

Data Encryption Standard (DES)

- 15 maggio 1973, richiesta pubblica per uno standard della NBS, oggi NIST (27 agosto 1974, seconda richiesta)
- Modifica di *Lucifer*, sviluppato da IBM (chiave da 128 a 56 bit) reso noto nel 1975
- 1976: due workshop
- Standard pubblicato 15 gennaio 1977
- Riaffermato per successivi 5 anni nel 1983, 1987, 1992
- DES challenges (giugno 1997, luglio 1998, gennaio 1999)
- Advanced Encryption Standard (AES)

DES 0

Data Encryption Standard

DES 1

Lunghezza della Chiave

Nello standard DES la chiave è lunga 64 bit
8 byte di cui l'ottavo bit è di parità

bit di parità
è lo xor dei precedenti 7 bit

DES 2

Struttura del DES

DES 3

Permutazione Iniziale IP

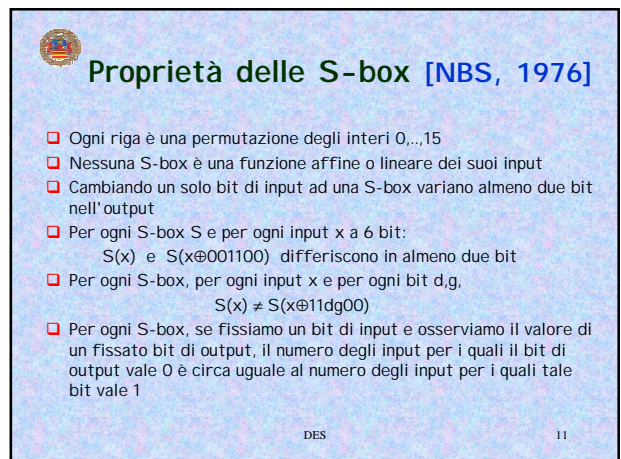
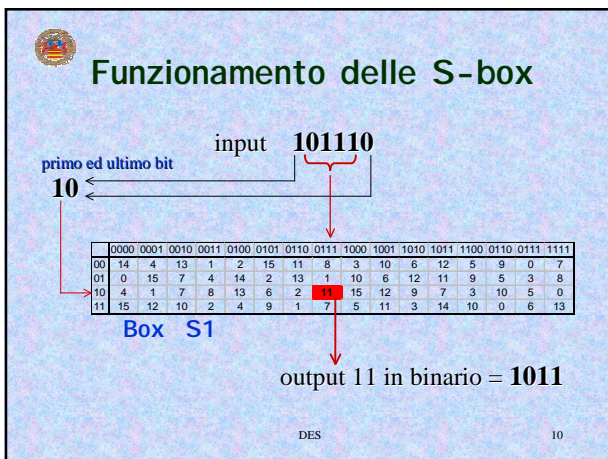
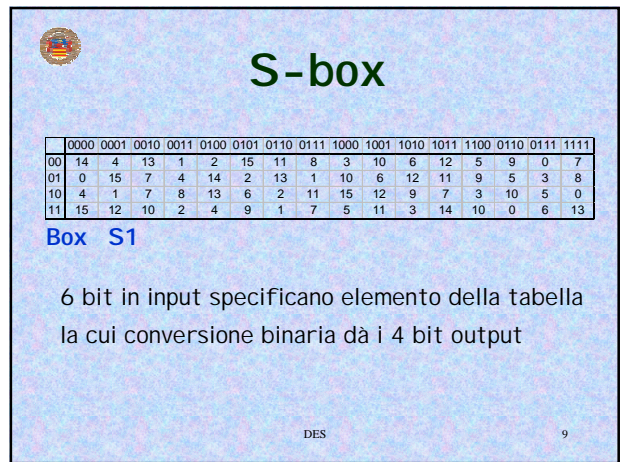
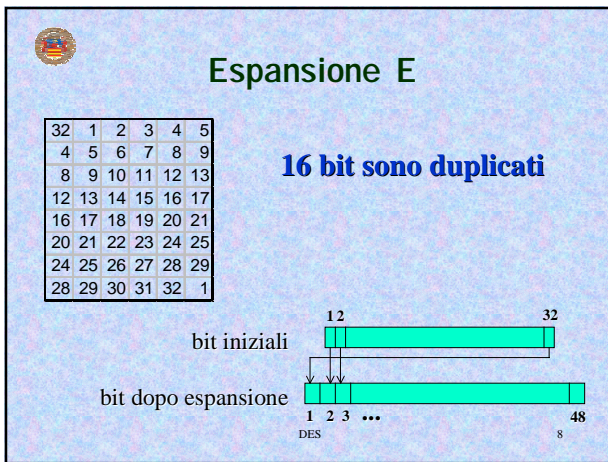
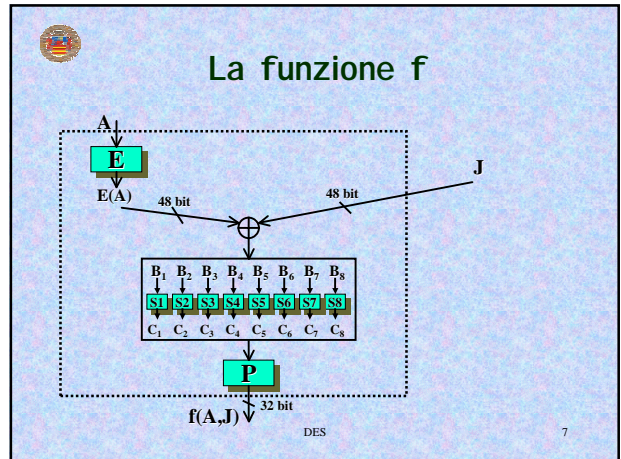
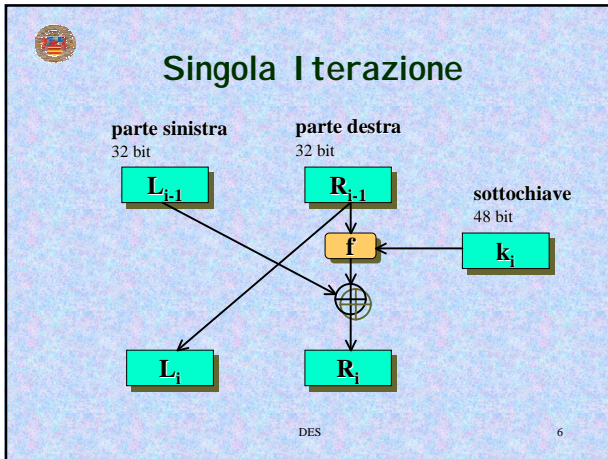
58	50	42	34	26	18	10	2
60	52	44	36	28	20	12	4
62	54	46	38	30	22	14	6
64	56	48	40	32	24	16	8
57	49	41	33	25	17	9	1
59	51	43	35	27	19	11	3
61	53	45	37	29	21	13	5
63	55	47	39	31	23	15	7

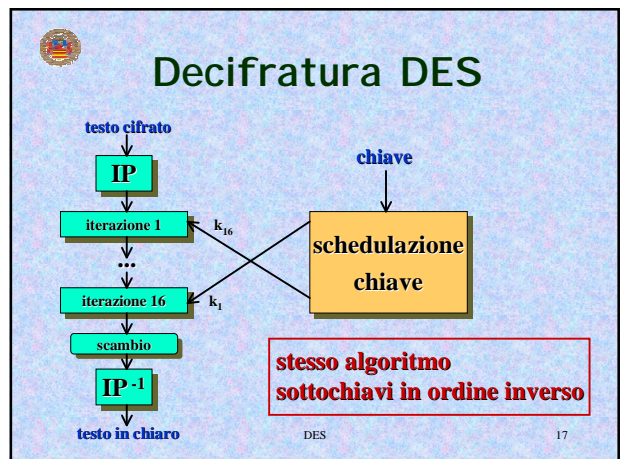
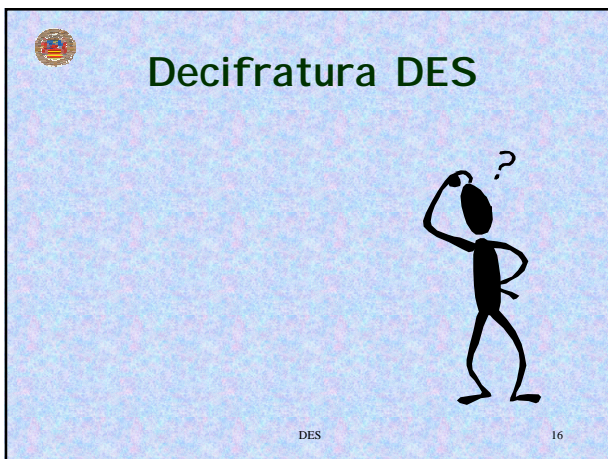
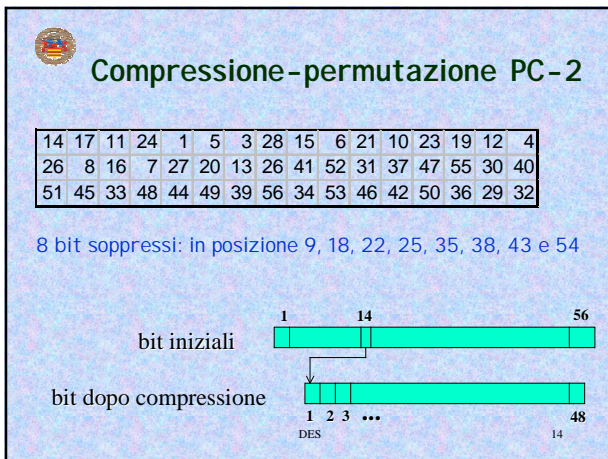
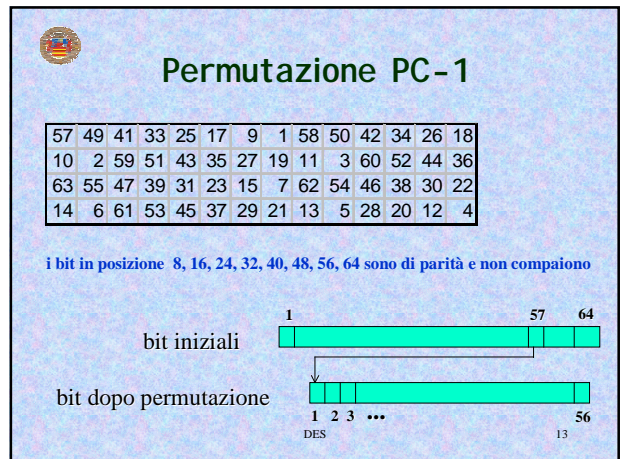
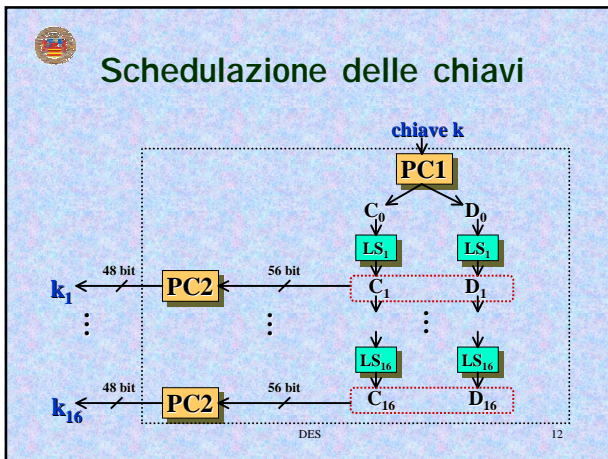
DES 4

Permutazione Inversa IP^-1

40	8	48	16	56	24	64	32
39	7	47	15	55	23	63	31
38	6	46	14	54	22	62	30
37	5	45	13	53	21	61	29
36	4	44	12	52	20	60	28
35	3	43	11	51	19	59	27
34	2	42	10	50	18	58	26
33	1	41	9	49	17	57	25

DES 5





Prestazioni

Hardware: chip della Digital, 1 Gbit/secondo

Frequenza	Consumo di clock (MHz)	Potenza max (in Watt)	Numero di blocchi DES (per messaggio)
1000	4.7	8	270
2000	7.5	15	540
3000	9.0	20	810
4000	16.0	32	1080
5000	22.0	32	1350
6000	22.0	32	1620
7000	22.0	32	1890
8000	22.0	32	2160
9000	22.0	32	2430
10000	22.0	32	2700
11000	22.0	32	2970
12000	22.0	32	3240
13000	22.0	32	3510
14000	22.0	32	3780
15000	22.0	32	4050
16000	22.0	32	4320
17000	22.0	32	4590
18000	22.0	32	4860
19000	22.0	32	5130
20000	22.0	32	5400
21000	22.0	32	5670
22000	22.0	32	5940
23000	22.0	32	6210
24000	22.0	32	6480
25000	22.0	32	6750
26000	22.0	32	7020
27000	22.0	32	7290
28000	22.0	32	7560
29000	22.0	32	7830
30000	22.0	32	8100
31000	22.0	32	8370
32000	22.0	32	8640
33000	22.0	32	8910
34000	22.0	32	9180
35000	22.0	32	9450
36000	22.0	32	9720
37000	22.0	32	9990
38000	22.0	32	10260
39000	22.0	32	10530
40000	22.0	32	10800

DES 18

Proprietà del complemento

Se x → DES (k) → y
 allora \bar{x} → DES (\bar{k}) → \bar{y}

$\bar{\cdot}$ è il complemento bit per bit

DES 19

Chiavi deboli

k è una chiave debole se per ogni x

x → DES (k) → DES (k) → x

Ci sono 4 chiavi deboli

chiave debole	C_0	D_0
0101 0101 0101 0101	0^{28}	0^{28}
FEFE FEFE FEFE FEFE	1^{28}	1^{28}
1F1F 1F1F OE0E OE0E	0^{28}	1^{28}
E0E0 E0E0 F1F1 F1F1	1^{28}	0^{28}

DES 20

Chiavi semideboli

k, k' è una coppia di chiavi semideboli se per ogni x

x → DES (k) → DES (k') → x

Ci sono 6 coppie di chiavi semideboli

C_0	D_0	k	k'	C_0	D_0
$\{01\}^{14}$	$\{01\}^{14}$	01FE 01FE 01FE 01FE	FE01 FE01 FE01 FE01	$\{10\}^{14}$	$\{10\}^{14}$
$\{01\}^{14}$	$\{10\}^{14}$	1FE0 1FE0 0EF1 0EF1	E01F E01F F10E F10E	$\{10\}^{14}$	$\{01\}^{14}$
$\{01\}^{14}$	0^{28}	01E0 01E0 01F1 01F1	E001 E001 F101 F101	$\{10\}^{14}$	0^{28}
$\{01\}^{14}$	1^{28}	1FFE 1FFE 0EFE 0EFE	FE1F FE1F FE0E FE0E	$\{10\}^{14}$	1^{28}
0^{28}	$\{01\}^{14}$	011F 011F 010E 010E	1F01 1F01 0E01 0E01	0^{28}	$\{10\}^{14}$
1^{28}	$\{01\}^{14}$	E0FE E0FE F1FE F1FE	FEE0 FEE0 FEF1 FEF1	1^{28}	$\{10\}^{14}$

DES 21

Crittoanalisi differenziale

- Eli Biham e Adi Shamir [1990]
- Già conosciuto da Coppersmith quando fu progettato !?

numero round	chosen plaintext	known plaintext
8	2^{14}	2^{38}
9	2^{24}	2^{44}
10	2^{24}	2^{43}
11	2^{31}	2^{47}
12	2^{31}	2^{47}
13	2^{39}	2^{52}
14	2^{39}	2^{51}
15	2^{47}	2^{56}
16	2^{47}	2^{55}

numero messaggi in chiaro

DES 22

Crittoanalisi differenziale e lineare

Attacco *known-plaintext* oppure *chosen-plaintext*

Metodo di attacco	known plaintext	chosen plaintext	complessità spazio	complessità tempo
precomputazione esaustiva	-	1	2^{56}	1
ricerca esaustiva	1	-	trascurabile	2^{55}
crittoanalisi lineare	2^{43} (85%)	-	messaggi	2^{43}
	2^{38} (10%)	-	messaggi	2^{50}
crittoanalisi differenziale	-	2^{47}	messaggi	2^{47}
	2^{55}	-	messaggi	2^{55}

percentuale di successo

DES 23

Ricerca esaustiva

- Numero chiavi DES = $2^{56} \approx 7,2056 \cdot 10^{16}$
- Un computer a 500 Mhz che testa una chiave per ciclo di clock impiega
 $144.115.188$ secondi ≈ 834 giorni ≈ 2 anni e 3 mesi
 per provare $2^{55} \approx 3,6 \cdot 10^{16}$ chiavi

DES 24

DES challenges

- 10.000 dollari al primo che rompe la *challenge* se rotta entro il 25% del miglior tempo precedente
- Giugno 1997:** 39 giorni, testato 24% delle 2^{56} chiavi, **DESCHALL**
 - Rocke Verser scrisse e distribuì un client di ricerca,
 - 70.000 computer,
 - trovata da Michael K. Sanders (Pentium 90 MHz, 16M)
 - messaggio: Strong cryptography makes the world a safer place
- Luglio 1998:** 56 ore, **Deep Crack**, EFF, 250.000 dollari
- Gennaio 1999:** 22 ore 15 minuti testando 245 miliardi di chiavi al secondo, Distributed.Net 100.000 computer e EFF

DES 25

Deep Crack: Unità di ricerca

DES 26

Deep Crack: Unità di ricerca

- Clock di 40Mhz
- Una decifratura in 16 cicli di clock
- Numero chiavi provate al secondo

$$\frac{40.000.000}{16} = 2.500.000$$

DES 27

Chip

- 24 unità di ricerca
- Prova $24 \cdot 2.500.000 = 60.000.000$ chiavi al sec.
- Prova tutte le chiavi in 13.900 giorni (≈ 38 anni)

DES 28


Board

- 64 chip
- 32 per faccia
- 40 cm X 40 cm
- Prova $64 \cdot 60.000.000 = 3.840.000.000$ chiavi al sec.
- Prova tutte le chiavi in ≈ 218 giorni

DES 29

Chassis

- ❑ 12 schede
- ❑ Prova 12 · 3.840.000.000 = 46.080.000.000 chiavi al sec.
- ❑ Prova tutte le chiavi in ≈18 giorni



DES 30

EFF DES Cracker




DES 31

Prestazioni

Device	Quanti nella prossima device	Chiavi/sec	Num. medio Giorni per ricerca
Unità di ricerca	24	2.500.000	166.800
Chip	64	60.000.000	6.950
Board	12	3.840.000.000	109
Chassis	2	46.080.000.000	9,05
EFF DES Cracker		92.160.000.000	4,524

DES 32

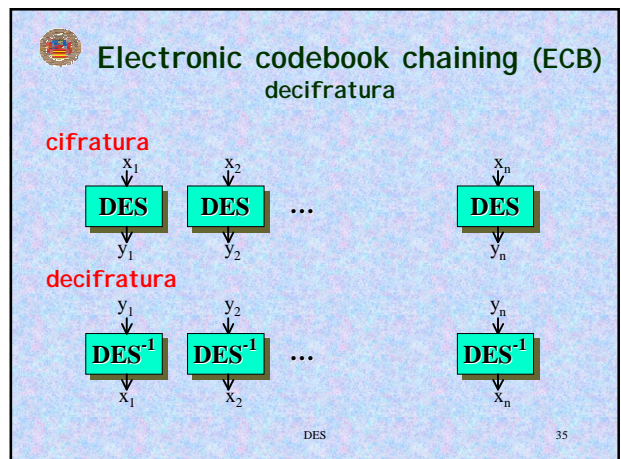
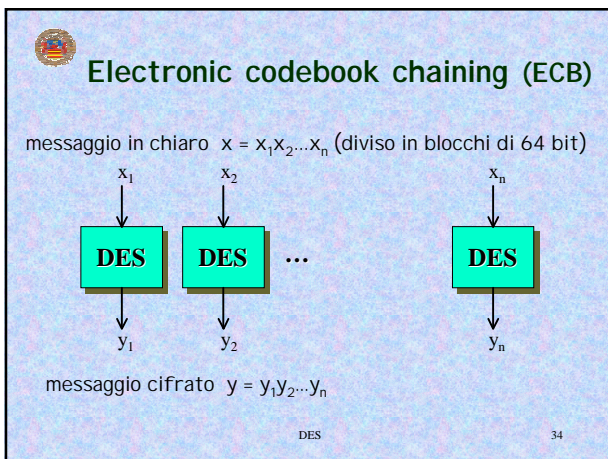
Modalità operative del DES

 Come cifrare testi più lunghi di 64 bit?



- Electronic codebook chaining (ECB)
- Cipher block chaining (CBC)
- Cipher feedback (CFB)
- Output feedback (OFB)

NBS FIPS PUB 46, DES modes of operation, National Bureau of Standards, 1977

DES 33



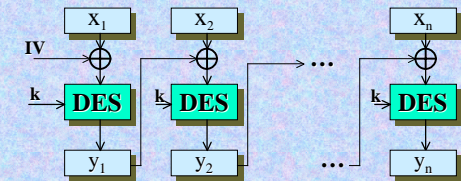
Electronic codebook chaining (ECB)

- Se la lunghezza del messaggio non è multiplo di 64?
Possibile soluzione: Padding con 100...00
- L'ECB è il metodo più veloce
- Eventuali errori non si propagano 
- Non c'è dipendenza tra i blocchi
 - Possibili attacchi di sostituzione
 - Ridondanza testo in chiaro 

DES 36

Cipher Block Chaining (CBC)

messaggio in chiaro $x = x_1 x_2 \dots x_n$ (diviso in n blocchi di 64 bit)

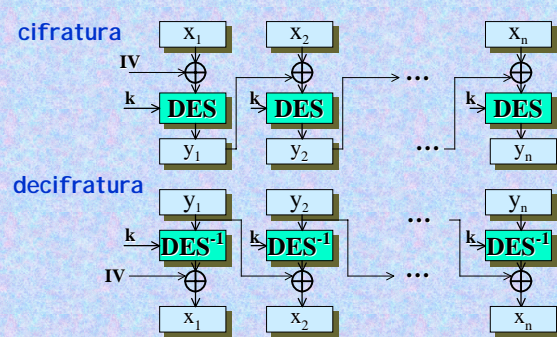


messaggio cifrato $y = y_1 y_2 \dots y_n$

vettore di inizializzazione IV di solito pubblico.
(potrebbe anche essere scelto a caso e tenuto nascosto)

DES 37

Cipher Block Chaining (CBC) decifratura






cifratura

decifratura

DES 38

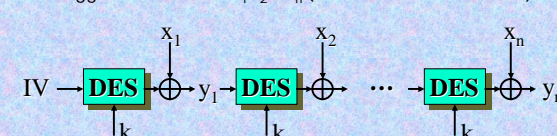
Cipher Block Chaining (CBC)

- Meno veloce dell'ECB 
- Propagazione errori 
- C'è dipendenza tra i blocchi 
- Non possibili attacchi di sostituzione

DES 39

Cipher feedback (CFB)

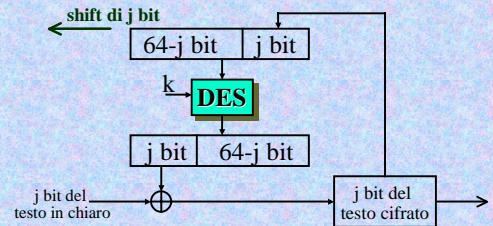
messaggio in chiaro $x = x_1 x_2 \dots x_n$ (diviso in n blocchi di 64 bit)



messaggio cifrato $y = y_1 y_2 \dots y_n$

DES 40

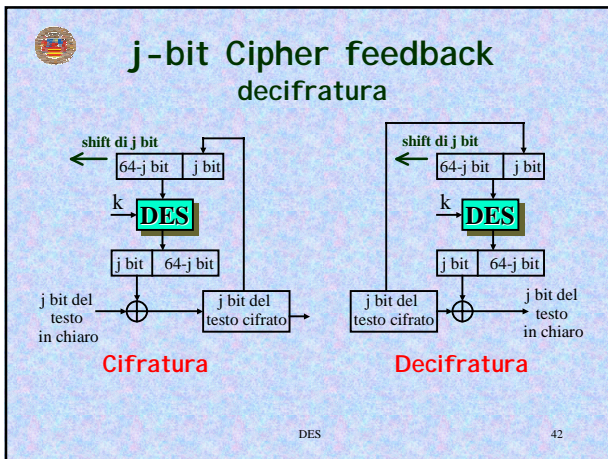
j-bit Cipher feedback



shift di j bit

Si inizia cifrando IV

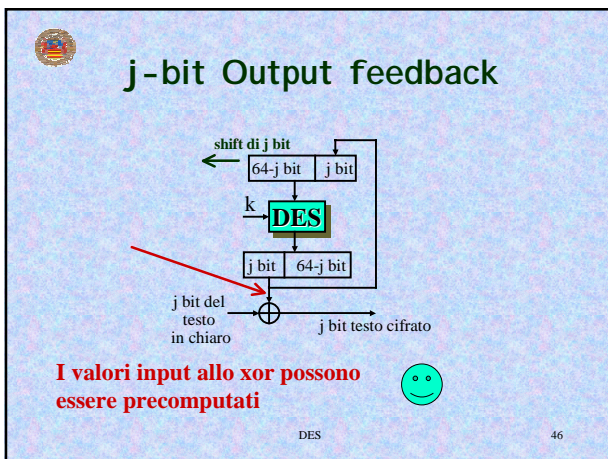
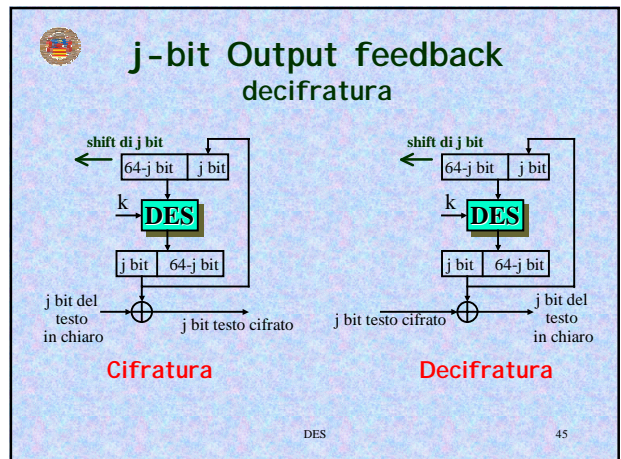
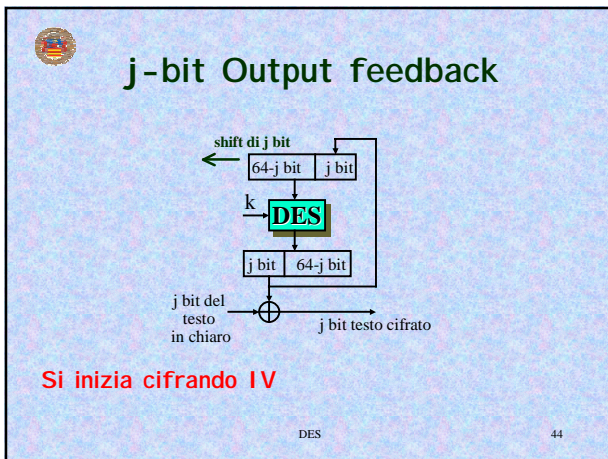
DES 41



j-bit Cipher feedback

- ❑ j può essere scelto a piacimento, ad es. j=8
- ❑ Si possono utilizzare j bit cifrati senza aspettarne 64 😊
- ❑ Più lento al decrescere di j 😞

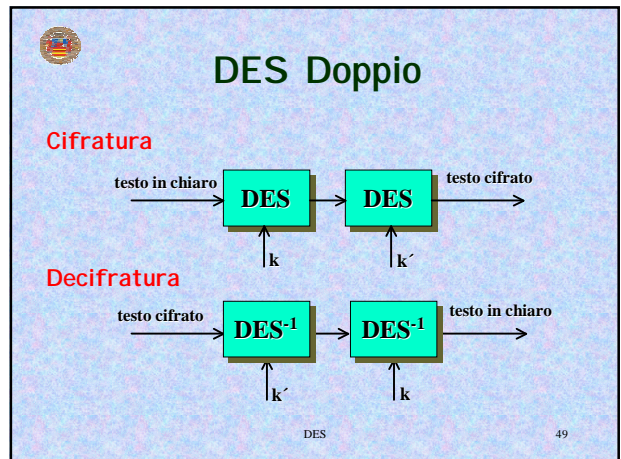
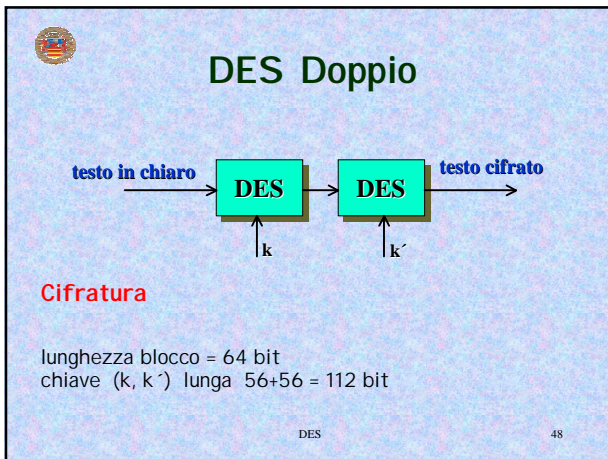
DES 43



j-bit Output feedback

Se la stessa chiave e lo stesso IV vengono usati per diversi OFB, la *keystream* è la stessa!
 IV deve essere cambiato se si usa la stessa chiave

DES 47



Sicurezza DES doppio

Quanto è "sicuro"
il DES doppio?

DES 50

DES ≡ DES doppio ?

E' possibile che per ogni (k, k') esiste k'' tale che

$$DES_{k''}(\cdot) = DES_{k'}(DES_k(\cdot))$$

DES 51

DES non forma un gruppo

- ❑ Ci sono $(2^{64})! > 10^{347.380.000.000.000.000} > 10^{10^{20}}$ permutazioni per i 2^{64} input
- ❑ Ci sono solo 2^{56} permutazioni definite dal DES

L'insieme delle 2^{56} permutazioni definite dalle 2^{56} chiavi DES non è chiuso per composizione (dimostrato solo nel 1992)

[Gruppo generato da composizione di DES] $> 10^{2499}$

DES 52

DES Doppio: attacco *meet in the middle*

testo in chiaro x → DES (k) → z → DES (k') → testo cifrato y

Known Plaintext Attack
 Input: x, y = $DES_{k'}(DES_k(x))$
 Costruisci tabella
 for $k_2 \in (0,1)^{56}$
 do $z = DES_{k_2}^{-1}(y)$
 if per qualche k_1 , (k_1, z) è nella tabella
 then return la chiave è (k_1, k_2)

chiave	testo cifrato
k''	$DES_{k''}(x)$
...	...

DES 53

DES Doppio: attacco meet in the middle

Known Plaintext Attack

Input: $x, y = \text{DES}_k(\text{DES}_k(x))$
 Costruisci tabella

chiave	testo cifrato
k^*	$\text{DES}_{k^*}(x)$
...	...

for $k_2 \in \{0,1\}^{56}$
do $z = \text{DES}_{k_2}^{-1}(y)$
if per qualche $k_1, (k_1, z)$ è nella tabella
then return la chiave è (k_1, k_2)


Complessità spazio: 2^{56} righe nella tabella
 Complessità tempo: 2^{57} cifrature + 2^{56} ricerche in tabella

O(1) se tabella hash
 56 se array ordinato

DES 54

DES Doppio: attacco meet in the middle


L'output (k_1, k_2) è sicuramente la chiave cercata?



DES 55

DES Doppio: attacco meet in the middle

Dato x , qual'è il numero medio di chiavi (k_1, k_2) tali che
 $y = \text{DES}_{k_2}(\text{DES}_{k_1}(x))$



DES 56

DES Doppio: attacco meet in the middle

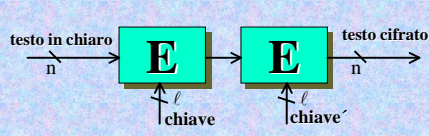
Dato x, y , qual'è il numero medio di chiavi (k_1, k_2) tali che
 $y = \text{DES}_{k_2}(\text{DES}_{k_1}(x))$

Fissato x , ci sono 2^{112} chiavi e 2^{64} testi cifrati y

$$\frac{\# \text{chiavi}}{\# y \text{ per fissato } x} = \frac{2^{112}}{2^{64}} = 2^{48}$$

DES 57

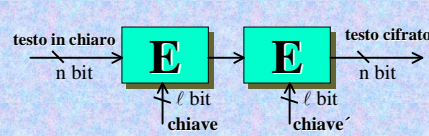
Doppia cifratura



Cifrario a blocchi casuale: dati n ed l , scegli a caso 2^l permutazioni tra le $(2^n)!$ possibili su 2^n elementi, ed associale con le 2^l chiavi

DES 58

Doppia cifratura



Dato x , y il numero medio di chiavi (k_1, k_2) tali che
 $y = E_{k_2}(E_{k_1}(x))$
 è

$$2^{2l-n}$$

DES 59

DES Doppio: attacco *meet in the middle*

Known Plaintext Attack
 Input: $x, y = \text{DES}_k(\text{DES}_k(x))$
 $x', y' = \text{DES}_{k'}(\text{DES}_{k'}(x'))$
 Costruisci tabella
for $k_2 \in \{0,1\}^{56}$
 do $z = \text{DES}_{k_2}^{-1}(y)$
 if per qualche k_1 , (k_1, z) è nella tabella
 e $y' = \text{DES}_{k_2}(\text{DES}_{k_1}(x'))$
 then return la chiave è (k_1, k_2)

chiave	testo cifrato
k'	$\text{DES}_{k'}(x')$
...	...

DES 60

DES Doppio: attacco *meet in the middle*

Dato x, y, x', y' qual è il numero medio di chiavi (k_1, k_2) tali che

$$y = \text{DES}_{k_2}(\text{DES}_{k_1}(x))$$

$$y' = \text{DES}_{k_2}(\text{DES}_{k_1}(x'))$$

Fissati x, x' , ci sono 2^{112} chiavi e 2^{128} testi cifrati y, y'

$$\frac{\# \text{chiavi}}{\# y, y' \text{ per fissati } x, x'} = \frac{2^{112}}{2^{128}} = 2^{-16}$$

DES 61

Cascata con L-stadi di un cifrario

Dati $x_1, y_1, \dots, x_t, y_t$ il numero medio di chiavi (k_1, k_2, \dots, k_L) tali che

$$y_i = E_{k_L}(\dots E_{k_2}(E_{k_1}(x_i)))$$

è

$$2^{L \cdot \ell - t \cdot n}$$

DES 62

DES Doppio: attacco *meet in the middle*

- ❑ Tradeoff tempo-memoria
- ❑ Indovino i primi s bit di k , $0 \leq s \leq 56$
- ❑ 2^s tabelle di 2^{56-s} righe

Complessità spazio: 2^{56-s} righe nella tabella

Complessità tempo: $\underbrace{2^s}_{2^{56-s}} \cdot 2^{56-s}$ cifrature + $\underbrace{2^s}_{2^{56-s}} \cdot 2^{56-s}$ ricerche in tabella

SPAZIO * TEMPO $\approx 2^{112}$

DES 63

DES Doppio: attacco *meet in the middle*

Known Plaintext Attack
 Input: $x, y = \text{DES}_k(\text{DES}_k(x))$
 $x', y' = \text{DES}_{k'}(\text{DES}_{k'}(x'))$
for $u \in \{0,1\}^s$
 Costruisci tabella per $v \in \{0,1\}^{56-s}$
 for $k_2 \in \{0,1\}^{56-s}$
 do $z = \text{DES}_{k_2}^{-1}(y)$
 if per qualche k_1 , (k_1, z) è nella tabella
 e $y' = \text{DES}_{k_2}(\text{DES}_{k_1}(x'))$
 then return la chiave è (k_1, k_2)

chiave	testo cifrato
$k' = uv$	$\text{DES}_{k'}(x')$
...	...

Complessità spazio: 2^{56-s} righe nella tabella

Complessità tempo: $2^s \cdot 2^{56-s}$ cifrature + $2^s \cdot 2^{56-s}$ ricerche in tabella

SPAZIO * TEMPO $\approx 2^{112}$

DES 64

DES Triplicato

Cifratura

- ❑ lunghezza blocco = 64 bit
- ❑ chiave (k, k', k'') lunga $56 + 56 + 56 = 168$ bit

DES 65

DES Triplicato: attacco meet in the middle

Known Plaintext Attack
 Input: $x, y = \text{DES}_{k''} \cdot (\text{DES}_{k'} \cdot (\text{DES}_k((x)))$
 Costruisci tabella

chiave	testo cifrato
(k'', k')	$\text{DES}_{k''} \cdot (\text{DES}_{k'}(x))$
...	...

for $k_3 \in \{0,1\}^{56}$
 do $z = \text{DES}_{k_3}^{-1}(y)$
 if per qualche $k_1, k_2, (k_1, k_2, z)$ è nella tabella
 then return la chiave è (k_1, k_2, k_3)

DES 66

DES Triplicato: attacco meet in the middle

Known Plaintext Attack
 Input: $x, y = \text{DES}_{k''} \cdot (\text{DES}_{k'} \cdot (\text{DES}_k((x)))$
 Costruisci tabella

chiave	testo cifrato
(k'', k')	$\text{DES}_{k''} \cdot (\text{DES}_{k'}(x))$
...	...

for $k_3 \in \{0,1\}^{56}$
 do $z = \text{DES}_{k_3}^{-1}(y)$
 if per qualche $k_1, k_2, (k_1, k_2, z)$ è nella tabella
 then return la chiave è (k_1, k_2, k_3)

Complessità spazio: 2^{112} righe nella tabella
 Complessità tempo: $2^{112} + 2^{56}$ cifrature + 2^{56} ricerche in tabella

DES 67

DES Triplicato: attacco meet in the middle

Known Plaintext Attack
 Input: $x, y = \text{DES}_{k''} \cdot (\text{DES}_{k'} \cdot (\text{DES}_k((x)))$
 Costruisci tabella

chiave	testo cifrato
k''	$\text{DES}_{k''}((x))$
...	...

for $k_3, k_2 \in \{0,1\}^{56} \times \{0,1\}^{56}$
 do $z = \text{DES}_{k_2}^{-1}(\text{DES}_{k_3}^{-1}(y))$
 if per qualche $k_1, (k_1, z)$ è nella tabella
 then return la chiave è (k_1, k_2, k_3)

DES 68

DES Triplicato: attacco meet in the middle

Known Plaintext Attack
 Input: $x, y = \text{DES}_{k''} \cdot (\text{DES}_{k'} \cdot (\text{DES}_k((x)))$
 Costruisci tabella

chiave	testo cifrato
k''	$\text{DES}_{k''}((x))$
...	...

for $k_3, k_2 \in \{0,1\}^{56} \times \{0,1\}^{56}$
 do $z = \text{DES}_{k_2}^{-1}(\text{DES}_{k_3}^{-1}(y))$
 if per qualche $k_1, (k_1, z)$ è nella tabella
 then return la chiave è (k_1, k_2, k_3)

Complessità spazio: 2^{56} righe nella tabella
 Complessità tempo: $2^{56} + 2^{112}$ cifrature + 2^{112} ricerche in tabella

DES 69

DES Triplo: attacco meet in the middle

Complessità *Known Plaintext Attack* $\approx 2^{112}$
 Ricerca esaustiva su tutte le chiavi $\approx 2^{112}$

DES 70

DES Triplicato: attacco meet in the middle

Complessità *Known Plaintext Attack* $\approx 2^{112}$

“Equivalente” ad un cifrario con una chiave di 112 bit, e non 168 bit

DES 71

DES Triplo

Cifratura

- ❑ lunghezza blocco = 64 bit
- ❑ chiave (k, k') lunga 56+56 = 112 bit
- ❑ spesso chiamato EDE_{k,k'} (acronimo per Encrypt Decrypt Encrypt)
- ❑ adottato negli standard X9.17 e ISO 8732

DES 72

DES Triplo: attacco *meet in the middle*

Known Plaintext Attack
 Input: $x, y = \text{DES}_k(\text{DES}_{k'}^{-1}(\text{DES}_k(x)))$
 Costruisci tabella

chiave	testo cifrato
k'	$\text{DES}_{k'}^{-1}(x)$
...	...

for $k_1, k_2 \in \{0,1\}^{56} \times \{0,1\}^{56}$
 do $z = \text{DES}_{k_2}(\text{DES}_{k_1}^{-1}(y))$
 if (k_1, z) è nella tabella
 then return la chiave è (k_1, k_2)

DES 73

DES Triplo: attacco *meet in the middle*

Known Plaintext Attack
 Input: $x, y = \text{DES}_k(\text{DES}_{k'}^{-1}(\text{DES}_k(x)))$
 Costruisci tabella

chiave	testo cifrato
k'	$\text{DES}_{k'}^{-1}(x)$
...	...

for $k_1, k_2 \in \{0,1\}^{56} \times \{0,1\}^{56}$
 do $z = \text{DES}_{k_2}(\text{DES}_{k_1}^{-1}(y))$
 if (k_1, z) è nella tabella
 then return la chiave è (k_1, k_2)

Complessità spazio: 2^{56} righe nella tabella
 Complessità tempo: $2^{56} + 2^{112}$ cifrature + 2^{112} ricerche in tabella

DES 74

Compatibilità DES Triplo e DES

Se $k = k'$ il DES triplo

è equivalente al semplice DES

DES 75

Decifratura DES Triplo

Cifratura

Decifratura

DES 76