







Fondamenti di Informatica

Ripasso Argomenti MATLAB - Possibili Soluzioni

Prof. Christian Esposito

Corso di Laurea in Ingegneria Meccanica e Gestionale (Classe I)

A.A. 2016/17

MATLAB

Parte I

C	7
	٦
м	-

< <supermercati.txt>></supermercati.txt>	Supermercato 1 (Indice 1)	Supermercato 2 (Indice 2)	Supermercato 3 (Indice 3)
Spesa Cliente 1 (indice 1)	210	79	84
Spesa Cliente 2 (indice 2)	129	90	55
Spesa Cliente 3 (indice 3)	229	34	111

Ρ	< <punti_spesa.txt>></punti_spesa.txt>	
	Supermercato 1 (Indice 1)	25
	Supermercato 2 (Indice 2)	15
	Supermercato 3 (Indice 3)	12

- In questa esercitazione verranno utilizzati una matrice S ed un array colonna P
 - L'elemento S (riga, colonna) rappresenta l'importo che il cliente, specificato dalla riga, ha speso nel supermercato, specificato dalla colonna
 - **Esempio**: $S(1, 2) \rightarrow$ indica che l'importo speso dal *Cliente 1* (riga 1), presso il *Supermercato 2* (colonna 2), ammonta a $79 \in$
 - L'array colonna P indica l'importo necessario per guadagnare un punto, presso il supermercato specificato dalla riga
 - **Esempio**: $P(2) \rightarrow$ indica che un punto viene guadagnato ogni $15 \in$ di spesa effettuata presso il Supermercato 2 (riga 2)
 - Ad es., su 35€ di spesa vengono guadagnati 2 punti
 - Sopra è mostrato un esempio di S e P
- Sia la matrice che l'array colonna contengono esclusivamente dati numerici (evidenziati in arancio nell'esempio)

<u>NOTA</u>: Negli esercizi possono essere utilizzate funzioni viste a lezione (negli esempi), funzioni realizzate negli esercizi precedenti e/o funzioni built-in di MATLAB

< <supermercati.txt>></supermercati.txt>	Supermercato 1 (Indice 1)	Supermercato 2 (Indice 2)	Supermercato 3 (Indice 3)
Spesa Cliente 1 (indice 1)	210	79	84
Spesa Cliente 2 (indice 2)	129	90	55
Spesa Cliente 3 (indice 3)	229	34	111

P	< <punti_spesa.txt>></punti_spesa.txt>	
	Supermercato 1 (Indice 1)	25
	Supermercato 2 (Indice 2)	15
	Supermercato 3 (Indice 3)	12

sercizio

Scrivere una funzione chiamata punti_cliente, che prenda come argomenti di input: la matrice S (supermercati), l'array P (punti_spesa) ed un numero intero indice_cliente, e restituisca come argomento di output i punti accumulati dal cliente avente come indice il valore di indice_cliente (in tutti i supermercati)

N.B.: I punti sono erogati in forma <u>non frazionaria</u>. Ad esempio, se un certo supermercato eroga un punto ogni 12€ di spesa ed un cliente ha effettuato 28€ di spesa, saranno erogati 2 punti per quel cliente (e non 2.33)

• Esempio: punti cliente (S, P, 2) \rightarrow restituisce 15 (5 + 6 + 4)

```
function [ punti ] = punti_cliente(S, P, indice_cliente)
    punti = sum(floor(S(indice_cliente, :) ./ P'));
end
```

< <supermercati.txt>></supermercati.txt>	Supermercato 1 (Indice 1)	Supermercato 2 (Indice 2)	Supermercato 3 (Indice 3)
Spesa Cliente 1 (indice 1)	210	79	84
Spesa Cliente 2 (indice 2)	129	90	55
Spesa Cliente 3 (indice 3)	229	34	111

P	< <punti_spesa.txt>></punti_spesa.txt>	
	Supermercato 1 (Indice 1)	25
	Supermercato 2 (Indice 2)	15
	Supermercato 3 (Indice 3)	12

sercizio 2

Scrivere una funzione chiamata cliente_spesa_maggiore, che prenda come input: la matrice S (supermercati) e restituisca l'indice del cliente che ha effettuato la spesa di importo massimo (in tutti i supermercati)

• *Esempio:* cliente_spesa_maggiore(S) → restituisce 3

```
function [ indice_cliente ] = cliente_spesa_maggiore(S)
    [spesa_cliente, indice_cliente] = max(sum(S, 2));
end
```

< <supermercati.txt>></supermercati.txt>	Supermercato 1 (Indice 1)	Supermercato 2 (Indice 2)	Supermercato 3 (Indice 3)
Spesa Cliente 1 (indice 1)	210	79	84
Spesa Cliente 2 (indice 2)	129	90	55
Spesa Cliente 3 (indice 3)	229	34	111

Ρ	< <punti_spesa.txt>></punti_spesa.txt>	
	Supermercato 1 (Indice 1)	25
	Supermercato 2 (Indice 2)	15
	Supermercato 3 (Indice 3)	12

sercizio 🤅

Scrivere una funzione chiamata supermercato_punti, che prenda come input: la matrice S (supermercati) e l'array P (punti_spesa), e restituisca l'indice del supermercato che ha erogato meno punti al totale dei clienti

• Esempio: supermercato punti(S, P) → restituisce 2

```
function [ indice_supermercato ] = supermercato_punti(S, P)
    [num_clienti, num_supermercati] = size(S);

for indice_supermercato = 1:num_supermercati
    somma_punti(indice_supermercato) = sum(floor(S(:, indice_supermercato) / P(indice_supermercato)));
    end

[min_supermercato_punti, indice_supermercato] = min(somma_punti);
end
```

< <supermercati.txt>></supermercati.txt>	Supermercato 1 (Indice 1)	Supermercato 2 (Indice 2)	Supermercato 3 (Indice 3)
Spesa Cliente 1 (indice 1)	210	79	84
Spesa Cliente 2 (indice 2)	129	90	55
Spesa Cliente 3 (indice 3)	229	34	111

P	< <punti_spesa.txt>></punti_spesa.txt>	
	Supermercato 1 (Indice 1)	25
	Supermercato 2 (Indice 2)	15
	Supermercato 3 (Indice 3)	12

Scrivere una funzione chiamata grafico_supermercati, che prenda come argomenti di input: la matrice S (supermercati), e mostri un grafico con le seguenti proprietà

- Sull'asse X, riporti gli indici di tutti i supermercati
- Sull'asse Y, per ogni punto, riporti l'ammontare totale della spesa (di tutti i clienti) effettuata presso il supermercato riportato sull'asse X
- Titolo: 'Grafico Supermercati'
- Etichetta Asse X: 'Supermercati'
- Etichetta Asse Y: 'Ammontare Spesa'

Inoltre, la funzione dovrà restituire un array contenente i valori assegnati all'asse Y (*Esempio*: Array riga o colonna [568 203 250])

< <supermercati.txt>></supermercati.txt>	Supermercato 1 (Indice 1)	Supermercato 2 (Indice 2)	Supermercato 3 (Indice 3)
Spesa Cliente 1 (indice 1)	210	79	84
Spesa Cliente 2 (indice 2)	129	90	55
Spesa Cliente 3 (indice 3)	229	34	111

)		
•			

?	< <punti_spesa.txt>></punti_spesa.txt>	
	Supermercato 1 (Indice 1)	25
	Supermercato 2 (Indice 2)	15
	Supermercato 3 (Indice 3)	12

Possibile Soluzione

4 Esercizio

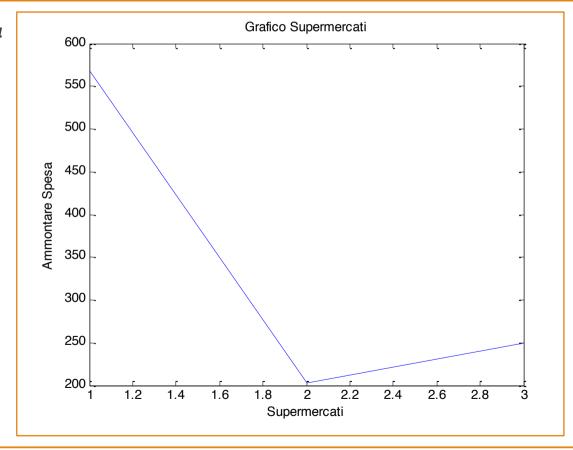
```
function [ somma ] = grafico_supermercati(S)
    [num clienti, num supermercati] = size(S);
   x = [1:1:num supermercati];
   y = sum(S);
   plot(x, y);
   title('Grafico Supermercati');
   xlabel('Supermercati');
   ylabel('Ammontare Spesa');
   somma = y;
end
```

< <supermercati.txt>></supermercati.txt>	Supermercato 1 (Indice 1)	Supermercato 2 (Indice 2)	Supermercato 3 (Indice 3)
Spesa Cliente 1 (indice 1)	210	79	84
Spesa Cliente 2 (indice 2)	129	90	55
Spesa Cliente 3 (indice 3)	229	34	111

P	< <punti_spesa.txt>></punti_spesa.txt>	
	Supermercato 1 (Indice 1)	25
	Supermercato 2 (Indice 2)	15
	Supermercato 3 (Indice 3)	12

Esempio Esercizio 4

Esercizio 4



< <supermercati.txt>></supermercati.txt>	Supermercato 1 (Indice 1)	Supermercato 2 (Indice 2)	Supermercato 3 (Indice 3)
Spesa Cliente 1 (indice 1)	210	79	84
Spesa Cliente 2 (indice 2)	129	90	55
Spesa Cliente 3 (indice 3)	229	34	111

P	< <punti_spesa.txt>></punti_spesa.txt>	
	Supermercato 1 (Indice 1)	25
	Supermercato 2 (Indice 2)	15
	Supermercato 3 (Indice 3)	12

Esercizio 5

1.

Scrivere un M-File Script chiamato supermercati script.m che effettui le seguenti operazioni

- Importi la matrice S dal file supermercati.txt
- Importi la matrice P dal file punti spesa.txt
- Invochi la funzione dell'Esercizio 3 (chiamata supermercato punti) con gli argomenti di input: S e P, ed infine mostri a video il risultato della funzione stessa

NOTA: I file supermercati.txt e punti spesa.txt contengono solo dati numerici. È utilizzato il separatore virgola (,) per separare le colonne (suggerimento: utilizzare la funzione importdata). Si assuma che i file siano memorizzati all'interno della Current Directory

Possibile Soluzione (contenuto del file supermercati script.m)

```
S = importdata('supermercati.txt');
P = importdata('punti spesa.txt');
supermercato punti(S, P)
```

Parte II

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Altezza	40.12	66.78	80.17	86.71	80.77	66.78	44.41	10.51	-32.60

Trovare i coefficienti del polinomio di interpolazione lineare per approssimare i dati in tabella per mezzo di una retta. Calcolare la pendenza e l'intersezione con l'asse delle ordinate della retta interpolante. Graficare per mezzo della funzione plot () i punti della tabella e la retta interpolante ottenuta. Determinare se la retta rappresenta la migliore interpolazione dei punti della tabella.

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata interp lineare, che accetta in ingresso gli array riga t e a, con t = 0:8, mentre a contiene i valori della tabella

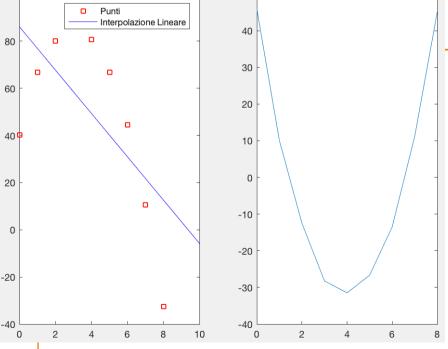
```
function [ coefficienti ] = interp lineare(t, a)
   coefficienti = polyfit(t,a,1);
   disp(['Pendenza pari a ' num2str(coefficienti(1))]);
   disp(['y-Intercetta pari a ' num2str(coefficienti(2))]);
   subplot(1,2,1); plot(t,a,'rs');
   hold on;
   tt = [0 \ 10];
   plot(tt,polyval(coefficienti,tt),'b-');
   legend('Punti','Interpolazione Lineare');
   res = polyval(coefficienti, t) - a;
   subplot(1,2,2); plot(t, res);
   hold off:
end
```

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Altezza	40.12	66.78	80.17	86.71	80.77	66.78	44.41	10.51	-32.60

Trovare i coefficienti del polinomio di interpolazione lineare per approssimare i dati in tabella per mezzo di una retta. Calcolare la pendenza e l'intersezione con l'asse delle ordinate della retta interpolante. Graficare per mezzo della funzione plot() i punti della tabella e la retta interpolante ottenuta. Determinare se la retta rappresenta la migliore interpolazione dei punti della tabella.

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere impletio chiamata interp_lineare, che accetta in ingresso i valori della tabella.

```
function [ coefficienti ] = interp_lineare(t, a)
    coefficienti = polyfit(t,a,1);
    disp(['Pendenza pari a ' num2str(coefficienti(1))]);
    disp(['y-Intercetta pari a ' num2str(coefficienti(2))
    subplot(1,2,1); plot(t,a,'rs');
    hold on;
    tt = [0 10];
    plot(tt,polyval(coefficienti,tt),'b-');
    legend('Punti','Interpolazione Lineare');
    res = polyval(coefficienti, t) - a;
    subplot(1,2,2); plot(t, res);
    hold off;
end
```



	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Altezza	40.12	66.78	80.17	86.71	80.77	66.78	44.41	10.51	-32.60

Trovare i coefficienti del polinomio di interpolazione lineare per approssimare i dati in tabella per mezzo di una retta. Calcolare la pendenza e l'intersezione con l'asse delle ordinate della retta interpolante. Graficare per mezzo della funzione plot () i punti della tabella e la retta interpolante ottenuta. Determinare se la retta rappresenta la migliore interpolazione dei punti della tabella.

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere implementate chiamata interp_lineare, che accetta in ingresso i valori della tabella.

```
function [ coefficienti ] = interp lineare(t, a)
   coefficienti = polyfit(t,a,1);
   disp(['Pendenza pari a ' num2str(coefficienti(1))]);
   disp(['y-Intercetta pari a ' num2str(coefficienti(2))
   subplot(1,2,1); plot(t,a,'rs');
   hold on;
                                                                                   -10
   tt = [0 \ 10];
   plot(tt,polyval(coefficienti,tt),'b-');
   legend('Punti','Interpolazione Lineare');
   res = polyval(coefficienti, t) - a;
   subplot(1,2,2); plot(t, res
                               Il diagramma dei residui è regolare, quindi
   hold off:
end
                               l'approssimazione non è la migliore.
```

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Altezza	40.12	66.78	80.17	86.71	80.77	66.78	44.41	10.51	-32.60

Determinare la migliore interpolazione possibile tra una polinomiali lineare e una non lineare. Confrontare per mezzo dei residui tale interpolazione con una spline e determinare quale delle due offre la migliore approssimazione. Data l'interpolazione prescelta, determinare l'altezza del proiettile all'istante t = 5,5 e all'istante t = 9.

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata interpolazione, che accetta in ingresso gli array riga t e a, come in precedenza.

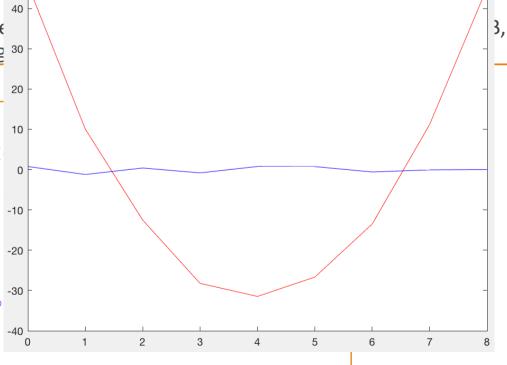
```
function [ risultato ] = interpolazione(t, a)
   c1 = polyfit(t,a,1); c2 = polyfit(t,a,2);
   res1 = polyval(c1, t) - a; res2 = polyval(c2, t) - a;
   plot(t, res1, 'r', t, res2, 'b');
   disp('Interpolazione polinomiale di grado 2 è la migliore');
   yy = spline(t,a,t);
                           res spline = yy - a;
   if abs(mean(res spline)) < abs(mean(res2))</pre>
      disp('La spline ottiene dei residui minori');
      risultato = spline(t, a, [5.5 9]);
    else
      disp('Interpolazione polinomiale di secondo grado ottiene dei residui minori');
      risultato = polyval(c2, [5.5 9]);
    end
end
```

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Altezza	40.12	66.78	80.17	86.71	80.77	66.78	44.41	10.51	-32.60

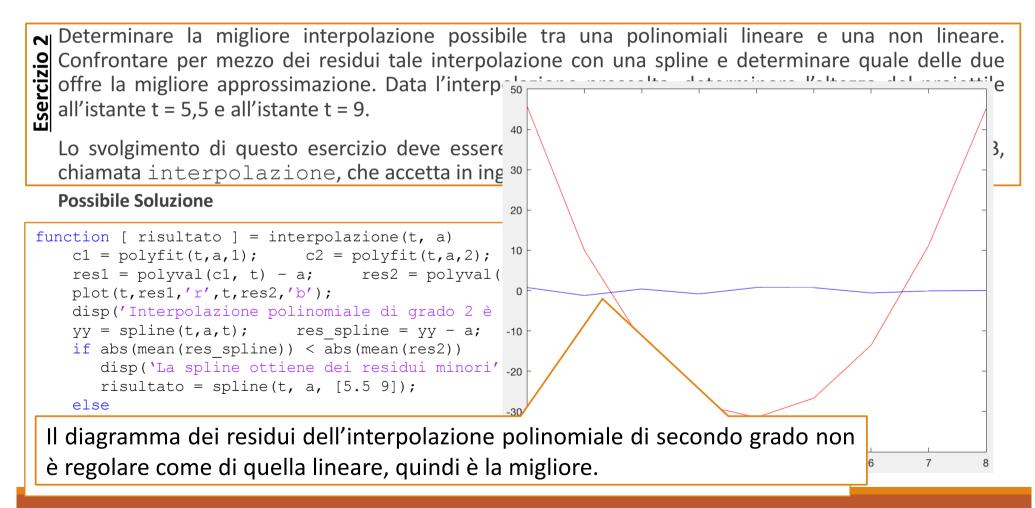
Determinare la migliore interpolazione possibile tra una polinomiali lineare e una non lineare.

Confrontare per mezzo dei residui tale interpolazione con una spline e determinare quale delle due offre la migliore approssimazione. Data l'interpolazione con una spline e determinare quale delle due all'istante t = 5,5 e all'istante t = 9.

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere chiamata interpolazione, che accetta in ing 30



	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Altezza	40.12	66.78	80.17	86.71	80.77	66.78	44.41	10.51	-32.60



	0	1	2	3	4	5	6	7	8
Altezza	40.12	66.78	80.17	86.71	80.77	66.78	44.41	10.51	-32.60

ercizio 🤅

Determinare numericamente la velocità del proiettile nel punto apicale del suo moto di caduta, ovvero con t = 3.

Lo svolgimento deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata calc velocita, che accetta in ingresso gli array riga t e a, come in precedenza, e il valore 3.

```
function [ risultato ] = calc_velocita(t, a, valore)
    x_inf = valore - 2;
    x_sup = valore + 2;
    intervallo = x_inf:.1:x_sup;
    yy_intervallo = polyval(c2, intervallo);
    velocita = diff(yy_intervallo)/diff(intervallo);
end
```

Parte III

Esercizio 1

Calcolare la funzione derivata di f(x) impiegando le funzioni per il calcolo simbolico di MATLAB:

$$f'(x) = \frac{df(x)}{dx}$$

e determinare il valore numerico assunto da tale funzione per x = 5.

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata derivata in x, che accetta in ingresso o la funzione e il valore 5, oppure solo il valore 5.

```
function [ risultato ] = derivata_in_x(fun, valore)
    syms x;
    derivata = diff(fun, x);
    disp(['Derivata pari a ' char(derivata)]);
    risultato = vpa(subs(derivata, valore), 3);
end
```

Esercizio (

Calcolare la funzione derivata di f(x) impiegando le funzioni per il calcolo simbolico di MATLAB:

$$f'(x) = \frac{df(x)}{dx}$$

e determinare il valore numerico assunto da tale funzione per x = 5.

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata derivata in x, che accetta in ingresso o la funzione e il valore 5, oppure solo il valore 5.

```
function [ risultato ] = derivata_in_x(fun, valore)
    syms x;
    derivata = diff(fun, x);
    disp(['Derivata pari a ' char(derivata)]);
    risultato = vpa(subs(derivata, valore), 3);
end

Esecuzione

>> fun = @(x) sqrt(4-x^2)

fun = @(x) sqrt(4-x^2)

>> derivata_in_x(fun, .1)

Derivata pari a -x/(4 - x^2)^(1/2)

ans = -0.0501
```

sercizio 2

 \triangleright Determinare la funzione data dall'integrazione indefinita di f(x):

$$g(x) = \int f(x) dx$$

e determinare la curva dei valori della funzione g(x) nell'intervallo [0, 2].

Lo svolgimento deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata integrale in x, che accetta in ingresso o la funzione e i valori 0 e 2, oppure solo i due valori.

```
function integrale_in_x(fun, valore1, valore2)
    syms x;
    integrale = int(fun, x);
    disp(['Integrale pari a 'char(integrale)]);
    if valore1 < valore2
        intervallo = valore1:.1:valore2;
    else
        intervallo = valore2:.1:valore1;
    end
    int_val = vpa(subs(integrale, intervallo), 3);
    plot(intervallo, int_val);
end</pre>
```

 \triangleright Determinare la funzione data dall'integrazione indefinita di f(x):

$$g(x) = \int f(x) dx$$

g(x) = $\int f(x)dx$ e determinare la curva dei valori della funzione g(x) nell'intervallo [0, 2].

Lo svolgimento deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata integrale in x, che accetta in ingresso o la funzione e i valori 0 e 2, oppure solo i due valori.

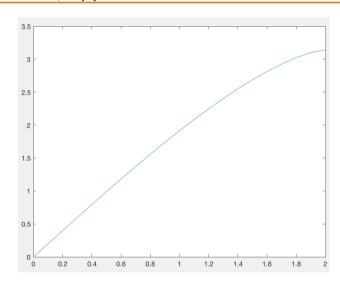
Possibile Soluzione

>> fun

```
function integrale in x(fun, valore1, valore2)
   syms x;
   integrale = int(fun, x);
  disp(['Integrale pari a ' char(integrale)]);
  if valore1 < valore2</pre>
      intervallo = valore1:.1:valore2;
   else
      intervallo = valore2:.1:valore1;
   end
   int val = vpa(subs(integrale, intervallo), 3);
  plot(intervallo, int val);
end
```

 $fun = (4 - x^2)^{(1/2)}$

Esecuzione >> integrale in x(fun, 0, 2) Integrale pari a $2*asin(x/2) + (x*(4 -x^2)^(1/2))/2$



Esercitazione di Ripasso

sercizio 3

Ottenere le uscite della funzione nei seguenti punti [0 0,5 1 1,5 2], disegnare il diagramma xy di questi punti, ed effettuare la quadratura della funzione f(x) nell'intervallo [0 2].

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata quadratura, che accetta in ingresso o la funzione e i valori, oppure solo i cinque valori.

```
function quadratura(fun, valori)
  y = fun(valori);
  plot(valori, y);
  ris = quad(fun, valori(1), valori(length(valori)));
  disp(['Quadratura in [0 6] pari a ' mat2str(ris, 5)]);
end
```

m Ottenere le uscite della funzione nei seguenti punti [0 0,5 1 1,5 2], disegnare il diagramma xy di questi punti, ed effettuare la quadratura della funzione f(x) nell'intervallo [0 2].

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere implementato per me

Lo svolgimento di questo esercizio deve essere implementato per mezzo di una funzione MATLAB, chiamata quadratura, che accetta in ingresso o la funzione e i valori, oppure solo i cinque valori.

Possibile Soluzione

```
function quadratura(fun, valori)
  v = fun(valori);
  plot(valori, y);
  ris = quad(fun, valori(1), valori(length(valori)));
  disp(['Ouadratura in [0 6] pari a ' mat2str(ris, 5)]);
end
```

Esecuzione

```
>> fun = @(x) sqrt(4-x.^2)
fun = @(x) sqrt(4-x.^2)
>>  val = [0 .5 1 1.5 2];
>> quadratura(fun, val)
Quadratura in [0 6] pari a 3.1416
```

