}(M), MAC_{k1}(E_{k2}(M))$
 - Usato in Ipsec
 - **E&M: Encrypt-and-MAC.** $E_{k2}(M), MAC_{k1}(M)$
 - Usato in SSH
- 

Block Cipher Mode del NIST

Ci sono 9 modi approvati in pubblicazioni:

- 6 *confidentiality mode*: ECB, CBC, OFB, CFB, CTR, XTS-AES
- 1 *authentication mode*: CMAC
- 2 *combined mode*: CCM e GCM

CCM

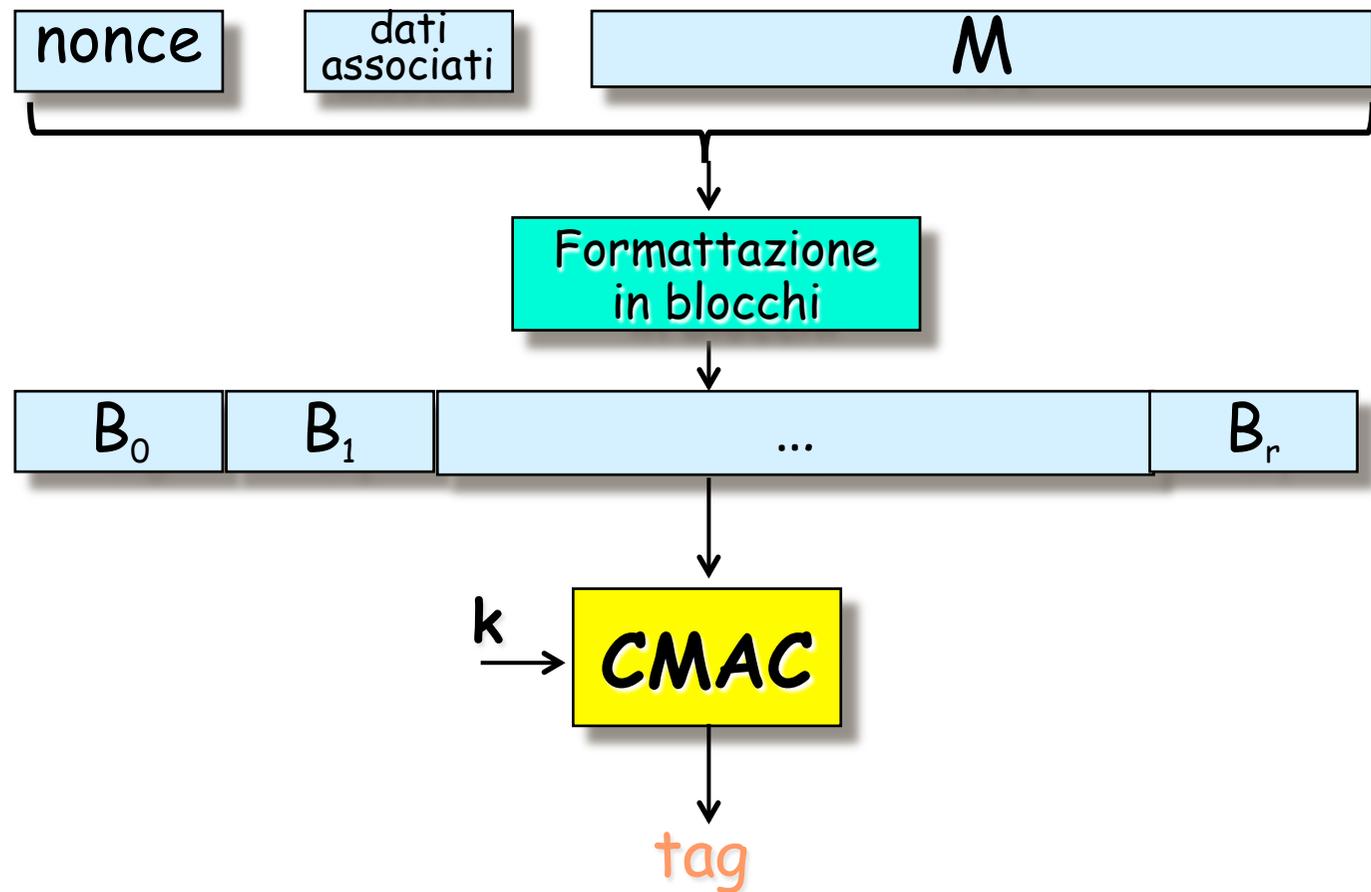
- Counter with Cipher Block Chaining-MAC
- NIST SP 800-38C, Recommendation for Block Cipher Modes of Operation: the CCM Mode for Authentication and Confidentiality, mag 2004 (update lug 2007)
- Sicurezza di IEEE 802.11 WiFi
- Utilizza: AES, CTR modo di operazione, CMAC
- Variazione di Encrypt-and-MAC
 - $E_k(M)$, $MAC_k(M)$ (una sola chiave)

CCM

- Counter with Cipher Block Chaining-MAC
- NIST SP 800-38C, Recommendation for Block Cipher Modes of Operation: the CCM Mode for Authentication and Confidentiality, mag 2004 (update lug 2007)
- Sicurezza di IEEE 802.11 WiFi
- Utilizza: AES, CTR modo di operazione, CMAC
- Variazione di Encrypt-and-MAC
 - $E_k(M)$, $MAC_k(M)$ (una sola chiave)

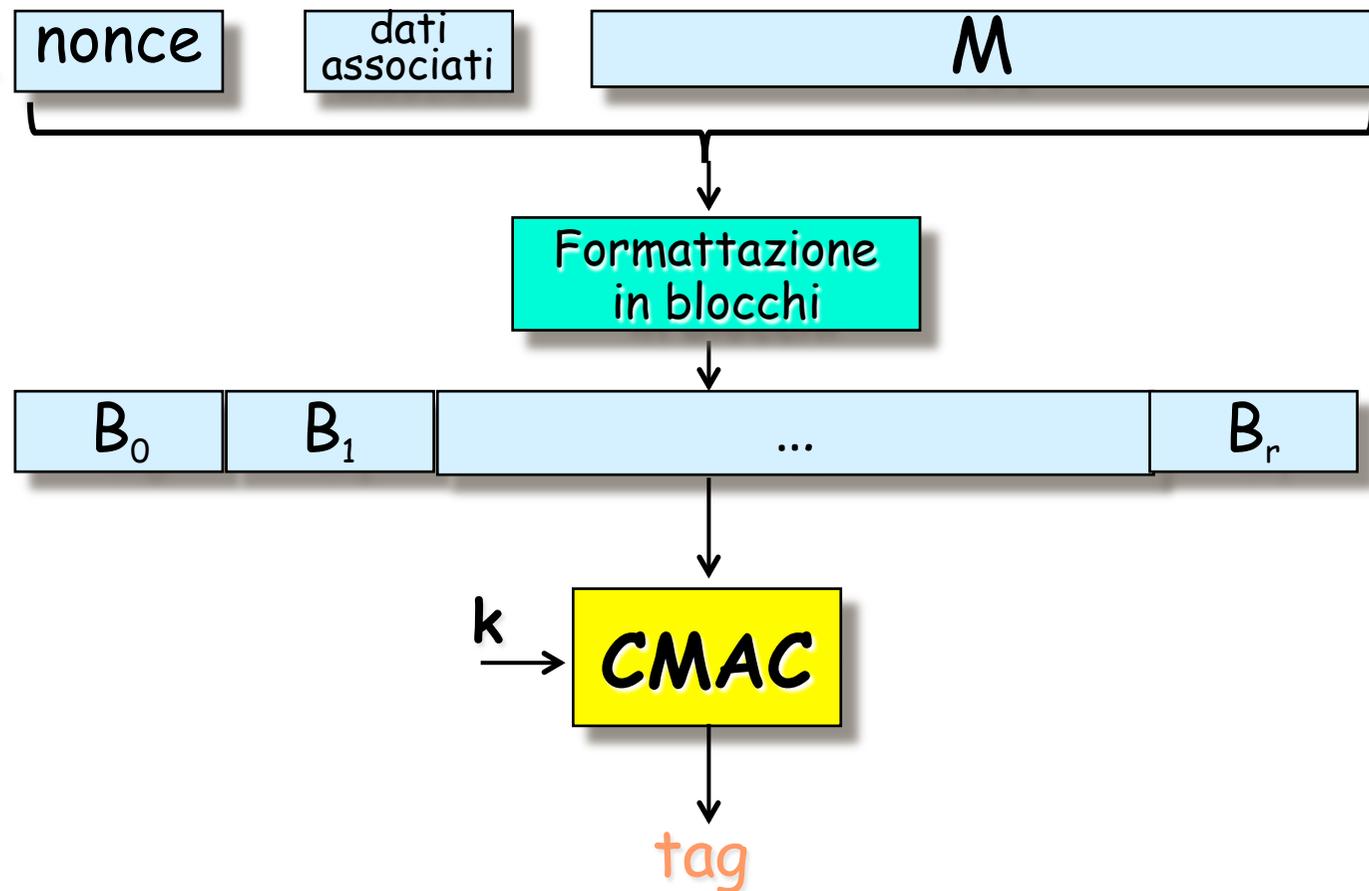
Vediamo prima l'autenticazione e poi la cifratura

CCM: autenticazione



CCM: autenticazione

Valore unico per evitare possibili attacchi di replay



CCM: autenticazione

Valore unico per evitare possibili attacchi di replay



Valori autenticati ma non cifrati.
Esempio: protocol header trasmesso in chiaro

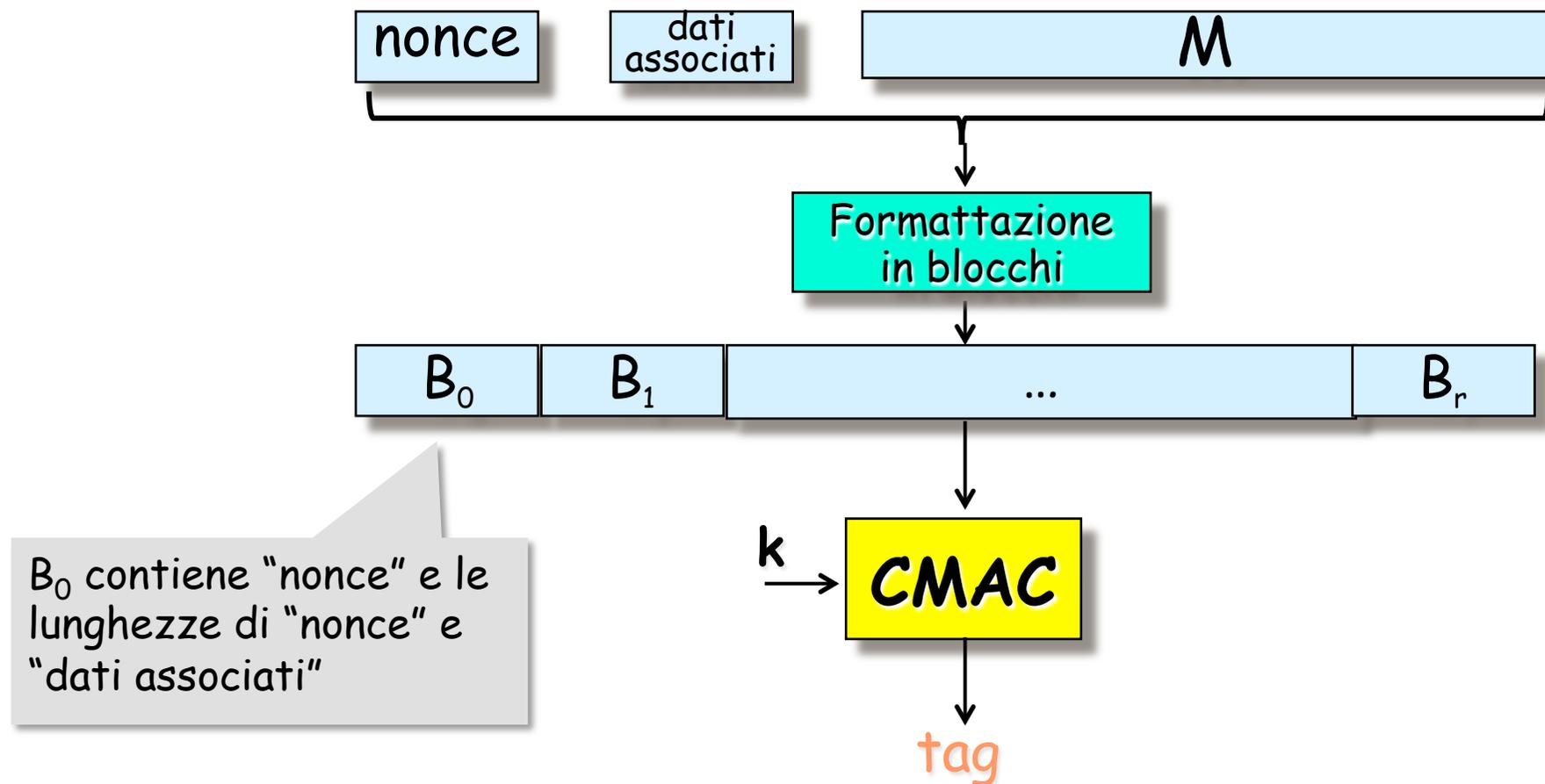
Formattazione in blocchi



k → CMAC

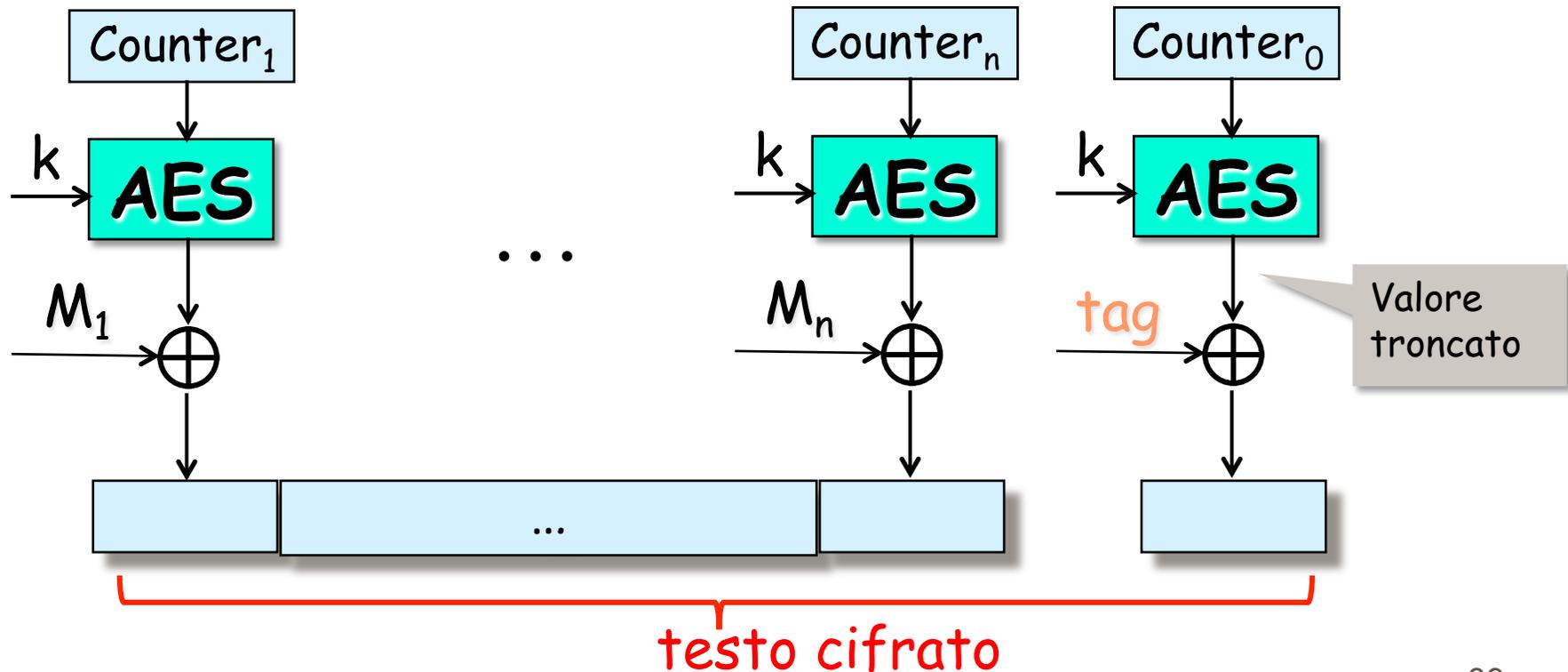
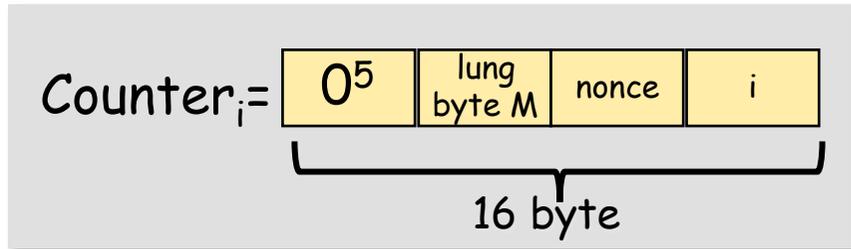
tag

CCM: autenticazione



CCM: cifratura

messaggio in chiaro $M=M_1M_2\dots M_n$
(diviso in n blocchi di 128 bit)



Galois/Counter Mode (GCM)

- NIST SP 800-38D, Recommendation for Block Cipher Modes of Operation: Galois/Counter Mode (GCM) and GMAC, nov 2007
- Parallelizzabile per alto throughput

GHASH

Blocchi di 128 bit

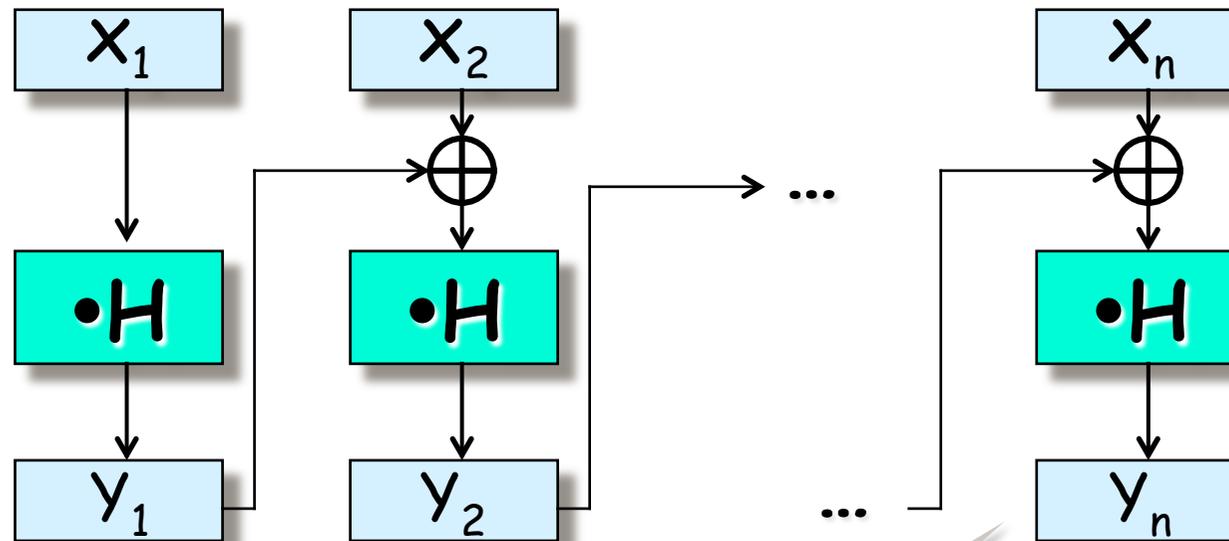
$GHASH_H(X_1 || X_2 || \dots || X_n)$

$Y = 0^{1271}$

for $i=1$ to n do $Y = (Y \cdot X_i) \oplus H$
return Y

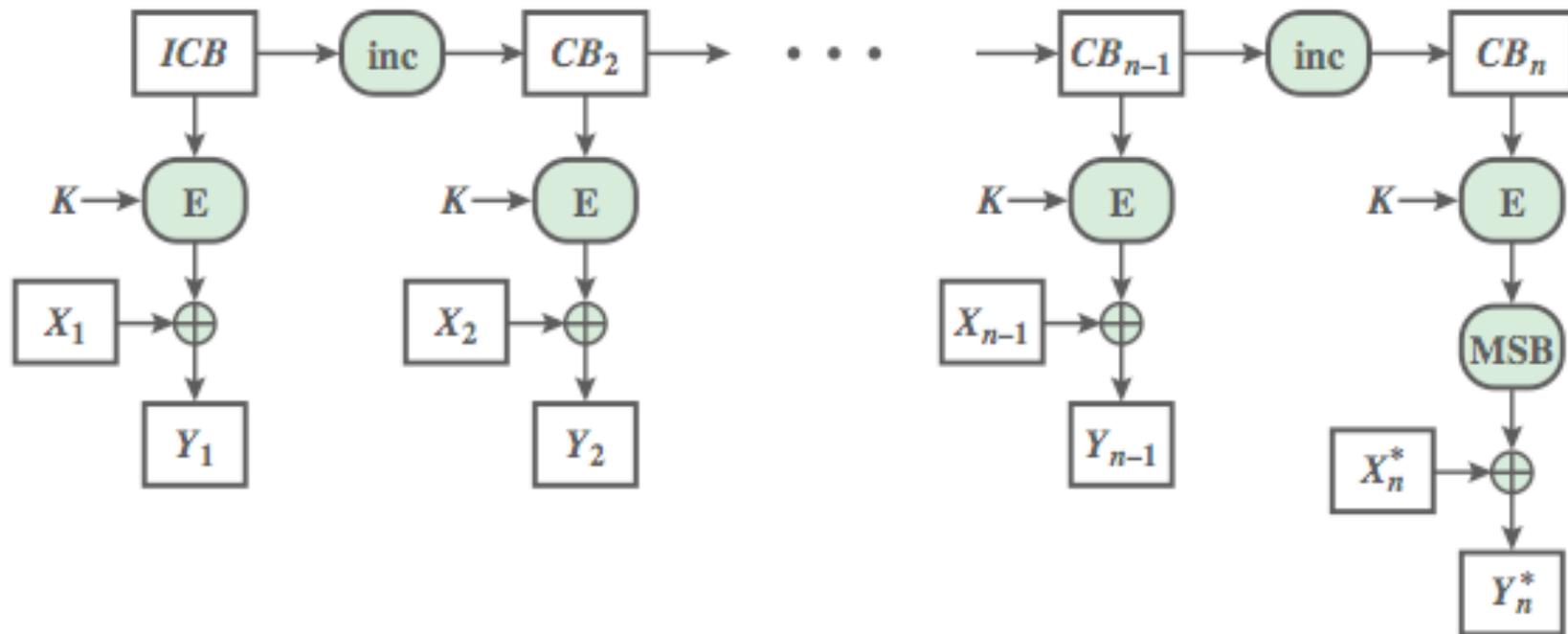
H =hash key

“ \cdot ” moltiplicazione
in $GF(2^{128})$



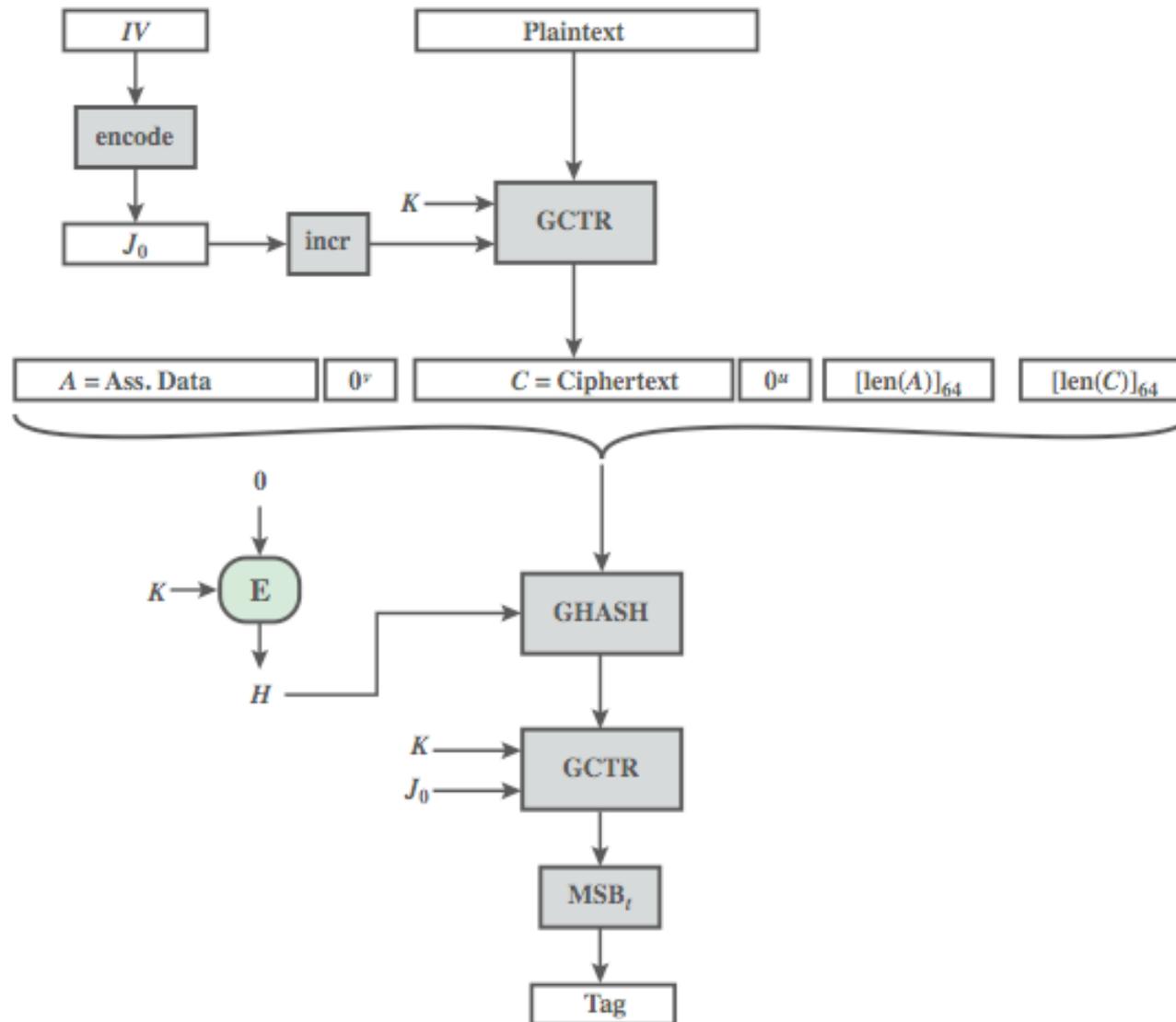
$$GHASH_H(X_1 || X_2 || \dots || X_n) = Y_n$$

GCTR



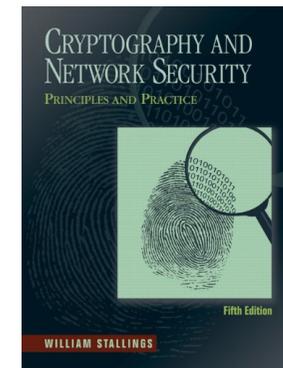
$$(b) \text{GCTR}_K(ICB, X_1 \parallel X_2 \parallel \dots \parallel X_n^*) = Y_n^*$$

GCM Mode Overview



Bibliografia

- **Cryptography and Network Security**
by W. Stallings, 2010
 - cap. 11 (MAC) e 12 (HMAC)
- Tesina di Sicurezza su reti
 - Message Authentication Code



Domande?

