

# Crittografia a chiave pubblica

## Esercizi con OpenSSL

**Alfredo De Santis**

Dipartimento di Informatica  
Università di Salerno

[ads@unisa.it](mailto:ads@unisa.it)

<http://www.dia.unisa.it/professori/ads>



**Marzo 2017**

# Cifratura e Decifratura

- **Esercizio 1** Generare una coppia di chiavi RSA a 2048 bit e memorizzarle nel file `rsakey.pem`
- **Esercizio 2** Estrarre la chiave pubblica dal file `rsakey.pem` e mostrare il relativo contenuto
- **Esercizio 3** Creare file testuale, cifrarlo con la chiave pubblica e memorizzare il risultato in un file
- **Esercizio 4** Decifrare il file creato al passo precedente

# Cifratura e Decifratura

- **Esercizio 5** Creare una chiave privata RSA di 160 bit e salvarla nel file `smallkey.pem`
- **Esercizio 6** Mostrare le informazioni relative alla chiave generata
- **Esercizio 7** La chiave privata dovrebbe essere memorizzata in chiaro o in modo cifrato?
  - Argomentare e motivare la risposta
- **Esercizio 8** La chiave pubblica dovrebbe essere memorizzata in chiaro o in modo cifrato?
  - Argomentare e motivare la risposta

# Cifratura e Decifratura

- **Esercizio 9** Creare una chiave privata private1.pem di 1024 bit e memorizzarla in chiaro
- **Esercizio 10** Creare una chiave privata private1.pem di 1024 bit e memorizzarla in modo cifrato, mediante DES Triplo
- **Esercizio 11** Mostrare le informazioni relative alle chiavi private private1.pem e private2.pem
- **Esercizio 12** Creare una chiave pubblica associata alle chiavi private private1.pem e private2.pem, rispettivamente
- **Esercizio 13** Mostrare le informazioni relative alle due chiavi pubbliche

# Cifratura e Decifratura

- **Esercizio 14** Chiedere ad un compagno di corso la sua chiave pubblica. Cifrare un file con tale chiave ed inviarlo al compagno. Chiedere al compagno di decifrare il file che ha ricevuto
- **Esercizio 15** Chiedere ad un compagno di corso la propria chiave pubblica. Cifrare un file di grandi dimensioni mediante un cifrario simmetrico, usando una password arbitraria. Cifrare la password mediante la chiave pubblica del compagno di corso. Inviare al compagno di corso sia la password cifrata che il file cifrato. Chiedere al compagno di decifrare il file

# Recupero chiave privata RSA

➤ Nel seguente esempio verrà mostrato come, a partire da una chiave pubblica RSA (di dimensioni "troppo piccola"), è possibile recuperare la relativa chiave privata



➤ Libreria da installare

➤ ASN.1 library for Python

➤ `sudo apt-get install python-pyasn1 python3-pyasn1 python-pyasn1-modules python3-pyasn1-modules pypy-pyasn1`

➤ Strumenti necessari

1. *yafu - Automated integer factorization*

• <https://sourceforge.net/projects/yafu/>

2. *genPriv.py - Script Python per la codifica di chiavi in formato PKCS1*

# Recupero chiave privata RSA

1) Generiamo una chiave RSA di 50 bit, estraiamo da essa la relativa chiave pubblica e ne stampiamo il contenuto

```
openssl genrsa 50 > smallkey.pem  
openssl rsa -pubout -in smallkey.pem > smallkey_pub.pem  
openssl rsa -in smallkey_pub.pem -pubin -text -modulus
```



```
Modulus (50 bit): 836321605190581 (0x2f8a14c3203b5)  
Exponent: 65537 (0x10001)  
Modulus=2F8A14C3203B5  
writing RSA key  
-----BEGIN PUBLIC KEY-----  
MCIwDQYJKoZIhvcNAQEBBQADEQAwDgIHAvihTDIDtQIDAQAB  
-----END PUBLIC KEY-----
```

# Recupero chiave privata RSA

1) Generiamo una chiave RSA di 50 bit, estraiamo da essa la relativa chiave pubblica e ne stampiamo il contenuto

```
openssl genrsa 50 > smallkey.pem  
openssl rsa -pubout -in smallkey.pem > smallkey_pub.pem  
openssl rsa -in smallkey_pub.pem -pubin -text -modulus
```



```
Modulus (50 bit): 836321605190581 (0x2f8a14c3203b5)  
Exponent: 65537 (0x10001) Base 10  
Modulus=2F8A14C3203B5  
wri Modulo RSA di 50 bit  
--- 10111110001010000101001100001100100000001110110101 Base 2  
MCIWDQYJKOZINVCNAQEBBQADEQAWDgIHAVINTDIDTCQIDAQAB  
-----END PUBLIC KEY-----
```

# Recupero chiave privata RSA

1) Generazione della chiave pubblica  
chiave È possibile convertire in decimale il valore esadecimale del modulo  $n$ , mediante vari strumenti, come ad es. il seguente convertitore online

open  
open  
open

<http://www.rapidtables.com/convert/number/hex-to-decimal.htm>



```
Modulus (50 bits): 836321605190581 (0x2f8a14c3203b5)
Exponent: 65537 (0x10001)
Modulus=2F8A14C3203B5
writing RSA key Base 16
-----BEGIN PUBLIC KEY-----
MCIwDQYJKoZIhvcNAQEBBQADEQAwDgIHAvihTDIDtQIDAQAB
-----END PUBLIC KEY-----
```

# Recupero chiave privata RSA

- 2) Fattorizziamo il modulo (836321605190581) al fine di trovare i relativi fattori primi, siano essi  $p$  e  $q$
- Considereremo due metodi alternativi per farlo
  - Online, utilizzando <http://factordb.com/>
  - Offline, utilizzando YAFU

# http://factordb.com/

Numero che  
si intende  
fattorizzare

[Sequences](#)

[Recent results](#)

[Factor tables](#)

[Status](#)

836321605190581

Factorize!

**Result:**

digits

number

15 [\(show\)](#)

836321605190581<sub><15></sub> = 27346349 30582569

*n*

*p*

*q*

[More information](#) ↗

[ECM](#) ↗

# YAFU

- Permette di fattorizzare, in maniera completamente automatica, numeri interi arbitrari presi in input
- Utilizza alcuni tra i più potenti algoritmi di fattorizzazione
  - Special Number Field Sieve (SNFS)
  - General Number Field Sieve (GNFS)
  - Self-Initializing Quadratic Sieve (SIQS)
  - Elliptic Curve factorization Method (ECM)
  - Multiple Polynomial Quadratic Sieve (MPQS)
  - Etc.
- Combina gli algoritmi di fattorizzazione in modo dinamico e adattivo
  - Per minimizzare i tempi necessari a trovare i fattori primi
- L'implementazione di molti algoritmi è multi-thread
  - Permette di sfruttare a pieno l'utilizzo di processori multi-core o many-core

# YAFU

## (Installazione)

### 1. Download YAFU

Looking for the latest version? [Download yafu-1.34.zip \(4.1 MB\)](#)

Home / 1.34

Name ↕	Modified ↕	Size ↕	Downloads / Week ↕
<a href="#">↑ Parent folder</a>			
<a href="#">yafu-1.34.zip</a>	<a href="#">2013-03-06</a>	4.1 MB	139  
<a href="#">yafu-1.34-src.zip</a>	<a href="#">2013-02-27</a>	686.7 kB	12  
<a href="#">README.txt</a>	<a href="#">2013-02-25</a>	2.2 kB	0  

- **unzip yafu-1.34.zip**
- **chmod +x yafu**

# YAFU

```
$ echo "factor(836321605190581)" | ./yafu
```

```
fac: factoring 836321605190581  
fac: using pretesting plan: normal  
fac: no tune info: using qs/gnfs crossover at 55 digits  
div: primes less than 10000  
rho: x^2 + 3, starting 1000 iterations on C15  
rho: x^2 + 2, starting 1000 iterations on C15  
Total factoring time = 0.0036 seconds
```

Numero da  
fattorizzare

```
***factors found***
```

```
P8 = 27346349 p
```

```
P8 = 30582569 q
```

```
ans = 1
```

# Recupero chiave privata RSA

3) Dopo aver ottenuto il valore dei numeri primi  $p$  e  $q$ , possiamo ricostruire il valore della chiave privata e codificarla in PKCS1 mediante il programma `genPriv.py`

```
$ python2 genPriv.py
<<I valori di p, q ed e vanno inseriti in formato decimale>>
Inserisci p >> 27346349
Inserisci q >> 30582569
Inserisci e >> 65537
Inserire il nome del file dove memorizzare la chiave privata
>> smallkey_priv.pem
```

# Recupero chiave privata RSA

Infine, visualizziamo la chiave privata ricostruita al passo precedente

```
openssl rsa -in rsaprivatekey.pem -text
```

```
Private-Key: (50 bit)
modulus: 836321605190581 (0x2f8a14c3203b5)
publicExponent: 65537 (0x10001)
privateExponent: 456450332239841 (0x19f239fe927e1)
prime1: 27346349 (0x1a145ad)
prime2: 30582569 (0x1d2a729)
exponent1: 22529849 (0x157c739)
exponent2: 30560169 (0x1d24fa9)
coefficient: 25370811 (0x18320bb)
writing RSA key
-----BEGIN RSA PRIVATE KEY-----
MDgCAQACBwL4oUwyA7UCAwEAAQIHAZ8jn+kn4QIEAaFFrQIEAdKnKQIEAVfHOQIE
AdJPqQIEAYMguw==
-----END RSA PRIVATE KEY-----
```

# Recupero chiave privata RSA

- **Esercizio 18** A partire dalla seguente chiave pubblica RSA, trovare la relativa chiave privata e codificarla in PKCS1

MCwwDQYJKoZIhvcNAQEBBQADGwAwGAIRALuxEy5a8lwnCny2bTpvGskCAwEAAQ==

- Suggerimento: per visualizzare i campi della chiave pubblica codificata in Base64 è possibile utilizzare il seguente servizio online
  - <https://lapo.it/asn1js/>

# Sfida RSA

- **Esercizio 19.1** Creare una coppia di chiavi RSA da 300 bit
  - challengePub.pem e challengePriv.pem
- **Esercizio 19.2** Cifrare un file con la chiave pubblica
- **Esercizio 19.3** Inviare il file cifrato e la chiave pubblica ad un compagno di corso e sfidarlo a decifrare il file
- **Esercizio 19.4** Confrontarsi col compagno di corso sul tempo impiegato per il recupero della chiave privata
  - In particolare per la fattorizzazione del modulo  $n$

# Tempi di generazione chiavi RSA

- **Esercizio 20** Generare 9 chiavi RSA da 8192 bit ciascuna
  - Riportare in formato tabellare i tempi relativi alla generazione di ciascuna chiave
  - Qual è il maggiore tempo richiesto?
  - Qual è il minore tempo richiesto?
  - Qual è il tempo medio?
  - Da cosa deriva questa differenza tra i vari tempi di esecuzione?

Utilizzare il comando **time** per valutare i tempi di esecuzione

# Generazione Chiavi RSA

## (Tempi Richiesti)

- Configurazione Hardware
  - Processore: Intel Core i7 2,8GHz a 64 bit
  - RAM: 4GB
  - Hard Disk: Apple SSD SM1024G

Dimensione Chiave (in bit)	Tempo Richiesto
1024	0m0.028s
2048	0m0.177s
4096	0m0.361s
8192	0m16.171s
16384	1m50.871s
32768	28m41.811s

Tempi restituiti dal comando `time`

# Fattorizzazione

## (Tempi Richiesti)

- Configurazione Hardware
  - Processore: Intel Core i7 2,8GHz a 64 bit
  - RAM: 4GB
  - Hard Disk: Apple SSD SM1024G

Dimensione Modulo (in bit)	Tempo Richiesto
64	0.0517s
128	0.4841s
256	85.1588s
300	1119.4591s

Tempi restituiti da YAFU

# Fattorizzazione (Tempi Richiesti)

