

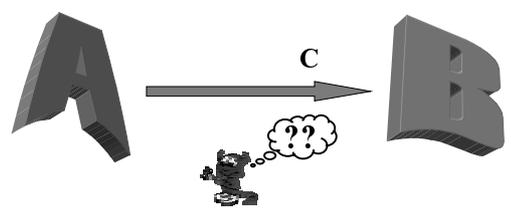
Crittoanalisi

- Known Ciphertext Attack
- Known Plaintext Attack
- Chosen Plaintext Attack
- Chosen Ciphertext Attack



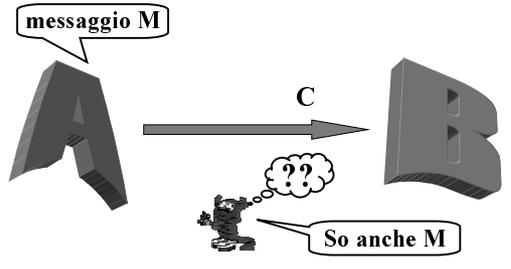
Introduzione 0

Known Ciphertext Attack



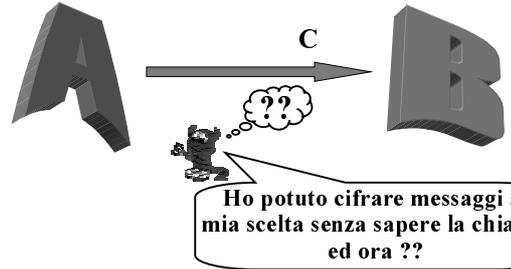
Introduzione 1

Known Plaintext Attack



Introduzione 2

Chosen Plaintext Attack



Introduzione 3

Chosen Ciphertext Attack



Introduzione 4

Principio di Kerckhoffs

La sicurezza di un crittosistema deve dipendere **solo** dalla segretezza della chiave e **non** dalla segretezza dell' algoritmo usato.

Jean Guillaume Hubert Victor Francois Alexandre Auguste Kerckhoffs von Nieuwenhof (1835-1903), filologo olandese, "La Cryptographie Militarie" [1883]

Introduzione 5

Grandi Numeri

- Numero colonne per l'Enalotto $\binom{90}{6} = 622.614.630 \approx 1,15 \cdot 2^{29}$
- Microsecondi in un giorno $8.640.000.000 \approx 1,26 \cdot 2^{36}$
- Microsecondi in un secolo $\approx 3,15 \cdot 10^{15} \approx 1,42^{51}$
- Secondi dalla creazione del sistema solare $\approx 2 \cdot 10^{17} \approx 1,38 \cdot 2^{57}$
- Cicli in un secolo di una macchina a 500 MHz $\approx 1,57 \cdot 10^{18} \approx 1,37 \cdot 2^{60}$
- Cicli in un secolo di una macchina a 1000 MHz $\approx 3,15 \cdot 10^{18} \approx 1,37 \cdot 2^{61}$
- Cicli in un secolo di 1.000.000 macchine a 1000 MHz $\approx 3,15 \cdot 10^{24} \approx 1,3 \cdot 2^{81}$
- Numeri primi di 75 cifre (cioè 249 bit) $\approx 5,2 \cdot 10^{72} \approx 1,83 \cdot 2^{244}$
- Numero di elettroni nell'universo $\approx 8,37 \cdot 10^{77} \approx 1,82^{258}$

Introduzione 6

Chiave di 40 bit




**Quanto è "sicura"
una chiave di 40 bit?**

Introduzione 7

Chiave di 40 bit

Supponiamo di avere una macchina che in un microsecondo prova una singola chiave

Provare tutte le possibili chiavi ≈ 12 giorni 17 ore

Provare 10% delle possibili chiavi ≈ 30.5 ore

Introduzione 8

Chiave di 40 bit

Supponiamo di avere una macchina che in un microsecondo prova una singola chiave

Provare tutte le possibili chiavi ≈ 12 giorni 17 ore

Provare 10% delle possibili chiavi ≈ 30.5 ore

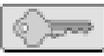
 Se avessimo 4 macchine ...

Provare tutte le possibili chiavi ≈ 3 giorni 4 ore

Provare 10% delle possibili chiavi ≈ 7.6 ore

Introduzione 9

Chiave di 120 bit

**Quanto è "sicura"
una chiave di 120 bit?**

Introduzione 10

Chiave di 120 bit

Supponiamo di avere 1.000.000.000 macchine a 1.000 MHz ed ognuna prova una singola chiave in un ciclo

Provare tutte le possibili chiavi $\approx 421.034.025$ secoli

Provare 1/622.614.630 delle possibili chiavi ≈ 67.6 anni

Numero colonne per l'Enalotto = 622.614.630

Introduzione 11

Cifrari a sostituzione polialfabetica

Cifrario di Vigenère [1586] (Blaise de Vigenère, 1523-1596)

$M = M_0 M_1 M_2 \dots M_n$ (testo in chiaro) $\xrightarrow{C_i \leftarrow M_i + K_i \pmod{26}}$ (testo cifrato) $C = C_0 C_1 C_2 \dots C_n$

chiave $\uparrow K = K_0 K_1 K_2 \dots K_{t-1}$

Testo in chiaro: CODICE MOLTO SICURO Chiave: REBUS
 CODIC EMOLT OSICU RO testo in chiaro
 REBUS REBUS REBUS RE chiave
 TSECU VQPFL FWJWM IS testo cifrato

Introduzione 12

Cifrari a sostituzione polialfabetica

Cifrario di Vigenère [1586] (Blaise de Vigenère, 1523-1596)

$M = M_0 M_1 M_2 \dots M_n$ (testo in chiaro) $\xrightarrow{C_i \leftarrow M_i + K_i \pmod{26}}$ (testo cifrato) $C = C_0 C_1 C_2 \dots C_n$

chiave $\uparrow K = K_0 K_1 K_2 \dots K_{t-1}$

- Considerato inviolabile per molto tempo
- Numero possibili chiavi = 26^t
- Crittoanalisi: Known Ciphertext Attack

Introduzione 13

Test di Kasiski

Friedrich Kasiski [1863]

testo cifrato ...WPIXFGHDAFNV TV... KLXFGLQ

Introduzione 14

Test di Kasiski

Friedrich Kasiski [1863]

testo cifrato ...WPIXFGHDAFNV TV... KLXFGLQ

 XFG cifra lo stesso testo in chiaro!

Introduzione 15

Test di Kasiski

Friedrich Kasiski [1863]

testo cifrato ...WPIXFGHDAFNV TV... KLXFGLQ

 XFG cifra lo stesso testo in chiaro!
La distanza tra le "X" è un multiplo di t

Introduzione 16

Test di Kasiski

Friedrich Kasiski [1863]

testo cifrato ...WPIXFGHDAFNV TV... KLXFGLQ

 XFG cifra lo stesso testo in chiaro!
La distanza tra le "X" è un multiplo di t

Siano d_1, d_2, \dots, d_n le distanze tra le "X" di "XFG"
allora $\text{gcd}(d_1, d_2, \dots, d_n)$ è multiplo di t

Introduzione 17

Indice di coincidenza

Definito da Wolfe Friedman [1920]

Indice di coincidenza di una stringa $x_1x_2\dots x_n$
 $IC(x_1x_2\dots x_n)$ = probabilità che due caratteri, presi a caso in $x_1x_2\dots x_n$, siano uguali

Introduzione 18

Indice di coincidenza

Definito da Wolfe Friedman [1920]

Indice di coincidenza di una stringa $x_1x_2\dots x_n$
 $IC(x_1x_2\dots x_n)$ = probabilità che due caratteri, presi a caso in $x_1x_2\dots x_n$, siano uguali

Esempi: $IC(MONO) = 1/6$
 $IC(ALFA) = 1/6$
 $IC(GAMMA) = 2/24 = 1/12$

Introduzione 19

Indice di coincidenza

Definito da Wolfe Friedman [1920]

Indice di coincidenza di una stringa $x_1x_2\dots x_n$
 $IC(x_1x_2\dots x_n)$ = probabilità che due caratteri, presi a caso in $x_1x_2\dots x_n$, siano uguali

$$= \frac{\sum_{i=0}^{25} \binom{f_i}{2}}{\binom{n}{2}} = \frac{\sum_{i=0}^{25} f_i(f_i-1)}{n(n-1)}$$

f_i = numero occorrenze carattere i

Introduzione 20

Indice di coincidenza

Se $x_1x_2\dots x_n$ è un testo in Inglese
 Allora $IC(x_1x_2\dots x_n) \approx \sum_{i=0}^{25} p_i^2 = 0.065$

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
7,3	1,3	3,5	4,3	12,8	3,0	2,0	3,5	7,8	0,3	0,5	3,7	2,8	7,8	7,5	2,8	0,5	8,5	6,0	9,3	3,0	1,5	1,5	0,5	2,3	0,3
p_A	p_B	p_C	p_D	p_E	p_F	p_G	p_H	p_I	p_J	p_K	p_L	p_M	p_N	p_O	p_P	p_Q	p_R	p_S	p_T	p_U	p_V	p_W	p_X	p_Y	p_Z

p_i = probabilità carattere i in Inglese

Introduzione 21

Indice di coincidenza

Se $x_1x_2\dots x_n$ è un testo in Inglese
 Allora $IC(x_1x_2\dots x_n) \approx \sum_{i=0}^{25} p_i^2 = 0.065$

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
7,3	1,3	3,5	4,3	12,8	3,0	2,0	3,5	7,8	0,3	0,5	3,7	2,8	7,8	7,5	2,8	0,5	8,5	6,0	9,3	3,0	1,5	1,5	0,5	2,3	0,3
p_A	p_B	p_C	p_D	p_E	p_F	p_G	p_H	p_I	p_J	p_K	p_L	p_M	p_N	p_O	p_P	p_Q	p_R	p_S	p_T	p_U	p_V	p_W	p_X	p_Y	p_Z

p_i = probabilità carattere i in Inglese

Se $x_1x_2\dots x_n$ sono caratteri scelti a caso
 Allora $IC(x_1x_2\dots x_n) \approx \sum_{i=0}^{25} \left(\frac{1}{26}\right)^2 = 0.038$

Introduzione 22

Indice di coincidenza

Se $x_1x_2\dots x_n$ è un testo in Italiano
 Allora $IC(x_1x_2\dots x_n) \approx \sum_{i=0}^{25} p_i^2 = 0.075$

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
10,3	0,9	4,3	3,8	12,6	0,8	2,0	1,1	11,6	0,0	0,0	6,6	2,6	6,6	8,7	3,2	0,6	6,7	6,1	6,1	3,0	1,5	0,0	0,0	0,0	0,9
p_A	p_B	p_C	p_D	p_E	p_F	p_G	p_H	p_I	p_J	p_K	p_L	p_M	p_N	p_O	p_P	p_Q	p_R	p_S	p_T	p_U	p_V	p_W	p_X	p_Y	p_Z

p_i = probabilità carattere i in Italiano

Se $x_1x_2\dots x_n$ sono caratteri scelti a caso
 Allora $IC(x_1x_2\dots x_n) \approx \sum_{i=0}^{25} \left(\frac{1}{26}\right)^2 = 0.038$

Introduzione 23

t = 1 ?

testo cifrato $C_0C_1...C_n$

Se $t = 1$ allora $IC(C_0C_1...C_n) = IC(M_0M_1...M_n)$

$$IC(C_0C_1...C_n) \approx \begin{cases} 0.075 & \text{se } t=1 \\ 0.038 & \text{se } t \neq 1 \end{cases}$$

Non proprio!
Comunque lontano da 0.065

Introduzione 24

t = 2 ?

testo cifrato $C_0C_1...C_n$

Se $t = 2$ allora $IC(C_0C_2...) = IC(M_0M_2...)$
 $IC(C_1C_3...) = IC(M_1M_3...)$

$$\begin{matrix} IC(C_0C_2...) \approx \\ IC(C_1C_3...) \approx \end{matrix} \begin{cases} 0.075 & \text{se } t=2 \\ 0.038 & \text{se } t \neq 2 \end{cases}$$

Comunque lontano da 0.065

Introduzione 25

t = 3 ?

testo cifrato $C_0C_1...C_n$

Se $t = 3$ allora $IC(C_0C_3...) = IC(M_0M_3...)$
 $IC(C_1C_4...) = IC(M_1M_4...)$
 $IC(C_2C_5...) = IC(M_2M_5...)$

$$\begin{matrix} IC(C_0C_3...) \approx \\ IC(C_1C_4...) \approx \\ IC(C_2C_5...) \approx \end{matrix} \begin{cases} 0.075 & \text{se } t=3 \\ 0.038 & \text{se } t \neq 3 \end{cases}$$

Comunque lontano da 0.065

Introduzione 26

Esempio

RLEYFBDQQSMCATCEZCBAPTHRJPCGRONVZMCHZOEHPKRNRVVNCNHFEEACOZNGS
SIOGHFULZCOOKIGIUKONGFEIRUPCFVOTVCBBERDRZMFSCSXEESEFUEYFJVNGF
BIEQWRLEYZJMIRBRLAFWBLNGFBKTBOSVSGFJEGRPTZENDSVNQSSSTOEGPFVU
VIAQWGUZUSUIAHHQIOZCOKOEWPDRGUILARIORMCBWTOFHJVRNBLNZUIACO
SKERWMOAHFTHRWZCBHBUAUFCEQIFIIISQRRPVFIEARBZAZQPPIPVITVNFV
CZLRMCOPQIZODIFJTNHSRSCSDAMWPEERGFVXNVWGUHPZNPJZLYOHFCRG
TREYOEUAEWDFMVBZACSSIIICWHCINFQFIACNVVZVXOQCWVLRFMENZMFNGO
ORNQCTZDVBFVFBZBJCVOOCAPEVRDVGUVNQSSJIRFBCLRBURRFWJENHCWZGBZ
GZEVBOLOIWTVVVZBTOFHJVRNTPIMNHBUAYRFGOFWFDVHVSVEGCTJIGCSIEAH
JJCRBEVACDPXGVOURAIQFDOAHJTOAHJKUVZVEOQSUKOVZTRNZOSKIACMRLGF
PTOAJPTYCNSAERBZLESTVGBBFUAVAPCTVQPTUMNPCI VBGZLNQIVIAJFIOYC
GRNACTFMVUMZAESBLNNGFXAGOMTHRBPPEEPVJRLCFJDOI SEVRYCQLRPVFI INR
JWRBBUVCBAFGEESTVMCFUIFIMVMHFBUJZWMRNBQIVGHOSUAACBJEGHFETEW
PEEACOCOQWTEEBBKOFHPRUAHCCBBUIAFGFXNBWUHURZMLHBBREIOTKATW
PXAVOERGYWCTEWNFNWGEZNBAGFIHCTTUECFUISCSDACVWTOZIOVPRFVBBHC
OGEMNFCAPCTKAFOMVCBBVEPRBEZOYSOKORQPETVBFVFPBWTZRBAQVIADFXGVS
JEVNZMFPNSMCI VBFITRSJEIFDJRNHFJEPCCOUOYCTJAGISRDRRVVMBBUZEVZ

Introduzione 27

Indice di coincidenza

○ $t = 1 ?$ $IC(C_0C_1...C_n) = 0.045$

Introduzione 28

Indice di coincidenza

○ $t = 1 ?$ $IC(C_0C_1...C_n) = 0.045$
○ $t = 2 ?$ $\begin{cases} IC(C_0C_2...) = 0.0463 \\ IC(C_1C_3...) = 0.0438 \end{cases}$

Introduzione 29

Indice di coincidenza

- t = 1 ? $IC(C_0C_1\dots C_n) = 0.045$
- t = 2 ? $\begin{cases} IC(C_0C_2\dots) = 0.0463 \\ IC(C_1C_3\dots) = 0.0438 \end{cases}$
- t = 3 ? $\begin{cases} IC(C_0C_3\dots) = 0.0431 \\ IC(C_1C_4\dots) = 0.0459 \\ IC(C_2C_5\dots) = 0.0456 \end{cases}$

Introduzione 30

Indice di coincidenza

- t = 1 ? $IC(C_0C_1\dots C_n) = 0.045$
- t = 2 ? $\begin{cases} IC(C_0C_2\dots) = 0.0463 \\ IC(C_1C_3\dots) = 0.0438 \end{cases}$
- t = 3 ? $\begin{cases} IC(C_0C_3\dots) = 0.0431 \\ IC(C_1C_4\dots) = 0.0459 \\ IC(C_2C_5\dots) = 0.0456 \end{cases}$
- t = 4 ? $\begin{cases} IC(C_0C_4\dots) = 0.0448 \\ IC(C_1C_5\dots) = 0.0421 \\ IC(C_2C_6\dots) = 0.0495 \\ IC(C_3C_7\dots) = 0.0437 \end{cases}$

Introduzione 31

Indice di coincidenza

- t = 5 ? $\begin{cases} IC(C_0C_5\dots) = 0.0710 \\ IC(C_1C_6\dots) = 0.0721 \\ IC(C_2C_7\dots) = 0.0805 \\ IC(C_3C_8\dots) = 0.0684 \\ IC(C_4C_9\dots) = 0.0759 \end{cases}$

Tutti vicini a 0.075
t = 5

Introduzione 32

Cifrario di Vigenère: Crittoanalisi

- Determinare la lunghezza della chiave t
 - uso dell'indice di coincidenza
- Determinare il valore della chiave $K_0K_1K_2\dots K_{t-1}$
 - uso dell'indice mutuo di coincidenza
 - K_0 usato per $C_0C_tC_{2t}\dots$
 - K_1 usato per $C_1C_{t+1}C_{2t+1}\dots$
 - ...
 - K_{t-1} usato per $C_{t-1}C_{2t-1}C_{3t-1}\dots$

Introduzione 33

Indice mutuo di coincidenza

Indice mutuo di coincidenza di $x_1x_2\dots x_n$ e $y_1y_2\dots y_n$
 $IMC(x_1x_2\dots x_n; y_1y_2\dots y_n) =$ probabilità che un carattere in $x_1x_2\dots x_n$, ed uno in $y_1y_2\dots y_n$, presi a caso, siano uguali

Introduzione 34

Indice mutuo di coincidenza

Indice mutuo di coincidenza di $x_1x_2\dots x_n$ e $y_1y_2\dots y_n$
 $IMC(x_1x_2\dots x_n; y_1y_2\dots y_n) =$ probabilità che un carattere in $x_1x_2\dots x_n$, ed uno in $y_1y_2\dots y_n$, presi a caso, siano uguali

Esempi: $IMC(CIA;CIAO) = 3/12 = 1/4$
 $IMC(ALFA;GAMMA) = 4/20$

Introduzione 35

Indice mutuo di coincidenza

Indice mutuo di coincidenza di $x_1x_2\dots x_n$ e $y_1y_2\dots y_n$
 $IMC(x_1x_2\dots x_n; y_1y_2\dots y_n)$ = probabilità che un carattere in $x_1x_2\dots x_n$, ed uno in $y_1y_2\dots y_n$, presi a caso, siano uguali

$$= \frac{\sum_{i=0}^{25} f_i \cdot f'_i}{n \cdot n'}$$

f_i = numero occorrenze carattere i in $x_1x_2\dots x_n$
 f'_i = numero occorrenze carattere i in $y_1y_2\dots y_n$

Introduzione 36

Indice mutuo di coincidenza

Quale è il valore medio di $IMC(C_0C_1C_2\dots; C_1C_{t+1}C_{2t+1}\dots)$?



Introduzione 37

Indice mutuo di coincidenza

Quale è il valore medio di $IMC(C_0C_1C_2\dots; C_1C_{t+1}C_{2t+1}\dots)$?

Probabilità di prendere AA = $p_{\cdot K_0} p_{\cdot K_1}$
 Probabilità di prendere BB = $p_{1 \cdot K_0} p_{1 \cdot K_1}$
 ...



Introduzione 38

Indice mutuo di coincidenza

Quale è il valore medio di $IMC(C_0C_1C_2\dots; C_1C_{t+1}C_{2t+1}\dots)$?

Probabilità di prendere AA = $p_{\cdot K_0} p_{\cdot K_1}$
 Probabilità di prendere BB = $p_{1 \cdot K_0} p_{1 \cdot K_1}$
 Probabilità di prendere CC = $p_{2 \cdot K_0} p_{2 \cdot K_1}$
 ...



Introduzione 39

Indice mutuo di coincidenza

Quale è il valore medio di $IMC(C_0C_1C_2\dots; C_1C_{t+1}C_{2t+1}\dots)$?

Probabilità di prendere AA = $p_{\cdot K_0} p_{\cdot K_1}$
 Probabilità di prendere BB = $p_{1 \cdot K_0} p_{1 \cdot K_1}$
 Probabilità di prendere CC = $p_{2 \cdot K_0} p_{2 \cdot K_1}$
 ...

$$IMC(C_0C_1C_2\dots; C_1C_{t+1}C_{2t+1}\dots) \approx \sum_{i=0}^{25} p_{i \cdot K_0} p_{i \cdot K_1} = \sum_{h=0}^{25} p_h p_{h+K_0 \cdot K_1}$$

Introduzione 40

Indice mutuo di coincidenza

valore di $K_0 - K_1$	media IMC
0	0.065
1, 25	0.039
2, 24	0.032
3, 23	0.034
4, 22	0.044
5, 21	0.033
6, 20	0.036
7, 19	0.039
8, 18	0.034
9, 17	0.034
10, 16	0.038
11, 15	0.045
12, 14	0.039
13	0.043

$K_0 - K_1 = 0 \Rightarrow$ media IMC = 0.065
 $K_0 - K_1 \neq 0 \Rightarrow$ media IMC \leq 0.045

Inglese

Introduzione 41

Indice mutuo di coincidenza

valore di K_0-K_1	media IMC
0	0.075
1, 25	0.033
2, 24	0.034
3, 23	0.034
4, 22	0.047
5, 21	0.027
6, 20	0.032
7, 19	0.026
8, 18	0.027
9, 17	0.023
10, 16	0.024
11, 15	0.027
12, 14	0.015
13	0.021

$K_0-K_1 = 0 \Rightarrow$ media IMC = 0.075
 $K_0-K_1 \neq 0 \Rightarrow$ media IMC \leq 0.047

Italiano

Introduzione 42

$K_0-K_1 = 0 ?$

testo cifrato $C_0C_1...C_n$

Se $K_0-K_1 = 0$ allora $IMC(C_0C_1...; C_1C_{t+1}...) \approx 0.075$



Introduzione 43

$K_0-K_1 = 0 ?$

testo cifrato $C_0C_1...C_n$

Se $K_0-K_1 = 0$ allora $IMC(C_0C_t...; C_1C_{t+1}...) \approx 0.075$

$$IMC(C_0C_t...; C_1C_{t+1}...) \begin{cases} \approx 0.075 & \text{se } K_0-K_1 = 0 \\ \approx 0.047 & \text{se } K_0-K_1 \neq 0 \end{cases}$$


Introduzione 44

$K_0-K_1 = 1 ?$

testo cifrato $C_0C_1...C_n$



Introduzione 45

$K_0-K_1 = 1 ?$

testo cifrato $C_0C_1...C_n$

$Y_i \leftarrow C_i - 1 \text{ mod } 26$

Se $K_0-K_1 = 1$ allora $IMC(Y_0Y_t...; C_1C_{t+1}...) \approx 0.075$

$$IMC(Y_0Y_t...; C_1C_{t+1}...) \begin{cases} \approx 0.075 & \text{se } K_0-K_1 = 1 \\ \approx 0.047 & \text{se } K_0-K_1 \neq 1 \end{cases}$$


Introduzione 46

$K_0-K_1 = 2 ?$

testo cifrato $C_0C_1...C_n$



Introduzione 47

$K_0 - K_1 = 2$?

testo cifrato $C_0 C_1 \dots C_n$ $Y_i \leftarrow C_i - 2 \pmod{26}$

Se $K_0 - K_1 = 1$ allora $\text{IMC}(Y_0 Y_1 \dots; C_1 C_{t+1} \dots) \approx 0.075$

$$\text{IMC}(Y_0 Y_1 \dots; C_1 C_{t+1} \dots) \begin{cases} \approx 0.075 & \text{se } K_0 - K_1 = 2 \\ \approx 0.047 & \text{se } K_0 - K_1 \neq 2 \end{cases}$$

Introduzione 48

$K_0 - K_1 = 3$?

testo cifrato $C_0 C_1 \dots C_n$ $Y_i \leftarrow C_i - 3 \pmod{26}$

Se $K_0 - K_1 = 1$ allora $\text{IMC}(Y_0 Y_1 \dots; C_1 C_{t+1} \dots) \approx 0.075$

$$\text{IMC}(Y_0 Y_1 \dots; C_1 C_{t+1} \dots) \begin{cases} \approx 0.075 & \text{se } K_0 - K_1 = 3 \\ \approx 0.047 & \text{se } K_0 - K_1 \neq 3 \end{cases}$$

Introduzione 49

Determinare la chiave

- $K_0 - K_1 = 5$
- $K_1 - K_2 = 6$
- $K_2 - K_3 = 9$
- ...
- $K_{t-2} - K_{t-1} = 5$

t-1 equazioni in t incognite

Riesco ad esprimere tutti i K_i in funzione di K_0 !

Introduzione 50

Determinare la chiave

- $K_0 - K_1 = 5$
- $K_1 - K_2 = 6$
- $K_2 - K_3 = 9$
- ...
- $K_{t-2} - K_{t-1} = 5$

t-1 equazioni in t incognite

Riesco ad esprimere tutti i K_i in funzione di K_0 !

Quanto vale K_0 ?

Introduzione 51

Determinare la chiave

- $K_0 - K_1 = 5$
- $K_1 - K_2 = 6$
- $K_2 - K_3 = 9$
- ...
- $K_{t-2} - K_{t-1} = 5$

t-1 equazioni in t incognite

Riesco ad esprimere tutti i K_i in funzione di K_0 !

Quanto vale K_0 ?

Provo tutti i possibili 26 valori !

Introduzione 52

Cifrario di Vigenère: Crittoanalisi

- Determinare la lunghezza della chiave t
 - uso dell'indice di coincidenza
- Determinare il valore della chiave $K_0 K_1 K_2 \dots K_{t-1}$
 - calcolo delle differenze $K_0 - K_1, K_1 - K_2, \dots, K_{t-2} - K_{t-1}$
 - uso dell'indice mutuo di coincidenza
 - calcolo di K_0 ; prova le 26 possibilità

Introduzione 53

Esempio: Determinare la chiave

$K_1 - K_0$

.0325	.0415	.0422	.0436	.0385	.0444	.0388	.0390	.0347
.0350	.0404	.0315	.0419	.0398	.0370	.0380	.0703	.0314
.0346	.0356	.0436	.0269	.0327	.0298	.0381	.0371	



Introduzione 54

Esempio: Determinare la chiave

$K_1 - K_0 = 16$

.0325	.0415	.0422	.0436	.0385	.0444	.0388	.0390	.0347
.0350	.0404	.0315	.0419	.0398	.0370	.0380	.0703	.0314
.0346	.0356	.0436	.0269	.0327	.0298	.0381	.0371	

$K_2 - K_0 = 25$

.0326	.0341	.0345	.0365	.0245	.0367	.0284	.0393	.0394
.0373	.0358	.0432	.0439	.0399	.0382	.0363	.0334	.0315
.0355	.0449	.0384	.0518	.0403	.0313	.0370	.0738	

Introduzione 55

Esempio: Determinare la chiave

$K_3 - K_0 = 12$

.0380	.0407	.0370	.0381	.0295	.0330	.0415	.0361	.0423
.0411	.0330	.0411	.0705	.0364	.0324	.0361	.0460	.0301
.0321	.0316	.0397	.0355	.0354	.0423	.0390	.0403	

$K_4 - K_0 = 13$

.0401	.0393	.0379	.0353	.0345	.0273	.0357	.0461	.0371
.0439	.0420	.0288	.0412	.0737	.0352	.0350	.0401	.0401
.0328	.0387	.0311	.0403	.0368	.0348	.0370	.0340	

$K_2 - K_1 = 9$

.0361	.0328	.0311	.0389	.0334	.0533	.0355	.0390	.0286
.0741	.0328	.0437	.0325	.0415	.0272	.0406	.0284	.0378
.0428	.0382	.0446	.0380	.0463	.0358	.0395	.0260	

$K_3 - K_1 = 22$

.0465	.0302	.0369	.0320	.0391	.0410	.0361	.0488	.0354
.0447	.0351	.0440	.0297	.0429	.0318	.0309	.0336	.0327
.0442	.0347	.0362	.0328	.0721	.0344	.0412	.0318	

Introduzione 56

Esempio: Determinare la chiave

$K_4 - K_1 = 23$

.0355	.0419	.0339	.0436	.0320	.0408	.0423	.0371	.0470
.0334	.0434	.0374	.0414	.0295	.0400	.0296	.0317	.0375
.0328	.0434	.0355	.0322	.0314	.0711	.0330	.0415	

$K_3 - K_2 = 14$

.0443	.0393	.0421	.0358	.0426	.0318	.0269	.0392	.0318
.0378	.0321	.0363	.0372	.0724	.0348	.0354	.0342	.0533
.0364	.0391	.0324	.0373	.0358	.0315	.0419	.0360	

$K_4 - K_2 = 13$

.0353	.0453	.0415	.0367	.0310	.0374	.0296	.0307	.0446
.0303	.0350	.0321	.0321	.0376	.0779	.0343	.0343	.0357
.0470	.0397	.0478	.0344	.0388	.0369	.0329	.0399	

$K_4 - K_3 = 1$

.0382	.0736	.0368	.0349	.0367	.0414	.0390	.0434	.0293
.0336	.0420	.0351	.0427	.0329	.0388	.0361	.0427	.0327
.0366	.0317	.0326	.0402	.0367	.0450	.0345	.0319	

Introduzione 57

Esempio: Determinare la chiave

- $K_0 - K_1 = 10$
- $K_0 - K_2 = 1$
- $K_0 - K_3 = 14$
- $K_0 - K_4 = 13$
- $K_1 - K_2 = 17$
- $K_1 - K_3 = 4$
- $K_1 - K_4 = 3$
- $K_2 - K_4 = 12$
- $K_2 - K_3 = 13$
- $K_3 - K_4 = 25$

Introduzione 58

Esempio: Determinare la chiave

- $K_0 - K_1 = 10$
- ~~○ $K_0 - K_2 = 1$~~
- ~~○ $K_0 - K_3 = 14$~~
- ~~○ $K_0 - K_4 = 13$~~
- $K_1 - K_2 = 17$
- ~~○ $K_1 - K_3 = 4$~~
- ~~○ $K_1 - K_4 = 3$~~
- ~~○ $K_2 - K_4 = 12$~~
- $K_2 - K_3 = 13$
- $K_3 - K_4 = 25$

Introduzione 59

Esempio: Determinare la chiave

~~$K_0 - K_1 = 10$~~
 ~~$K_0 - K_2 = 1$~~
 ~~$K_0 - K_3 = 14$~~
 ~~$K_0 - K_4 = 13$~~
 $K_1 - K_2 = 17$
 ~~$K_1 - K_3 = 4$~~
 ~~$K_1 - K_4 = 3$~~
 ~~$K_2 - K_3 = 12$~~
 $K_2 - K_3 = 13$
 $K_3 - K_4 = 25$

$$K_1 = K_0 - 10$$

$$K_2 = K_1 - 17 = K_0 - 1$$

$$K_3 = K_2 - 13 = K_0 - 14$$

$$K_4 = K_3 - 25 = K_0 - 13$$

Introduzione 60

Esempio: Determinare la chiave

$$K_1 = K_0 - 10$$

$$K_2 = K_1 - 17 = K_0 - 1$$

$$K_3 = K_2 - 13 = K_0 - 14$$

$$K_4 = K_3 - 25 = K_0 - 13$$

$$K_0 = 1$$

$$K_1 = 17$$

$$K_2 = 0$$

$$K_3 = 13$$

$$K_4 = 14$$

B
R
A
N
O

Introduzione 61

Esempio: Testo in chiaro

QUELRAMODELLAGODICOMO CHEVOLGEAMEZZOGIORNOTRADUECATENENONINTE
 RROTTE DIMONTITUTTOASENIEGOLFIASECONDADELLOSPORGEREDELRIENTR
 AREDIQUELLIVENQUASIAUNTRATTOARESTRINGERESIEAPRENDERECORSOEFIG
 URADIFIUMETRAUNPROMONTORIOADESTRAEUNAMPIACOSTIERADALLALTRAPA
 RTEEILPONTECHIEVICONGIUNGELEDUERIVEPARCHERENDASAMCORPIUSENSI
 BILEALLOCCCHIOQUESTATRASFORMAZIONEESIGNILPUNTOINCUIILLAGOCES
 SAELADDARICOMINCIAPERRIPIGLIARPOINOMEDILAGODOVELEERIVEALLONTA
 NANDOSIDINUOVOLASCIANLACQUADISTENDERSIERALLENTARSIINNUOVIGOL
 FIEINNUOVISENILACOSTIERAFORMATADALDEPOSITODITREGROSSITORRENT
 ISCENDEAPPOGGIATAADUEMONTICONTIGUILUNODETTOILSANMARTINOLALTR
 OCCOINVOCELOMBARDAILRESEGNEDAIMOLTICOCUZZOLINFILACHEINVEROLO
 FANNO SOMGLIAREAUNA SEGAT ALCHENONECHIALPRIMOVEDERLOPURCHESIAD
 IFRONTECOMEPEPERSEMPIODISULEMURADIMILANOCHEGUARDANOASETENTRI
 ONENONLODISCERNATO STOAUNTA LCONTRASSEGNOINQUELLALUNGAEVASTAGI
 OGAIADAGLIATRIMONTIDINOMEPIUSCUROEDIFORMAPIUCOMUNEPERUNBUO
 NPEZZOLACOSTASALECONUNPENDEIOLIENTOECONTINUOPOISIROMPIENPOGGIE
 INVALLONCELLINERTEEINISPIANATESECONDOLOSSATURADEDUEMONTIEIL

Introduzione 62

Problema

Resistenza del Cifrario di Vigenère rispetto a

Known Plaintext Attack



Introduzione 63